

وعظم وعلى آله الذين ا فامواعود الدين عستقيم الجيج و البراعين

مااستمان الضماء ودرجت الظماء وتلونت الحرياء في هاجرة المداء (وبعد) فالرياضة غذا الارواح ومناط جل مصالح الاسماح بها كال النفوس الشربة واصلاح كلخلل مملكي ورزية فهي عندالعقلا احل صناعه الربح سعيه من المحذه الضاعه بلبها ترداد القوة العاقلة وتقوى في مدان المناضلة لكونها غبرطنية الدلائل فلاتوثر فيهاسهم المناصل بلهي قطعية البراهين مؤسسة على المشاهدة واليقن ولاسعدان تكون سيا المنحاح ومجلمة لرضا الفتاح لانبها صلاح العماد وزوال مايعتريهم إمن ضررالعنباد وبالجهلة فهي بكل ثناء حربه لاسما الهندسة الوصفيه إ التي هي لغة المهندس ولسانه من عرفها حل عند العقلاء مكانه ومن لم يعرفها لم يعرف رسما ومن كان في هـذه اعمى فهوفي الأخرة اعمى فلا عكنه وصف مشاهد سواء تقارب منه اوساعد هذا ومن جلة مااسطه فى سلائا المتعريب وتداولته ايدى التصحيح والتهذيب كتاب في هـذا الفن إجديد الاعمال حسن الترتبب ليس له مثال ترجه الماهم الليب والعاقل الاريب صاحب الاخلاق الحسان ابراهم اسدى رمضان ولما اكل تعريبه وتدريسه في مدرسة الهندسة النفسه المهندسيانة الدوية معدن النفائس الرياضية تداولته ايدى التصمير ونقعته غاية التنقيم فقابله على اصله الفرنساوى من هوللمهارة حاوى صاحى الذي أثق به ودليل حسن افندى المصحر الجبيلي فاطلق عنان قلمه فيه وصحعه وامعن نظره في ترجته واصلحه تم وصل الى يدراجي غفر الاوزار ابراهم الدسوقي عبدالغفار فهذب عماراته ومداسه وحرر بعدد السؤال معانيه وبذل فسدعاية المجهود ونظمه نظم اللالى فى العقود مع مقابله الثمانى وسترجه الاول لمكون مذلك اتقن واكمل ولا يلزم على تحسين ميناه الاخلال شئ إمن معناه كان ذلك بامر من يحسه السعد بلسك سعادة امراللواء ادهم ست لازال محفوقا بالالطاف الخفية مشمولا بالاستعافات الداورية وفا واحد دمة صاحب السيادة والعطاما المورثة للسعادة من ملك

بجوده رقاب العباد وعم كرمه منهما الحاصروالباد رب الفطنة القوية والرأى العلى ولى نعمتنا الحاج مجد باشاعلى ابدالله بمنه وكرمه دولت وسدد بقهره وقوته صولته ولازال مسعود الاوقات دائم الحظوظ والمسرات مجاب المنادى محبوت المعادى بجاه من ركب البراق وارتق السبع الطباق ولما تهيأ للتمام ولبس وشاح الختام وسمته باللاكل البهية في الهندسة الوصفية وقد آن ان نشرع في المقصود فنقول بعون الله الملك المعبود

المندسة العادية سن ببينا الما الوضع النسبي لاجزاء شكلما كائنكله في مستو واحد لكنها عبركافية في سان العمليات اللازم اجراؤها في الفراغ كايظمر ذلك بامثلة سهلة حدا

ومن المهاوم ان بعد نقطة عن مستوى يقدر بالعمود وكيفية تعيين نقطة تقابله على هذا المستوى لكن كيفية ببين اتجاه هذا العمود وكيفية تعيين نقطة تقابله بالمستوى لا تنحلان بالهندسة العادية لان طرقها الرسمية غيركافيسة فى ذلك فلذا لزم استعمال طرق خصوصية تتعلق معرفتها بالمهندسة الوصفية فعلى هذا تعريف المهندسة الوصفية بان الغرض منهامعرفة رسم ذى الثلاثة ابعاد على فرخ من ورق ذى بعدين فقط غيرصواب لان هذا الغرض ليس الاجراما واهيا منها فاتها زيادة عن ذلا تمين طرق بحث يصع تطبيقها مع الفائدة التامة على جيع المسائل العملية للوضع النسبى وبالتحليلات الحبرية بمكن حل التامة على جيع المسائل العملية للوضع النسبى وبالتحليلات الحبرية بمكن حل مسائل النسب الميترية وبالجلة فبمعموع هدنين الفرعين الرياضيين يمكن حل اى مسئلة كانت

وقد قال المهندس من في الهندسة الوصفية انهالغة المهندس فلابدله حينتذ من مرفة قرآءة لغته وكتابتها

شمان جيع اشغال المهندس لا تغرج عن مسئلتن

الاولى الوصف اعنى رسم صورة جسم اوعدة اجسام على فرخ ورق بحيث

عصن تكوينها فيما يرادتكو ينها فيه من المحال الشائية التصوراى اله بعد تحيل جسم اوعد قاجسام يعمل وسهم المحيث عكن ابرازها خارجا بالضبط بواسطة هذا الرسم

(7)

مق تحرك مستو او اى سطح كان لا يعتريه تغير في جزعمن اجزائه ولا في اوضاع النقط بالنسبة الى بعضها ولا في اوضاع خطوطه في وقت تمامن او قات الحركة ولا في مقاد بر الزوايا الحيادثة بين خطوطه ولا في طول خطوطه المحدودة ومتى دورمستو حول خط تقاطعه بمستو آخر حتى اتحد معه يقال لذلك انطباق المستوى الاول على الثاني وهذه العملية تكرركثيرا في المهندسة الوصفية التحويل بعض تراكيب على فرخ من ورق لم تحكن فيه و بتعصل ذلك ابضا باعتبارات اخرى كثيرة الفائد م

* (في سيان النقطة) *

()*

متى امكن المجادجيع تقط اى جسم اوسطے اوخط بواسطة معالم علم الجسم اوالسطے او الخط فيجب حيب المنتقبل كل شئ معرفة شوق وضع اى نقطة في القراغ ﴿ ويستعمل الله عدة طرق نشر حها في ابعد المهم اهو اعتبار مستو بين يتقاطعان في زوايا فائمة كافي (شكل ا) فرض احدهما ق ق افقيا والا خر ر ر رأسيا وخط تقاطعهما خ فر يسمى بخط الارض وكل من هذين المستو بين اللازم تصورهما ممندين الى غير نهاية يقطع الا خرالي جزئين او جهتين يسمى الجزء خ ض ق من المستوى الافقي الكائن امام الرأسي بالجزء المقدم والجزء خ ض ق الكائن خلف المستوى الافق الرأسي يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ض ر المستوى الرأسي الكائن فلف المستوى الافق فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ض ر الموجود اسفاله فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ض ر الموجود اسفاله فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ض ر الموجود اسفاله فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ض ر الموجود اسفاله يسعى بالجزء الاسفل و يت ونايضا من هذين المستو بين اردم زوايا زوجية

تمزياسما الاجزآ الكونة هي منها

فالزاوية ق ح ض ر تسمى الزاوية المقدمة العلياوير من الها بالرمن ح ع والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المؤخرة العلياوير من لها بالرمن خع والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المؤخرة السفلى ورمن ها والزاوية ق خ ض ر تسمى الزاوية المقدمة السفلى ورمن ها م س

()*

اذا تقرر ذلك يقال اذا انزلنا من النقطة الفراغية م عودا م و على المستوى الافق ق ق تسمى النقطة و التي هي اثر هذا الخطبسقط النقطة م الافق والعمود م و بالخط المسقط اقق اللنقطة م وكذلك اذا انزلنا مع على ررك يكون الاثر ع لهذا المستقيم مسقط النقطة م الراسي ويكون خط عم الخط المسقط وأسيا للنقطة م

(°)

اذا امر مستومن م و مع یکون السکل م و وع الکائن فی هذا المستوی بالضرورة مستطیلاویکون المستوی زیادة عن ذلا عود اعلی ق ق و علی در فیکون بالضرورة عمود احلی خ ض فینیج اولا ان البعد م و ای من النقطة م الی المستوی الافقی بساوی البعد ع و ای من مسقطم الرأسی الی خط الارض

وثانيا ان البعد مع اى من النقطة م الى المستوى الرأسي يساوى البعد و اى بعد المسقط الافقى عن خط الارض

وثالثنا اذا الزلنامن مسقطى نقطة واحدة عودين على خط الارض فانهما يقطعانه في نقطة واحدة

(7)

المسقطان ١٥ وع النقطة م يعينان موضعها في الفراغ وذلك ان

النقطة وجدعلي عود المستوى ق ق القائم من المسقط الافتى و على بعد يساوى وع فحينئذ اذا اخذ بعد هم = وع تكون النقطة م هي النقطة المطلوبة وتقصل ايضا بأخذ عم = وه على عمود فائم من النقطة ع على المستوى الرأسي رر و والجلة فالعسمودان القائمان من النقطة ع على المستويين ق ق و رر القائمان من النقطة و ع على المستويين ق ق و رر كونان في مستووا حد فحيئذ يتقاطعان في النقطة م التي مسقطا ها يكونان في مستووا حد فحيئذ يتقاطعان في النقطة م التي مسقطا ها و و ع

(Y)

وتعدين النقطة اذا حكانت على مستقين اوعلى مستقيم ومستو وبهده الكيفية تعين النقطة دائما لان معنى تعين مسقطى نقطة ماكون النقطة على مستقين عودين على مستويى المسقط ومارين من المسقطين المعلومين

(^)

وقداعتبرنافيا ذكر مستوين فلنعو بلالتراكيب على فرخ الرسم يفرض السيوى الرأسي رر بدور حول خط الارض خ ش كاب بدور على عقبه حتى بنطبق الجزء الاستوى الافق مخيث ينطبق الجزء الاهلى خ ض ر على الجزء المقدم على الجزء المقدم خ ض ق والجزء الاسفل خ ض ر على الجزء المقدم خ ض ق

وبهذه الحركة يتعرك المسقط الرأسي ع وكذلك خط وع فينطبق في وك على امتداد هو جيث انه بعد انطباق المستوى الرأسي على المستوى الافقي يكون المسقطان ه و ك لنقطة واحدة فراغية على عودواحد على خط الارض فن ذلك ينتج ان كل نقطة بن منتخبة بن اختيارا لايدلان على مسقطى نقطة واحدة فراغية الاان كاتباعلى عود واحد على خط الارض

(9)

١٠٠٠ الله

ولنرمن من الآن فصاعدا الى اى نقطة فراغية بحرف صغير من حروف الهجاء ولمسقطيه البعين هذا الحرف موضوعا فوقه حرف و ان كان المسقط افقيا و ان كان المسقط رأسيا

فالنقطة م الفراغية مثلا برمن لمسقطها الافقى بالرمن م والراسئ م انظر (الشكل؟) وتعيناى نقطة فى الهندسة الوصفية بمسقطها والنقطة المعلومة هى النقطة المعلوم كلمن مسقطها الافتى والرأسى ومتى طلب المعادنقطة فراغية فالمرادا يجاد مسقطها

ومق وصف اى شكل فراغى وجب رسه حالاعلى فرخ الرسم وبالعكس اى انه منى وجدرسم اى شكل لزم تصوره فى الفراغ ومن ثم منى علت مساقط اى نقطة وجب ان بتصوره وضعم الفراغى وبالعكس اى منى علم موضعم الفراغى وجب ان بتصوره وضعم الفراغى وبالعكس اى منى علم موضعم الفراغى وجب ان بستنتم منه حالا وضعاء سقطه ما

* (في سيان اوضماع النقطة) *

('')

النقطة يمكن ان تشغل عدة محال فراغية يدل عليها باوضاع مسقطيها بالنسبة المنقطة عكن ان تشغل عدة محال فراغية يدل عليها بالاوضاع المذكورة فى الهند سة التحايلية بعلامات ومقاد يرانلط وط الاحداثية ولنذكر الاوضاع فنقول

(اقلا) اذا كانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية الحادثة من مستويى المسقط يسهل مشاهدة وجود مسقطها على الجزئين المحكونين لهذه الزواية من المستويين وتتضم اوضاء بها الاربع التي تدغلها في هذه الحيالة من المسكل (٣)

(نانيا) اذاكانت النقطة على احده سنتو بى المسقط فلاوسقط الها على هذا المستوى الا نفسها وامامسقطها الا خرفيكون بالضرورة على خط الارض واذلك اربع حالات تظهر المن الشكل (٤) المبين فيه انه لاعلامة فوق رمز النقطة هي التي على المستوى لا احدمسقطيها

(ثالثا) اذاكانت المنقطة على خط الارض فلامسقط لمها الاهي واذا لم يكتب بجوارها الاحرف م فقط كاهومبين في (الشكله) (رابعا) اذاكانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية امكن ان تكون على بعد واحد من مستويي المسقط اى أنه يحكن ان يكون وم = وم انظر (الشكل ۲) و (بنده) ومتى كان المسقطان في جمهة واحدة من جهتى خط الارض انطبقا على بعضهما واذلك حالتان مبينتان في (المشكل ۲) ومن هناينج

اقلاان جمع النقط الممتازة المساقط والمتساوية البعد عن خط الارض توجد على المستوى القاسم للزاويتين م ع و خس الى قسمين متساويين ونانيا ان كل نقظة اتحد مسقط اهما توجد على المستوى القاسم للزاويتين في م س الى قسمين متساويين

﴿ فِي سِيان المستقيم ﴾

(11)

اذا انزلتا من جميع تقط مستقيم اعدة على المستوى الافق تكون المارهااى مواقعه اللساقط الافقية المقط المستقيم ويكون الحط الجامع لها المستوى الافق المستقيم وتكون جميع هذه الاعدة في مستو واحد عود على المستوى الافق ويكون تفاطعه مع هذا المستوى مسقط المستقيم وكذا يقال في سقوط اى مستقيم على مستومًا خيئذ يكون مسقط المستقيم على مستومًا خيئة وستقيما

وكيفية تحصيل مسقطى مستقيمان عربه ذا المستقيم مستويان عودان على مستويى المستقيم احدهما بالمستقيم المستقيم والاتنز بالمستوى المستقيم والاتنز بالمستوى المسقط وأسياللمستقيم

ولنرمن من الآن فصاعدا لاى مستقيم فراغى بحرف كبيرولسقطيه بعين المرف المذكور موضوعا عليه حرف و ان كان المسقط افقيا و ر ان كان المسقط وأسافر منى و و بدلان على المسقط وأسافر منى و و بدلان على المسقط وألفى والشكل لا)

وقدير من المستقيم بتقطعين من نقطه لكن المستقيم المحدد الطول يرمن البه

(11)

ای مستقیم شعب علی العموم بمسقطیه لائه ادااقیم من و مستو عود علی المستوی الافق و من و اخر عود علی المستوی الراسی بوجد المستقیم و علی هذین المستوین معافیکون بالضرورة خط تقاطعهما و من هنایسی ان المستقیم المعلوم بمسقطیه بعلم حقیقة بالمستویین حیث آنه خط تقاطعهما و بتعین این المانقطین من نقطه لا نهما یعینان نقطین من کلمن مسقطیه

ولنعتبراء تبارا زائدا من قط المستقم النقطتين اللتين يقطع فيهما المستقم المذكور مستويى المسقط ويسميان فاثرى المستقم لانهما صالحنان كل الصلاحية لتعين المجاهه

(1 1)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم اثرى مستقيم والمطلوب ايجاد مسقطيه مقال

اذافرض ان الاثرالافق للمستقيم د و سه اثره الرأسي حكمافي الشكل (٧) يكون أو سه على خط الارض الخطو (عائبًا من غرة ١٠) وعلى العمودين النيازلين على هيذا الخط من النقطت من ن ن ن ن ن ن ن ن النظر بند (٨) ومن هنابتعصل نقطت ان و سه من و

واخريان مر و أمن و فبهذا يعلم المسقطان *(١٠)*

* (المسئلة النائية) * اذا كان المعلوم مسقطى مستقيم والمطلوب ايجاد اثريه

حیث ان الاثر الافق حکمانی (شکل ۷) علی المستقیم و والمستوی الافق یوجد مسقطمه الرأسی بالضرورة علی و وعلی خ ش فیکون حینئذفی ا و تکون النقطة ا هی مسقط نفسها الافقی فتکون حینئذعلی و وعلی عمود واحد علی خط الارض مع ا ای انه یکون فی نقطة تقاطع و وعلی علی و وعلی المستوی هذین المستقیمن ا و کذلا اذا کان الاثر الرأسی علی و وعلی المستوی

الرأسي بكون مسقطة الافقى واماالنقطة نفسها فتكون فى سومن هذا بنتجانه بلزم لا يجاد الرمستقيم ان يمد المسقط المخالف للا ثرفى الاسم الى خط الارض وان متام من نقطة التقابل عود على الخط المذكور فتكون نقطة تقاطعه مع المسقط الاستر الاثر المطلوب

(17)

قد لا ينصصر المستقيم الممتد الى غيرنها به في راوية واحدة وحيند يكون الجزء المكائن في الراوية مع عسماهدا لكن كل ما يكون منه خلف المستوى الرأسي اواسفل الا فتي وي ون محمأ باحده ذين المستويين ويبين ذلك على الشكل بطريقة رسم مساقط اجزاء هذا المستقيم وقد اصطلح على رسم مسقطى جزء الجزء المحصور في الزواء الثلاث الاخر بخطين نقطيين ذوائى نقط المستقيم المحصور في احدى الزواء الثلاث الاخر بخطين نقطيين ذوائى نقط مستطيلة كايظهر ذلك من اشكال الامثلة الاتراب مخلاف مسقطه الرأسي المناهد من المحدود في احدى الرواء التراب عند في المناهد المناهد من المحدود في المناهد المناهد

(")

اكن لا يليق هـ ذا الاصطلاح الا بالنظوط الادلميه من الشدكل اعنى الخطوط غيرالادلمية الخطوط غيرالادلمية الخطوط الدالة على معاليم المسئلة الرجحاهيلم المطلوبة وأما الخطوط غيرالادلمية فتنقسم

* (اولا) * الى الخطوط المساعدة وهي وانام تكن من جلة الخطوط الاصلية المهاوقع عظيم في الشكل وترسم بخطوط متقطعة بمعنى انها مكونة من اجزاء مستقية متفاصلة بنقطة اوعدة نقط وتسمى بالخطوط المركبة

* (وثانيا) * الى خطوط العمل وقد تسمى بخطوط السقوط وتعتبر عدمية لقلة نفعها في الرسم وترسم بخطوط نقطية مكونة من اجزاء اصفروا دق من الاجزاء الداخلة في تركب الخطوط المساعدة

وقد يوجد زيادة على اجزاء الشكل الخبأ عستوبى المسقط اجزاء اخر يمكن أن تكون محملة ما جزاء الشكل الامامية اكن اعدم تكثير خطوط الشكل النقطية المنظر بوضوحه تفرض عالبا ان اجزاء الشكل المذكورة تحكون مبينة بالخطوط المرسومة على مستوبى المسقط الكافية لتعديما

عكن ان يشغل المستقيم عدة الاضاع فراغية سين بالرضاع المساقط بالنسبة الحط الارض وبرسم هذه المساقط ولنذكر ذلك فنقول

*(اولا) * قد يكون المستقيم ما ولا بالنسبة لمستويي المسقط وجرة والمحصور بين الاثرين في احدى الروايا الاربع الزوجية فينشذ يكون اثر االمستقيم المذكور كائن على جزئ المستويين المكونين للزاوية المذكورة فبذلك يتعصل معنا الوضاع اربعة كافي (المسكل ٨) وتسهل معرفتها بجرد وجمها ولاجل سان هذا الرسم نقول حيث كان في الوضع الاول الجزء السائل في الزاوية من المسقطين مرسومين من عصاهدا يكون الجزآن السومين من المسقطين مرسومين

بخطين انصالين لكن المستقيم و بعد مجاوزته نقطة ا يرقعت المستوى الافقى وبحب اورته النقطة سيرخلف المستوى الرأسي ومن ثمر به واجزى السقط الافق الكائنين خارج النقطة بن أوس وجزى المسقط الرأسي الكائنين خارج النقطة بن أوس بخطوط نقطية وبهذه الكيفية يصدنع الرسم اللازم اجرآؤه في الحالات المثلاث الاخر

ولذه رص الا تنان المستقيمات مرسومة بدون رمز فنقول لا بحل الاستدلال بسكيفية الرسم على مسقط المستقيم الا فقي يقال ان جزء المستقيم المرسوم مسقطاه بخطين اتصالبين لا بدوان يكون في الزاوية م ع في الوضع الرابع مثلا يكون جزء المستقيم الذي على يسار النقطة الهوالموجود في الزاوية الاولى فيكون مسقط هذا المجزء الافقي شحت خط الارض ومسقطه الرآسي فوقه وبذلك تكون النقطة الرابستقيم الافقي والنقطة الرمال أسي ويقاس على ذلك المجاد التجاه المستقيم في الاوضاع الذلائة الساقية

(وثانيا) قد بكون المستقيم موازيالله مستوى الافتى فيكون مسقطه الرأسى حيفيّة موازيا لخط الارض لان جبع نقط المستقيم و على بعد واحد من المستوى الافتى واما المسقط الافتى فيكون حيثما اتفق وتأتى هذا الاوضماع الثلاثة المبينة في (الشكل ٩) باعتبار كون المستقيم و فوق المستوى الافتى اوداخله اواسفله

(وثالثا) قد يكون المستقيم مواذيا المستوى الرأسي فيكون مسقطه الافق مواذيا للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الافق مواذيا للفق مواذيا للطفق وتأتى هنا الاوضاع الثلاثة المبينة في (الشكل م ١) باعتباركون المستقيم و امام المستوى الرأسي اودا خله او خلفه

﴿ (ورابعا) * اذا كان المستقيم كاقدينفق مواز المستوبى المسقط معافيانمان مكون مع أن المستقيم كاقدينفق مواز بين المط الارض خض من من المط الارض خض

ومن هنا بتعصل معنا اوضاع نسعة اربعة منها فيما ذاكان المستقيم في احدى النوايا الاربع الزوجية كافي (السكل ١١) واربعة منها فيما اذاكان المستقيم على احدى اربع جهات مستو في المسقط كافي (الشكل ١١) والتسلع فيما أذاكان المستقيم متعدا مع خط الارس كافي (الشكل ١٢) والتسلع وهذه الاوضاع التسعة عين نسعة اوضاع النقطة المبينة في (الشكل ١٤٥٥) بالمستقيات و و و و الخ الموازية لحط الارض فاذا كان المستقيم في هذه المالة منساوى البعد عن خط الارض ولوكان مسقطاه منساوى البعد عن خط الارض ولوكان مسقطاه في جهة واحدة لا نطبقا على بعضهما كافي (الشكل ١٤) وكان المستقيم حين شد في المستوى القاسم للزاويتين م س و غ ع الى قسمين متساويين

*(وخامسا) * أذا كان المستقيم عمودا على المستوى الافقى يؤل مسقطه الافقى الى نقطة واحدة ويكون مسقطه الرأسي عودا على خط الارض لان المستوى المسقط للمستقيم رأسيا والمستوى الرأسي للمسقط يحونان عمودين على المستوى الافقى ويكون المستقيم في هذه الحالة ذلاته اوضاع باعتباركونه امام المستوى الرأسي اود أخله او خلفه كما في (الشكل ١٠) * إذا كان المستقيم عمودا على المستوى الرأسي كان له كذلك ثلائه اوضاع متشابهة باعتباركونه فوق المستوى الافقى اوداخله اواسفله كما في الشكل ١٠)

وينتج من ها تبن الحالتين ان وم كافى (الشكل؟) هوالمسقط الرأسى المستقيم المسقط افقيا للنقطة م واما وم المستقيم المستقيم المسقط رأسيا للنقطة م ومسقطه الرأسى م الروسانعا) بدادا كان انتجاء المستقيم في القرائح عود اعلى خط الارض صارمسقطاه

مستقيما واحداع وداعلى خطالارض لانالوامر بنا من المستقيم و مستويا رأسيالكان هذا المستوى عوداعلى خض فعلى ذلك يكون تقابلاه مع مستو يحالمسقط و و عودين على خض وقاطعين له فى نقطة واحدة فينطبقان على بعضهما بالضرورة بعد انطباق المستوى الرأسي على الافق ومن هنا بنتج لنان مسقطى المستقيم العمودين على خطالارض غيركافيين لتعيين التجاهه فى الفراغ لكن اذاعلم منه اقطتان تعين الا يجاه تعينا تاما ويكون له حينتذار بعة اوضاع بحسب انحصار الجزء الكائن بن الاثرين فى احدى الزوايا الاربع الزوجية كافى (الشكل ١٧)

*(وثامنا) *اذا قابل المستقيم خط الارض اتحداثراه ا و م في نقطة واحدة من الخط المذكور وقد يتفق في هذه الحالة ان المسقطين و و و يصنعان كافي (الشكل ١٨) مع جزء واحدمن خ ص زاوية ين حاد تين احداهما فوقه والاخرى تحته وهذا ينتسب بالنمرورة للمستقيم النافذ في الزاوية ين مع جزءى خص كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم مع جزءى خص كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم نافذ في الزاوية ين الحادثان متساوية ين نافذ في الزاوية ين م ع و خس الى تسمين متساوية ين م م سين متساوية ين م م سين متساوية و م م سين متساوية و م م سين متساوية و المستوى القاسم للزاوية ين ع و م م سين متساوية و المستوى القاسم للزاوية ين ع و م م سين متساوية والمنافذ والما على المستوى القاسم للزاوية ين ع و م م سين متساوية و المستوى القاسم للزاوية ين ع و م م سين متساوية و المنافذ والما على المستوى القاسم للزاوية ين والما على المستوى القاسم للزاوية و م م سين متساوية و المنافذ في المستوى القاسم للزاوية و المستقيا واحداكافي (الشكل ٢٠) وفي هذه الحالة يصير المسقطان مستقيا واحداكافي (الشكل ٢٠)

* (و تاسعا) * اذا كان المستقم المقابل لخط الارض عودا عليه فان . سقطاه بتحدان ويصيران خط اوا حداعوداعلى خض ولا يكفيان حين المتعينه فيلزم اخذ نقطة مّا من المستقيم المذكور كافى (الشكل ٢١)

(11)

ويسج علا كرحسعه ان المستقيم يكون معدا بالكامة عساقط نقطتين من نقطه

4 *(2)*

الافياحوال مخصوصة فأن مسقطاه لا يكفيان في تعيينه

(19)

اى مستقين ليساعودين على خط الارض يدلان ابدا على مسقطى مستقيم فراغى لانااذا النساللستو بين المسقطين من المستقين يتقاطعان فى مستقيم معين وقد يكون المستقيم غيرمعين اذا انحد مسقطاه وصارا خط اواحدا عوداعلى الخرخ في واى مستقين احدهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على ستقيم واحد فراغى

*(* 7)*

المستقيمان الفراغيان اماان يتقاطعا اويدوازياا والايكونان في مستووا حدولنبين ذلك فنقول

*(اولا) به اذاتقاطعا كافى (الشكل ٢٦) كان منقطانقطة تقابلهما م على مساقط و و في تشد يلزم ان يكون م و م على عودوا حد على خط الارض انظر عمرة (٨)

*(وثانيا) * اذاتوازيا فسقطاهما المتعدا الاسم بكونان متوازين كمافى (الشكل ٢٣) لان المستوين المسقطين متوازيان

* (وثالثا) * اذا لم يكونا في مستووا حد فنقطة تقاطع مسقطيهما الرأسين الاتكون مع نقطة تقاطع مسقطيهما الافقين على عودوا حد على خط الارض كاني (الشكل ٢٤)

(17)

مان عكس هذه الدعاوى الثلاث صحيح ايضااعي

(اولا) اذا تقاطعت مساقط المستقين في قطتين على عمودوا حد على خط الارض كافي (السكل ٢٢) تقاطع المستقيان في الفراغ لان مسقطى النقطة محيث انهما على مسقطى المستقيم و تكون النقطة على هذا الخطو بذلك تكون النفطة على هذا الخطوب و تكون النفطة على هذا الخطوب المستقيم و تكون النفطة على هذا الخطوب المستقيم و تكون النفطة على هذا الخطوب المستقيم و تكون النفطة على مستقيم و تكون النفطة و ت

*(وثانيا) * اذاقوازى المستقطان المتحدا الاسم كافى (الشكل ٢٣) قوازى المستقيان فان المستويان الاربعة المسقطة متوازية منى وينبى على ذلك ان خطوط النقاطع الاربعة التى من جلتها مستقيا و و و متوازية ايضا *(وثالثا) *اذا تقاطعت مساقط مستقين في نقطتين ليستاعلى عودوا حد على خط الارض لا يكون المستقيان في مستو واحد كافى (الشكل ٢٤) فان اى مستقيمين على مستوان لم يتقاطعا يتوازيا فينئد تكون مساقطهما مرتبة كافى (الشكل ٢٢) و ينتج من ذلك انه اذا قوازى المسقطان كافى (الشكل ٢٢) و ينتج من ذلك انه اذا قوازى المسقطان الافقيان فقط اوالرأسيان فقط لا يكون المستقيان متوازين

(77)

مى كانت مساقط مستقين اعدة على خض كانت متواذية ولا يلزم من ذلك ان يكون المستقيان الفراغيان كذلك

لكن اذاكان و و كافى (الشكل ٢٥) متوازين وانتخبنا على كل من المستقين نقطتين ا و ر و ا و ر و وهمنا رأسين نا زلن من النقطتين م و انقين من النقطتين م و ا و قاطعين الرأسين في نقطتين ا و ا وقاطعين الرأسين في نقطتين دمن هما م و ك حدث مثلثان ا م و ا ا و ا ا ا ا ا متشابهان لان اضلاعهما المتناظرة متوازية فيعدث

ía: lá:: - e : 1 c

الڪئ حث ان

 $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}$

ويقال فى عكس ذلك متى حصلت هذه التناسبة يكون المستقمان و و و متواذبين لان المثلثين ا - و اُ ـ ك القناعى الزاويتين فى ع و ك

بكونان بعد تصورهما كاذكر متشامين لان فيهما زاويتن متساويتن كل منهما محصورة بين ضلعين مناسين مع ضلعي الاخرى وموازين امما كل النظيره ومنه معدث ان الوترين المرار الكراك اوالمستقيمين و و متو ازيان الروترين المرار الكراك

* (المسئلة السالمة) * ادا اريد ان عُرّ من نقطة معلومة مستقيم مواذلا خر معلوم يقال

لابدكمانى (الشكل ٢٦) ان يرمسقطا المستقيم الفروض س عسقطى النقطة المعلومة م كل منظيره وان يكونامواز يين لمسقطى المستقيم المعلوم و كل لنظيره

﴿ (في سان الخطوط المنحنسه) ﴿

(10)

اذا الزلنامن جبع النقط اوسوع من كافي (الشكل ٢٧) اعنى نقط المضى ج اعدة على المستوى الافق تحكون من الاثار ال و و و ع من اعنى اثار الاعدة المذكورة الخطح وهو المسقط الافق للمضى المذحكورج وامّا الاعدة نفسها الله و ع ع من م فتكون متوازية و يحدث عنها سطح سوف نسميه والسطواني ويقال له ايضا سطح مسقط اواسطواني مسقطة افساله عني المستوى الرأسي مسقطة افساله من فالمنتنى ج حيند هو تقابل مسطحين

واذا كان المنعنى ج مرسوما داخل مستوعود على المستوى الافق مثلا كانت جميع المستقيات إلى بدر المخ فى المستوى الافق ومنه بنتجان الذكوروكان ج تقابل هذا المستوى بالمستوى الافق ومنه بنتجان

مسمط

مسقط المنعنى ج الافق خط مستقيم وان الا خرمنعنى بالدمر ورة واتمااذا كان المنعنى ج في مستوعود على خ ص فكل من مسقطيه يكون مستقيما المنعنى ج في مستوعود على خ ص فكل من مسقطيه يكون مستقيما *(٢٦)*

*(المسئلة الرابعة) *اذا كان المراد المجاد نقط تقابل المنحى بمستوبي المسقط بقال ان النقط التي يتقابل فيها المنحني ج مع المستوى الافتي كافى (الشكل ٢٨) تنسقط انسقاطا رأسياعلى ج وعلى خ ض انظر ثانيامن (نمرة ١٠) في يتقاط عهما وتكون النقط تان ا و سفيند يكون المسقطان أ و سفينا في تقاطعهما وتكون النقط تان ا و سعلي على خ ض على ج وعلى العمودين القائمين من النقط تين ا و سعلي خ ض ومن المعلوم ان هذين العمودين يقابلان عوما ج في عدة تقط يمكن جعلها ومن المعلوم ان هذين العمودين يقابلان عوما ج في عدة تقط يمكن جعلها كلما بلا تميز آثار الله خين المنافي ج وبمثل ذلك آثار اكما لو فرضنا مثلاان ا و سليسا اثرين المنحني ج وبمثل ذلك بكون المجاد الاثرين الرأسيين

تنبیدة دو حد جزمن ع غیرمقابل لخزمن ع فلایکون بالضرورة مسقط جرء من المنعنی ع کان هنال جزء امن ع ایس جزء امن مسقط المنعنی ع وسنشر دلال

عكن ان يمر مستو واحد بمستقين متوازين اومتقاطعين او بمستقيم ونقطة وبنتف من المستقيمات التي يمكن ان تعبين موضع مستوفرا غي المستقيمان اللذان يقطع دلك المستوى فيهما مستوبى المسقط ويسميان باثرى المستوى ومن المعلوم انه لا يدوان يقابل اثر امستو تما خط الارض في نقطة واحدة هي نقطة تقابل الرائستوي

ولنرمن لاى مستوفراغي بحرف من حروف الهجاء ولاثريه الافق والرأسي

4(0)*

مالحرفین قی و مر علیه ما رمن المستوی کافی (الدیکل ۲۹)
فرمن قی و مر بدلان علی اثری المستوی م و متی علم مستو بمستقین رمن المبتقین المنافرمن (اب) مثلا بدل علی المستوی المعین بکل من المستوی المعین بلامن المستوی المعین با و ب کانرمن المستوی المعین با المستقیم ا والنقط المدن (۱۱) و رمن (۱۱) و رمن (۱-ع) بدل علی المستوی المار بالنقط الثلاث ا و و ع المستوی المار بالنقط الثلاث ا و و ع المستوی المار بالنقط الثلاث ا و و ع

* (المسئله الحامسة) * اذا كان المسقط الافق لمستقيم على مستومعاوم باثريه معلوما والمطلوب المحاد مسقطه الرأسي رقال

من المعلوم كافى (الشكل ٢٩) اناثرى المستقيم على مستو يكونان بالضرورة على اثرى المستوى فيكون الاثر الافق المستقيم و النقطة الله التي هي تقابل في بالمسقط و ومن ذلك تستضر بحالنقطة المن المسقط و وايضا حيث ان الاثر الرأسي المستقيم و ينسقط افقيا في النقطة لله و التي هي تقابل و و خض وان النقطة نفسها في ساحلي كريعلم و واذاعلم و استنتج منه ايضا و

*(١٩) * السدّلة السادسة) * اذا كان المسقط الافقى لنقطة على مستو معلوم باثريه معلوماوالمطلوب المجادمسقطها الرأسي بقال

اذا امررنافي مستوى م خطامًا مستقيما و من النقطة م كهافي و اذا امرزنافي مستوى م ومنه ينتج و انظر (بند ٢٨) عرو من م ومنه ينتج و انظر (بند ٢٨) وحيث أن م يوجد على و وعلى العمود النازل من النقطة م على

خض يكون م في تقابل هذين المستقيمين وكذلك اذا علم م يستنج منه

بالكيفية المذكورة م ومن هناينج ان المستوى يتعين باثريه تعينا كايا

(~.)

ويتعين ايضاللستوى بمستقين حيث مااتفق يتقاطعان

وبيان ذلك ان يفرض ان م كافى (الشكل ٣٠) المسقط الافقى لنقطة من المستوى (اب) انظر بند (٢٧) فير من النقطة م فى المستوى المذكور مستقيم ما من م ويقابل بالضرورة المستقيم سالمستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المنافقيان المنتقيان المن

("1)

* (المسئلة السابعة) * اذاعلم ستو بمستقيمن واريدا مجادا ثريه يقال ان اثرى كل مستقيم لابد وان بوجدا على اثرى المستوى المذكورة بالكنفية المقررة في نمرة (١٠) (الشكل ٢٠٦٣) فاذا بحشناعن الا تارالمذكورة بالكيفية المقررة في نمرة (١٠) نجد نقطتين ا و من الاثر ق وآخرين ا و من من الاثر الاثران خط الارض خ ض في نقطه واحدة وهذا برهان على صحة الاعال

وانذكرعلى سبيل الاستطراد ان احسن طرق حل المسائل المراد حلمها الاقتصار بقدر ما يكن على طرق تصحيمها بدون زيادة بنشأ عنماعدم سمولة الاعمال

(77)

ولواريد ايجاد اثرى مستو معلوم بالمستقيم و والنقطة م للزمان يرمن النقطية للذكورة مستقيم و موازللمستقيم و اوقاطع له نم بعث عن الرى المستوى (وو)

واذا كان المستوى معلوما بثلاث نقط حدث لنا بجمعها منى ثلاث مستقيات والاحسن ان مجمع بن النين منها بستقيم وعدمن النقطة الثالثة موانله وبذلك يسهل حل هذه المائل المختلفة

* (في سيان اوضاع المتوى) * *(٣٣)*

يكن الا وشغل المستوى عدة اوضاع فراغية لذكرها فنقول

* (اولا) * قد يكون المستوى مائلا بالنسبة لمستوى المسقط فله حينت حالمان مع جزء من متيزنان كافى (الشكل ٣٣) بحسب كون الاثرين يصنعان مع جزء من خ ص اومع جزئين منه مختلفين ذاوية بن حادثين أ

*(وثانيا) * يمكن فى الحالتين المذكورتين ان تكون الزاويسان ا و سمتساويتين وفى الحالة الشانية فقط ينظيق الاثران كافى (الشكل الآم) الم «(وثالثا) * قديكون المستوى الم عودا على المستوى الافتى فيكون اثره الرأمى عودا ايضاعلى المستوى المذكور كافى (الشكل ٣٥) ويلزم بالضرورة ان يكون عودا على خط الارض

*(ورابعا) *قديكون المستوى عوداعلى المستوى الرأسي كاف (الشكل ٢٠) فيكون الرمالا فق عوداعلى خط الارض مالضرورة

* (وخامسا) * قد بكون المستوى عوداء لى خط الارض فيتطابق اثراه بالضرورة ويصران مستقيما واحداع وداء لى خط الارض كانى (الشكل ٣٧)

*(وسادسا) * قد بكون المستوى موازياللمستوى الرأسي فيكون الره الافق موازيا لحط الارض خ ص ولا يوجدله حينئذ الررأسي والاولى ان يقال اله يوجدلانها بيا وحينئذ بشغل المستوى وضعين ايضا كافي (الشكل ٣٨) *(وسابعا) * قد يكون موازياللمستوى الافقي فينئذ لا يكون له الرافق واما الرم الرأسي فيكون موازيا خ ص ويمكن ان بشغل وضعين ايضا كما في (الشكل ٣٩)

(وثامنا) قدیکون المستوی وازیا خط الارض فیکون اثراه موازین خ ص لانهما لولم در ونا کذلات لتقابل خط الارض بالمستوی و عکن ان یکون للمستوی م اربعة اوضاع بحسب کینونه اثریه علی جزئین من اجزاء مستویی المسقط کافی (الشکل ٤٠)

* (وتاسعا) * قد يكون المستوى ما يلابالنسبة لمستوى المسقط ايضاميلا مقساويا فيكون اثراه حينة دستساولي البعد عن خط الارض و مطبقان كل منهما على الا خراد اكانافي حمة واحدة كافي (الشكل ٤١)

(وعاشرا) لا يمكن تعيين المستوى المار بخط الارض باثر به الذين لا يكونان الامستقماوا - د الكن اذا كان المستوى معيدا بمستقم و الطحة اختير خط الارض واما الذقطة فتو خذ حيث ما اتفقت و برمن لها بعين رمن المستوى الذكور فيكون له حينئذ كافى (الشكل ٢٤) وضعان بحسب قسمه للزاوية م ع والمقابلة لها وقسمه للزاوية م الاخر بين الزوجيتين

(وحادىعشر) قد يكون المستوى احدمستو بى المسقط فيكون احد مسقطى النقطة على خط الارض

*(* (*

وينج مماذكر بعه اله يمكن تعيين المستوى بمستقيم ونقطة وان اثريه غيركافيين في حالة مخصوصة

(40)

ويجب ان يميزمن المستقيات المحكن رسمها على اى مستو المستقيات التي

* (اولا) * افقيات المستوى وهي مستقيات كائنة على المستوى المذكور ومو ازية للمستوى الافقى

* (وثانيا) * رأسات المستوى وهي «ستقيات كاننة على الستوى المذكور وموازية للمستوى الراسي

*(و ثالثا) * الخطوط الاعظم مملامن غيرها لمستو بالنسبة للمستوى الافقى وهي

4 *(1)*

مستقيان اعدة على الاثر الافق لم ذاالمستوى مان ذلك كافى (الشكل ٤) انا اذاانزلنامن النقطة م من المستوى م ع الخط م و عوداعلى من والخط م ك ما ملاء المه والزانا ايضام ع عود اعلى المستوى أن ووصلنا ع بكل من نقطتي و , ك يحدث ع و , ع ك فيكون ع و عودا على م ن واما ع ك فيكون ما دلاعليه ومن هناينتجان ع و ح ع ك وحيفنذ يكون عم حر كن حيث ان هاتين النسبتين تسهيان عسلی مو , م ک علی المستوی ان رہے ون م و الخط الاعظم ميلامن غيره

ولننبه على ان عم = ظا ا وينتج من ذلك ان ميل اى مستقيم اومستو على سمتو آخر يتبين بالظل المساحي للزاويه الحادثة من المستقم المذكور اومن المستوى مع المستوى الاسر

*(ورابعا) * الخطوط الاعظم ميلامن غيرها لمستو بالنسبة للمستوى الرأسي وهى مستقيات اعدة على الاثرالرأسي للمستوى المذكوروائسات ذلك كائمات ماسبق

(77)

* (المسئلة النَّامنة) * اذا كان المراد رسم افق ورأسي لمستويقال حيث ان الافق و للمستوى م موازللمستوى الافق كافي (الشكل ١٤) مكون مسقطه الرأسي و موازيا خ ص واثره الرأسي لايد وان يكون على راً وعلى و فيكون في النقطة له التي مسقطها الافق س وحيث أن المستقم و مواز للائر في فلابد وأن يكون مسقطه الافتى ايضا و موازيا للاثر المذكور في أنظر (ثانيامن بند ٢٠)

وحیث کان الرأسی سے المستوی م موازیاللمستوی الراسی یکون

مسقطه الافق ب موازیا خ ص ومسقطه الرأسی ب موازیا للائر ر

* (TY)*

* (المسئلة التاسعة) * اذا كان المطاوب رسم خطين اعظم ميلامن غيرهما في مستومعلوم يقال

ان (الشكل ٤٢) يُبت ان المسقط ع و للخط الاعظم ميلامن غيرة م و من المستوى ع م بالنسبة للمستوى ان عود على م ن الذي هو خط تقابل المستويين

اذا تقرر هذا فلا بدوان بكون المسقط الافق و العنط الاعظم ميلامن غيره بالنسبة للمستوى الافق عوداعلى ت كافى (الشكل ٤٠) ومنه يستخرج و عقتضى (بند ٢٨) وايضاحيث ان المسقط الرأسي كسند للنط الاعظم ميلا من غيره بالنسبة للمستوى الرأسي عود على را يستخرج منه المسقط الافق

وحيث ان المستقين و و ك الكائنين على المستوى م يتقاطعان و في نقطة واحدة م يجب ان يكون م و م على عود واحد على خ ض

("1)

ومساهد عماذكران الخط الاعظم مدلامن غيره بالنسبة لمستويكي لتعيينه تعيينا الماحيث عكن بواسطته ان يحدث عدد افقيات اورأسيات بقدر مايراد

المستوى المذكور يتقاطع منهااتنان

(44)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب ان يمر من نقطة معلومة مستو موازلا خرمعلوم بقال

من المعلوم ان الا مار المتعدة الاسم لمستو بين متوازين سوارية واله زيادة على ذلك ادا كان معنا مستويان متوازيان م و ك امر رنامن نقطة ما من نقط المستوى ك مستقيا موازيا لمستقيم كائن في المستوى م يكون كله محصورا في المستوى ك

اذا ثبت ذلك نمر فى المستوى المعلوم م كافى (الشكل 23) مستقيما ما و ثم نمر من نقطة م مستقيما آخر ط موازيا و فيكون فى المستوى المطلوب ك ومن هنا بنتج ان اثره الافقى ا نقطة من نقط من واثره الرائسي من نقطة من ر وحيث انه زيادة على ذلك لابد وان يكون الاثر الاول موازيا للاثر ق والقافى موازيا للاثر ركم يكونان معلومين ويجب تحقيق العملية ان يتقاطعا على خ ض فى نقطة واحدة

ویکنان بقال آنه لاحاجة الی امرارالمستقیم و لاندالوامر رنامن النقطة المعلومة م افقیا ط للمستوی ک کاف (الشکل ۱۷) لصار ط موازیا للاثر ق فینتذبکون سوازیا ایضا آلی ق ویکون ط موازیا فی من ویسےون الاثر الرأسی به لهدا المستقیم نقطة من ک الذی مجب ان یکون موازیا للاثر برا ومقابلا فی السارض فی نقطة کی منهایم الاثر ق ویوازی الاثر تی ولوامی رنابدل الافتی را سیاللمستوی لوجد نا بلا واسطة نقطة من تی کون می کنام الافتی را سیاللمستوی

واذا كان المستوى م لس معلوما بالربه بل بمستقين متقاطعين ك في مالضرورة ان عرمن النقطة المعلومة مستقيران مو ازبان المستقين المفروضين

كل لنظيره وبهما يتعين المستوى المطاوب

واما اذا كان المستوى م المذكور معلوما بمستقيم متوازين اوبمستقيم ونقطة او للاثنقط فيرجع الولالاحدالحالتين المذكورتين قبل وذلك امابرسم انرى المستوى المعلوم كافى (بندى ٣١ و٣٣) او برسم مستقيمن كانين فيسه ومتقاطعين وبتعين حينئذ المستوى ك كالمذ كالمذ وقبله فى بند (٣٩)

(11)

ولنبين منايا اصطلاح الرمن المستعمل فى الاشكال المتقدمة في هذا الكتاب فنقول ان (الشكل ١٨) تكررفي اول حالة من احوال (الشكل ٣٣) وان المقصودمن الرمزق (السكل ١٨) مستقم بقابل خط الارض ومنه في (الشكل ٣٣) مستومًا فالرمن بالحروف المعلة للمستوى الرأسي غيراً كاف لاشتراكه بن المستقوات والمستويات معاوان الحالة الاولى والشالئة من (شكلي ١١ و ٤٠) لا يختلفان ايضا الامالرمن وان (السكل ١٢) تكرربعينه (في شكلي ٣٩ و ٣٩) وان الرمن المستعمل في (الشكل ١٤) يدل على ان القصود مستقيان متعدا المساقط لامستقيان مرسوم احدهما على الجزء المؤخر من المستوى الافق والا خرعلى الحزء الاسفل من المستوى الرأسي كافي (الشكل ١٢) ولامستويان موازا حدهما للمستوى الرأسي كمافى (الشكل ٣٨) والا خرللمستوى الافقى كأفى (الشكل ٣٩) وانه يدون الرمن المستعمل في (الشكل ٤١) لايعلم مستويان موازيان لخط الارض متطابقا الاتار بل يعلمستو بان احدهماموا زللمستوى الافق كافي (الشكل٣٩)والا خرالمستوى الرأسي كافي (الشكل ٣٨) وان (الشكل ٢٤) لايدل بدون الرمن المستعمل فيه الاعلى مسقطى نقطة ولاعكن ان يدل على مستوما رمن خط الارض وليتنمه الى ان تنقيط الخطوط في الامثلة التي ذكرت لا يجبرو - ده خلل عدم كفاية الرمو والمصطلح عليها فالامثلة المذكورة صالحة جدالان تدل على المع الرمو ذالتي اصطلحنا عليها

﴿ (الباسب الثاني) ﴾ في المسائر الاصليد من الهندسة الوصفيد في تغيير مستوبي المسقط وفي ترويرالا شكال حول محور

(25)

متى كانت معادلة حط اوسطح معقدة بحث بالتعليلات عن اختصارها وذلك بان بنسب المنعنى اوالسطح الى محاور جديدة منتفعة بحيث تنعدم بعض الحدود كدود مستطيلات الاحداثيات والحدود ذات الدرجة الاولى التى تكون فى معاد لات المضيات اوالسطوح ذات الدرجة النائية وعكن فى المهندسة الوصفية ان يكون الشكل المرسوم على مستويى المسقط معقدا جداومن الخطوط التى هى سبب فى تعقيده ما يكون ناتجامن طبيعة المسئلة وحيتنذ لا يكن المخلص منه ومنها ما يكون حادثا من وضع مستويى المسقط بالنسبة للشكل الفرائي المراد بيانه فيكن في هذه الحالة ازالته بان تحار مستويى المسقط التحال وهذه العملية تجرى وعكن ايضا ابقاء مستوي المسقط وتغييرون عالشكل وهذه العملية تجرى دراً عامل حول محور في تحصل من ذلك مسئلتان نذكرهما فنقول والمطلوب ايجاد مسقطيه على مسستوث الث عود على احد المستويين والمطلوب ايجاد مسقطيه على مسستوث الث عود على احد المستويين المذكورين

*(النائية) * ان يكون مدقط اللكل فراغى على مستوين فاعمى الزوايا معلومين والمطلوب ايجاد مسقطيه على عين المستوين المذكورين بعد تدويره حول محور ناب قدر زاوية معلومة ويتفرع كل من ها تين المستلتين الى مسائل عديدة مقصود نامن هذا الباب ذكرها مفصله

(25)

ولننبه قبل الشروع في ذلك على انه برمن لكل خط ارضى بالرمن ين ح و ص

مع وضع اشارة عليه اوبدونها ويوضعان بحيث لوفرض الانسان انه فوق المستوى الافق وامام المستوى الرأسى لرأى الرمن ح على يساره والرمن ض على بينه بحيث يدل وضع كل من هذين الرمن بنعلى جو فرخ الرسم الذي براد ان بحث فيه عن جهتى كل من مستويى المسقط وعلى ان يوضع ايضاعلى كل من رموز مسد قط النقط او الخطوط الكائسة على مستويى المسقط الجديدين الرمن راو و وعليه عين الاشارة التى على ح و ض الدالين على خط الارض الجديد ليدل ذلك على ان المساقط هي عين مساقط النقط المعلومة او الخطوط كذلك من تسبة للمستوى الرأسى او الافتى الجديدين وعلى ان برمن كذلك للا أدار الجديدة للمستوى الرأسى او الافتى الجديدين على حالا رض المختوف وقد لا يوضع خصوصا في مسائل التطبيق عليه ما عين الاشارات المذكورة وقد لا يوضع خصوصا في مسائل التطبيق ومن على خط الارض وانما تظلل جهة الجزء المقدم من المستوى الافتى ولنشرع في ذكر المسائل فنقول

(1 1)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المطلوب تغيير المستوى الرأسي بالنسبة لنقطة مقال

ايةرض كافى (الشكل ١٤) ان م و م مسقطان للنقطة م على المستويين المرموز المهما برمن خطالارض خض وان المطلوب البحث عن مسقطها على مستوآخر رأسي قاطع للا فق في خض فيدل وضع الرموز على ان الجزء الاعلى للمستوى الرأسي منطبق على المستوى الا فق جهة يسار الرسم وان الجزء الاسفل كذلك جمهة عينه فين المستوى الا فق لا يتغير المسقط م وبيقي ارتفاع النقطة م عن المستوى المذكور على ما كان عليه فينذ يكون مسقطها الرأسي مع م على عود واحد على خض كافي بند (٨) وعلى الجزء الاعلى للمستوى الرأسي الجديد م مع م على عود واحد على خض كافي بند (٨) وعلى الجزء الاعلى للمستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من غرة ١٠) وعلى الاعلى للمستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من غرة ١٠)

بعد وُم من خُصٌ يساوى البعد وم الكائن بين النقطة م والمستوى الافق انظر (اولامن غرة ٥)

ويحكن بيان ذلك على الشكل بان يمرمن النقطة على التي هي تقابل خ ص مع خ ص المستقيم على عودا على خ ص والمستقيم على عض مراز باللغط وع وبرسم من المركز على على خ ص مراز باللغط وع وبرسم من المركز على القوس ل ط والمستقيم طم مواز باللمستقيم ع و فينتج بالقوس ل ط والمستقيم طم مواز باللمستقيم ع و فينتج بالضرورة

*(المسئلة النبانية) * اذا كان المطلوب تغيير المستوى الافقى بالنسبة لنقطة ،قال

هذه المسئلة كافى (الشكل ٤٨) لا تخالف ماقبلها الافى اجراء العملية التى على المستوى الرأسي على المستوى الافقى

فاذا اربدتغییر مستویی المسقط معا لزم اجرا العملیدن علی التوالی فیفوض اله بعد اجرا التغییر المذکور فی المستوی الرأسی اربد تغییر المستوی الافق فیه رض ان خط الارض الجدید هو خ ص اسرط ان یکون الجز المقدم من المستوی الجدید شخت خ ص وجزؤه المؤخر فوقه فحیث لم یستغیر المستوی الرأسی یکون م باقیا علی حاله و تکون النقطة م باقیة دا مما المستوی الذکوروعلی بعدوا حدمنه فینتذ بحب ان یصیحون المسقط امام المستوی الذکوروعلی بعدوا حدمنه فینتذ بحب ان یصیحون المسقط

الافقى الجديد م مع م على عودواحد على خط الارض خُسُّ كافى نمرة (١) اى انه يكون تحت هذا الحط الارضى انظر (اولامن نمرة ١٠) وعلى

بعدمنه وم = وم انظر (ثانيامن عرة ٥) وبرسم هذه المتساوية رسما

عائلالاعال المتقدمة ينتج

 $\tilde{v}_{0} = \hat{b} = \hat{b} = \hat{b} = \hat{v}_{0}$

و عصن بغييرات متو الية في المستوين الافقي والرأسي ان تنسب نقطة لاى مستوين قائمي الزوايا يسمى احدهما دآئم امستويا افقيا والا خرراً سيا

(17)

(المسئلة النالئة) اذا كان المطاوب تغيير مستويى المسقط بالنسبة لمستقيم بقال

كايكن حل المستلين الذكورتين بالنسبة لنقطة يمكن حلهما بالنسبة المستقيم الان المستقيم الماكان يتعين بنقطة بن كنى في ذلك المجاد مساقط نقطتين من نقطه على المستوين الجديدين فاذا فرضنا ان خُصُ الرمستورأسي جديد كافي (الشكل ٤٩) تبين لنا من وضع الرموز على خط الارس الجديد هذا انظير (بند ٣٤) فاذا اخذنا من المستقيم و نقطتين مثل م و المن انظر (بند ٣٤) فاذا اخذنا من المستقيم و نقطتين مثل م و لا يتغير مسقطا هما الرأسيان الجديد ان على يسار خُصُ وعلى بعدين وم و عُدَ ع الظر (بند ٤٤) وم و عُدَ ع انظر (بند ٤٤) وحيث ان المستقيم و لا يتغير قال اذا اجريت العملية وحيث ان الاثر الافقى المستقيم و لا يتغير قال اذا اجريت العملية وحيث ان الاثر الافقى المستقيم و لا يتغير قال اذا اجريت العملية والضبط لا يدوان يكون المستقيم المعود اعلى خط الارض الجديد خُصُ والمستقيم المنافقة المستقيم و المنافقة المستقيم و المنافقة المستقيم و المنافقة المستقيم و المنافذة المنافذة وحيث العملية وحيث الانتقام المنافقة المستقيم المنافذة المنافذة والمنافذة والمنافذة

وكان عكن لاجل ايجاد المسقط الجديد و للمستقيم ان تنتخب النقطة ا ونقطة تما اخرى منه ولذنبه بمقتضى ماشوهد من هذه المسئلة على مزية رمزنا فنقول انه ليس قاصرا على تبيين وضع كل خط واتجاهه والمقصود منه فى الفراغ تبيينا تاما على الشكل بل هومع ذلك بسين جهة انطباق

) 4 *(^)*

المستويات التي ليست منطبقة على فرخ الرسم كايبين ان علامات الرمزين و ر المشابهة لاشارات خط الارض المقابل لهما تدل بجود النظر اليها على كيفيات تنقل مساقط الشكل الفراغي المتوالية ولواستعملنا الرموز المعلمة لما حصل ذلك الابغاية المشقة

وحيننديسهل ايجادمسقط المستقيم و على مستوافقي جديداى على مستو عود على المستوى الرأسي خُنُ له الحدرامن المحتود على المستوى الرأسي خُنُ له المحدرامن المعتدال المسكل

(++)

* (المسئلة الرابعة) * اذا كان المطلوب تغيير مستويى المسقط بالنسبة لمستويقال

نفرض كافى (المسكل ٥٠) المستوى معلوما باثريه قي و رأ ثم نبعث عن اثريه على مستوبى المسقط الجديدين ونفرض ان المطلوب المجادائر المستوى م على مستوراسى جديد قاطع المستوى الافقى في خَصَ فيت ان الاثر الافنى قي لا يتغير تكون النقطة و التي يتقابل فيها ذلك الاثر مع خطا لارض الجديد خَصَ نقطة من نقط الاثر المطلوب انظر أمرة (٢٧)

واذا فرضناعلى المستوى م مستقيما ما تكون نقطة تقابله مع المستوى الرأسي الجديد هي النقطة الثمانية من نقط الاثر المذكور انظر (بند ٢٨٠) وبذلك تنعل هذه المسئلة

ثم ينتخب للاختصار الافق ط لان نقطه حينند تكون على بهد واحد و من المستوى الافق الذى لا يتغير في نئذاذ امدينا ط الى خ ض ف النقطة مودا على خ ص واخذ ناعليه بعدا في النقطة مودا على خ ص واخذ ناعليه بعدا و من سامن هذه النقطة عودا على خ ص واخذ ناعليه بعدا من من سامن هذه النقطة عودا على خ ص واخذ ناعليه بعدا من سامن هذه النقطة عودا على ح ص من الملافق ط من سامن من المنا الاثر الجديد الرأسي من الملافق ط

الكائن في المستوى م كافي (بنده ١) فينتذيكون الاثرالمذكور كائنا بالضرورة على رًا الذي هو الاثراب لابدالرأسي للمستوى م ولنسه على انه لاحاجة لنابرسم المسقط الرأسي للمستقيم ط وكان يكفي ان تعن النقطة ب الي نفعنا استعمالها والاحسنان نستعمل من افقيات المستوى م الافقى أ الذي يرمسقطه أ ينقطة تقابل خ ض مع خ ضُ انامكن ذلك وحيث ان النقطة ا فى المستوين الرأسيين تعتبر على المستوى الرأسي القاطع للمستوى الافقى في خُصُ وادااتفقان الاثر الافقى ق لم يتقابل مع خط الارض الجديد يُغَمَّ فى حدود الرسم ولم بوازيه لاتعلم النقطة و ويلزم حينتذ ايجاد نقطتين من الاثر الرأسي رأ بلا واسطة باخذ افقين للمستوى م فان خرج في هـنده الحالة الاتر الرأسي الجديد عن حدود الرسم اخد على المستوى م مستقيمان عكن ايجاد مسقطهما الرأسيين الجديدين فيدعن المستوى تعينا كاسا مالمستقيمن المذكورين انظر (بند ٢٧) م أنه يلزم لتغيير المستوى الافق اجراء مثل ماذ كرودلك باستعمال رأسي اورآسين للمستوى للفروض بحسب تقايل الاثرالرآسي للمستوى المذكور مع خط الارض الحديد في حدود الرسم اوعدم تقابله به مع عدم مو اراته له

*(المسئلة الحاسسة) * اذاكان مسقطانقطة على مستوين فائمى الزوايا معلومين والمطلوب ا يجاد مسقطها على مستو الله يقال حيث ان المستوى م كافى (الشكل ٥١) ليس عوداعلى المستوى الأفق ولا على المستوى الرأسى فلا يعتبر مستويا جديدا رأسياولا افقيا للمسقط الحين اذا اردنااعتباره افقيا يجب ان نغير اولا المستوى الرأمى وتتخب المستوى المحدد عودا على المستوى م فيلزمان يحودا المستوى المحدد عودا على المستوى م فيلزمان يحددا

(E A)

على خُصَ انظر (رابعا من بند ٣٣) ثم نبعث عن الرالمستوى م كافى (بند ٤٧) وعن مسقط النقطة م على هذا المستوى الجديد الرأسى كافى (بند ٤٤) ثم نعتبر المستوى م مستويا افقيا وبذلك لا يكون خط الارض الجديد الا رم فنعد حينتذ م كافى (بند ٤٥) وهى مسقط النقطة م على المستوى م

واذا اعتبرت هذه النقطة م نقطة من المستوى م واريد معرفة مسقطها على المستوين الاصلين المبين بخط الارض خ ض رمن لهذه النقطة بالرمن و وحيث انها موجودة على المستوى الافقي حُ ض يجب ان يحتون مسقطها الرأسي على خط الارض فى النقطة و واذا اعتبر المستويان المتقاطعين في حَ ض المستويان المتقاطعين في حَ ض المستويان المتقاطعين في ح ف لا يتغير المسقط و وحيات المسقط الحديد الافقى في و على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حُ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ض نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ص نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ص نازل من نقطة و وعلى بعد على عود على خط الارض حَ ص نازل من نقطة و و حك من المنازل من نقطة و و حك من المنازل من نقطة و و حك من المنازل من نقطة و ك من نقطة و ك من المنازل من نقطة و ك من نقطة و ك من المنازل من نقطة و ك من

م تعتب المستوين المتقاطعين في خ ص بتغيير المستوى الرأسى في منافعة و على خض وعلى بعد في دنازل من النقطة و على خض وعلى بعد من و على من و عل

(٤٩)

تنبيسه حيث ان المستقيم م ه مواز خ ص يكون عوداعلى ق وحيث ان المستقيم م ه الفراغى عود على المستوى م يكون و و من الفراغى عود على المستوى م الفها اعتبارا مسقطه الافتى وكان يكن بدل اعتبارا لمستوى م الفها اعتباره

وأسياركان بلزم على ذلك اولانغيير المستوى الافق وانتخاب آخر قاطع الرأسى فى خط الارض الجديد خ مَ مَ عَدِرة كالنقطة و من المستوى ولو يحتنا ايضاء ن مسقطى النقطة م معتبرة كالنقطة و من المستوى م لوجدنا اولا و مع م على عود واحد على را فيكون حينئذ م و المسقط الرأسى للعمود م و المستوى م وينتج من هذه المسئلة ان مسقطى عود على مستوعودان على اثرى المستوى المذكوراى ان كلامن المسقطين عود على موافقه اسمامن الاثرين وسنثبت هذه النظرية فيما بعد المسقطين عود على موافقه اسمامن الاثرين وسنثبت هذه النظرية فيما بعد المستوى المدة والنظرية فيما بعد المستوى المدة والمدة والمستوى المدة والمدة والمد

* (المسئلة السادسة) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم موازيا لاحد مستويى المسقط بقال

بلزم باه في المستقيم و موازياللمستوى الرأسي كافي (الشكل ٢٥) ان يكفي يحتون و موازيا لخط الارض كافي (ثالثا من بند ١٧) ويكني حينتذجعل خ ص موازياللمستقيم و والبحث عن المسقط و للمستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي انظر (بند ٤٦) وإذا اديد جعل المستقيم موازيا للمسقط و انظر (ثانيا من بند ١٧)

(01)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم عمودا على احدمستويي المسقط بقال

اذا كان المستقم و كافى (الشكل ٥٥) موازياللمستوى الرأسي يكون كل مستوعود على هذاالمستقيم عود اليضاعلى المستوى الرأسي وعكن انتخابه مستويا افقي اللمسقط مع المستوى الرأسي اما اذا كان المستقم و موازيا للمستوى الافق فيكون كل مستوعود عليه عودا على المستوى الافق

J 4 *(9)*

ويمكن ايضا ان يعتبر مستو يا رأسيا جديد اللمسقط مع المستوى الافق وا ما اذا كان المستقيم المذكور ليس موازيا لمستومن مستويى المسقط فلا يكون المستوى العمود على هذا الخط عود اعلى مستومن المستويين الافق والرأسي فلا يمكن اعتباره بالعنبر ورة مستو يا افقيا ولا رأسيا للمسقط مع واحد من المستويين الاصليين ومن ثم يلزم لمل هذه المسئلة ان بتد بجعل المستقيم المفروض موازيا لاحدمستويي المسقط كاهو مبين في (بند ، ه) فان اردنا مثلا جعل المستقيم وعود اعلى المستوى الافق يكون عود اعلى المستوى الافق يكون الافق بالذي عود اعلى خط الارض انظر (خامسا من بند ١٧) في الذي عود اعلى خط الارض انظر (خامسا من بند ١٧) في الذي حين المستوى الافق حين الذي المستوى الوقويكون فيكون المسقط الافق حين المنتقيم و عود اعلى و عن المستوى الرأسي عود اعلى خط الارض انظر و على بعد منه أو = اأ وهو بعد اى نقطة من المستقيم و عن المستوى الرأسي عود المستقيم و عن المستوى الرأسي عود المستقيم و عن المستوى الرأسي عود المستقيم و عن المستوى الرأسي وعلى بعد منه أو = اأ وهو بعد اى نقطة من المستقيم و عن المستوى الرأسي

* (المسئلة الثامنة) * اذا كان المطلوب جعل مستوعود اعلى احدمستويي المسقط بقال

انهذه المسئلة قد انحلت في (بند ٤٨) فقد شاهدنا انه يلزم بلعل المستوى م المعلوم عوداعلى المستوى الرأسي للمسقط تغييرا لمستوى الرأسي للمسقط واخذ خط الارض الجديد عوداعلى ق وانه يلزم ايضا بلعل المستوى م عوداعلى المستوى الافتى للمسقط واخذ خط الارض الجديد عوداعلى م

(° ")

* (المسئلة التناسعة) * إذا كان المطلوب جعل مستوعودا على خط الارض بقال

أنه يجب أن يكون المستوى عوداعلى المستويين الأفتى والرأسي معا فنغير

اولاالمستوى الرأسى باخذ خُ صُ مثلا عوداعلى ق ونستنجمنه رَ مَ كَافَى (بند ٤٧) ثمنغ برالمستوى الافق باخذ خُ صُ عودا على رَ فَ مِنْ عودا على المستوى الرأسى السابق و يكون مع ذلك عود اعلى المستوى الرأسى السابق و يكون مع ذلك عود اعلى المستوى الافق الجديد وحينتذ بكون عودا على تقابلهما اى على خط الارمن الجديد

(0 5)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب جعل مستو موازيا خط الارض مقال

ان اثرى المستوى الموازى الحطالارض كافى (الشكل ٥٣) يكونان موازيين المغطالمذ كور انظر (ثامنامن بند ٣٣) فاذااردنا حينئذ حل هذه المسئلة يتغييرالمستوى الرأسي لزم اخذ خ ش مواز اللاثر ت مخلاجل المجادنقطة من نقط را يمكن ان يرسم فى المستوى م مستقيم ما ويحث عن تقابله مع المستوى الرأسي الجديد وكيفية الوصول اذلك سهلة جداوذلك ان المستويين الرأسيين والمستوى م متقاطعة فى النقطة ا التي مسقطها الافتى الرأسيين والمستوى م متقاطعة فى النقطة ا التي مسقطها الافتى النقطة للمستوى الرأسي خ ض و باتساب هذه النقطة للمستوى الرأسي خ ض تحون فى اعلى را واذا التسبت للمستوى الرأسي خ ض تكون على عود على خ ض وعلى بعد منه التسبت للمستوى الرأسي خ ض تكون على عود على خ ض وعلى بعد منه المقالم المناسبة عنه المناسبة المناسبة عنه المناسبة عنه المناسبة عنه المناسبة المناسبة عنه ال

ولواريد حاللسك شغيرالمستوكالافق لزمان يؤخذ خط الارض الجديد وازيا اللائر رأ فيوجد بكيفية مشاجه الكيفية المذكورة نقطة من نقط الاثر الافق الجديد

(00)

* (المسلة الحادية عشر) * أذا كان المطاوب معلى مستومواز بالاحدمستويى

المسقط بقال

ان المستوى الموازى لاحدمستو في المسقط يكون بالضرورة عموداعلى الاخروحين المنظم للمده المسئلة ان يبتد عجعل المستوى المفروض عموداعلى احدمستو في المسقط كافى (بند ٥٢) ثم يجعل موازيا للمستوى الاخر فاذا اريدمثلا ان يجعل المستوى المفروض وهو م موازيا للمستوى الراسي فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى ثم يغير المستوى الرأسي باخذ خط الارض الجديدموازيا للاثر أم كافتى والما المستوى الرأسي ثابت والما اذا اريد جعل المستوى م موازيا للمستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الافقى فاليجعل اولا عمودا على المستوى الأمنى ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض الجديد موازيا للاثر أم كافى (سابعامن بند ٣٣) ومن المعلوم انه لا يوجد فى النغيير الشانى اثر المستوى حتى بحث عنه

(07)

وقبل الشروع فى حلمسئلة دوران الاشكال حول محور نشرع فى ثلاث قواعد واضعة لها وقع عظم فنقول

* (اولا) * انكل شكل فى مستو مواز لاحد مستو بى المسقط بنسقط على هذا المستوى و ينطبق على شكل مثله و سان ذلك اندا الزلت من تها يتى مستقيم اعدة على مستوى المسقط يتكون معك شكل متوازى الاضلاع قائم يكون مسقطه الضلع المقابل للمستقيم المنسقط فكل شكل يحدد بخطوط مستقيمة متناهمة فى الصغر

*(ونانيا) * ان كل شكل كائن في مستوعود على احد مستوبى المسقط منسقط عليه في المستوى المشتل عليه لان الاعدة النازلة من كل نقطة من المشكل المذكور لا تخرج عن المستوى المذكور

(وثالثا) اله متى دارشكل حول محور بدورايضا مسقطه على المستوى العدمودي على المحور المذكور حول الرالمحور بقاته دائما كا هوواما مسقطه على مستوآخر فيتغيرفي اي وقت من اوقات الحركة اذا ثدت هذا المكن

تدوير شكل حول محور عود على احد مستويى المسقط او موازله او على اى القياه كان ثم بعد تدوير الشكل الفراغي تنغير مواضع اجزائه المختلفة والحق ان يقال انه صار شكلا آخر مساويا للاول نبحث عن مساقطه ولاجل ذلا نسم رموز النقط والخطوط والمستويات دون اسس رموز مستويى المسقط

(°V)

* (المسئلة الثانية عشر) * اذا كان المطلوب تدوير نقطة حول محور رأسي بقدر زاوية معلومة وايجاد مسقطيها في وضعها الجديد مقال

لنفرض كافي (الشكل ٥٤) ان النقطة المفروضة هي م وان الحور الرأسي هو ا فاذا الزلنا من النقطة م عوداعلى المحوريكون افقياو مسقط بالضرورة انسقاطا افقيافي ر عقداره الاصلى انظر (اولاس غرة ٥٦) وامامسقطه الرأسي ر فيحكون موازيا الحط الارض خ ض انظر (ثانيامن غرة ١٧) فاذادورنا الجلة بقي العمود ر دائمًا عودا على المحور وعلى طوله الاصلى ورسم بالضرورة دائرة تكون فى مستوعود على أ اوافق ومركزهاعلى المحورومسقطها الافقى ج دائرة مساوية المامركزها فی آ ونصف قطرهایساوی ر ومسقطهاالرأسی نج مستقیم موازخط الارض غ ض وحيث ان النقطة م لا تخرج عن المحيط المذكوريكون مسقطاهاعلى ج. ج فاذافرضناان النقطة م تدور حول أ بقدار الزاوية إعلى اتجاه السهم ف صارفصف القطر ر في وضع ر فعدت مع ر الزاوية إ وحيث أنه لابدوان يتكون من المسقطين الافقين عين الزاوية المذكورة يكفي ان عد ر جيث يحدث مع ر الزاوية ا فتكون نقطة تقابل المستقيم المذكورمع ج المسقط الافقى م النقطة م بعد

J 40 *(1°)*

الدوران واما مسقطها الرأسي فحيث انه يجب ان يكون على المسقط الرأسي للدائرة ج يكون في نقطة م ولوحصل الدوران في جهة عكس المذكورة كايظهر ذلك من السهم ف م الصارة صف القطر د في ر والنقطمة م في م في م في م المناسقة ال

(0)

* (المسئلة السالنة عشر) * اداكان المطلوب تدوير نقطة بقدر داوية معلومة حول محور عود على المستوى الرأسي بقال

ان هذه المسئلة كافى (الشكل٥٥) لا تخالف ما قبلها في شئ سوى ان الدائرة المرسومة هذا بالنقطة م كائنة في مستومواز للمستوى الرأسي

ان الزاوية المفروضة ل لابدوان تكون حادثة من المسقطين الرأسين م و مُ اللذين هما مسقطان في قطرى الدائرة المذكورة المارة بالنقطتين م و مُ

(°9)

(المستلة الرابعة عشر) اذا كان المطلوب دوران مستقيم بقدر زاوية معلومة حول محور أسى اوعود على المستوى الرأسي يقال

ان المستقيم المذكور يمكن ان يشغل ثلاثة اوضاع مختلفة بالنسبة

* (اولا) * قديكون المستقيم مو ازياللمعور فيرسم سطعا اسطو انسادا قاءدة مستديرة كاهو معلوم في الهندسة الاصلية

* (وثانيا) * قد يقطعه في نقطة فيرسم حينته في سطعا مخروطها دا فاعدة مستديرة كاهومعلوم ايضامن الهندسة الاصلية

(وثالثا) قدلایکونکائنامعه فی مستو واحد فیرسم سطیایسی بسطی الفطع الزائد الدائر ذی الطبه وسینیه ولفشر حده الاحوال الثلاثه فنقول *(الاولی)* ان فرض ان المحور الرأسی هو اکافی (الشکل ٥٦) وان المستقیم الموازی له هو و الذی هو بالضرورة رأسی فتصیون جمیع نقط المستقیم الموازی له هو و الذی هو بالضرورة رأسی فتصیون جمیع نقط

المستقيم و الدائرة حول ا ماقية على البعد الكائن شهاو بن المحور المذكور في نتذالاتو الافتى المدكور في نتذالاتو الافتى المستقيم و في و الزاوية ا وبذلك بصيرالمستقيم و في و

(الحالة الثانية) ان يفرض ان الهور الرأسي اكاني (الشكل ٥٠) وان المستقيم القاطع له في نقطة م هو و فتى دور المستقيم و بقدر الراوية إلى حول الحور المستقيم معرفة المقان يعين الموضع الذي شغلته نقطة من نقطه فتأول المستقيم معرفة المقان يعين الموضع الذي شغلته نقطة من نقطه فتأول المستلة حينتذ الى تدويرا حدى نقط المستقيم و حول المحور اولاحسن ان ينتخب من نقط هذا المستقيم اثره الافقى النكان موجود المحدد الرمم لان الدائرة ج التي يرسمها تكون في المستوى الأفقى ومسقطها الرأسي بالضرورة على خط الارض كا ان مسقط النقطة اكيكون ومن حيث المنالا ثرائر الرأسي بالمحديد عرب مدة الحركة من المستوى الرأسي لا يحون وضع الاثر الرأسي المحديد عمدة الحركة من المستوى الرأسي لا يحون وضع الاثر الرأسي المحديد عمدة الحركة من المستوى الرأسي المحديد عرب مدة الحركة من المستوى الرأسي المحديد عرب مدة الحركة من المستوى الرأسي المحديد عرب مدة الحركة من المستوى الرأسي المحديد عرب الوضع الحادث للنقطة سولا الرمن ناله يومن آخر

*(الحالة الشالئة) * ان يفرض ان المحور الرأسي هو اكافي (الشكل ٨٥) وان المستقيم الذي ليس معه في مستو واحد هو و فلا جل معرفة وضع المستقيم المذكورية دورانه حول المحود البقد رزاوية معلومة إيكني بالضرورة تعييز الوضعين الجديد بن لفقط تين من قط المستقيم المذكور كا هو معلوم ولا فرضه ما عليه م و في فيرسمان مدة الدور ان قوسي دا ترتين ولا فق فتصير حينئذ النقطة م في م و في في ولعدم رسم الزاوية المعتوى العددوران النقطة م في م و في في ولعدم رسم الزاوية المعتوى وين على المحودودون (بند ٥٧) عدنصف القطر المارمن ه الى رويؤ حدة قوس رسم ع و برسم القطر المارمن ه الى رويؤ حدة قوس رسم ع م و برسم و ورسم

المستقيم سنه ا فيقطع هذا المستقيم الدائرة ج في النقطة و ومن ذلك بنتج وَ

وتختصر العمليات باخذ نقطة بن مسقطاه ما الافقيان على بعد واحد من أ لان الدوائر التي ترسمها ها تان النقطتان متعدة المسقط الافقي فلواخذ نا مثلا النقطتين أوم لاجرى على احديهما وهي م ما اجرى عليها قبل في (غرة ، ٥٧) ولا يجاد النقطة أنأخذ على الدائرة ج اوج

البعدد ١١ = مم

ثمانه عكن انتخاب النقطة بربكينية خاصة بواسطتها تنعل المسئلة وهي ان ينزل من أعود لا على و يقطعه في النقطة ع التي هي المسقط الافقى للنقطة ع من نقط المستقيم و شمنفرض ان جلة المستقيم و والمسقط الافق و والرأسي ن تدور حول المحور بقدرال اوية إ فيصرالرأسي فى نُ صانعامع ن الزاوية إ ويهقى المستقم و مدة الدوران عودا على ن ومسقطاافقيا للمستقيم و في جيع اوضاعه كافي (ثالثامن مُد ٥٦) فينشذ اذا مدينًا وُ عودا على نَ او بماسا لدائرة جٌ يحدث معنا المسقط الافق للمستقيم و بعد الدوران ونقطة اخرى عُ من المسقط الرأسي فاذاعلم اتجاه هذا المسقط اونقطة ثانية منه امكن رسمه ويحكن ايجاد النقطة أُ بجعل النقطة ا في أُ على وُ برسم قوس ا معتبرة مركزا ومن المعلوم الله عصكن انتخاب اى نقطمة

ويمكن حل المسئلة التي الغرض منهادوران مستقيم حول محورعود على

المستوى الرأسي بهذه الكيفية نع منبغى ان نجرى على المستوى الرأسي العمليات التي اجريت على المستوى الافق وبالعكس

(7.)

* (المسئلة الخامسة عشر)* اذا كان المطلوب دوران مستوبقدر زاوية معلومة حول محور رأسي يقال

ان الوضع الحديد للمستوى المفروض يعلم اذاعلم وضع المستقمين الكائنين على المستوى المذكوروالاحسن أن ينتف من المستقيات مستقيان أفقيان ويؤخذ الاثر الافق للمستوى مدل احدهما لكونه لا يخرج مدة الحركة عن المستوى الافق فاذا انزلنامن النقطة أكافى (الشكل ٥٩) عودا ك على ق فانه يقابل الاثر الذكور في النقطة ع التي ترسم مدة الدوران دائرة ج يكون الاثرالافق مماسالها دائما وحيث ان المستقم المذكور يصير في الوضع ن الصانع مع ن الزاوية المفروضة ل تكون النقطية ع في عُ واذا الحذنا للدائرة ج مماسا في النقطة عُ كان هوالاثرالافق ق المستوى م بعد الدوران وانتسبت النقطة ب التي بقابل فيها الاثر المذكورخط الارض للاثر الرأسي الحديد للمستوى المذكور مُنستعمل لا يحاد نقطة ثانية منه افقياط من المستوى م فيدقي مدد الدورانعلى بعدوا حدمن المستوى الافق فيكون بالضرورة مسقطه الرآسي على خطوا حدمواز خط الارض خ ض دائما واما مسقطه الافق فسق موازياللاثرالافق للمستوى فينئذ ط يقطع المستقيم ن فى النقطة ك المنتقلة في كُ على نُ فاذا امر زنامن هذه النقطة المستقم ط موازيا للاثر ق محون هو المسقط الافق للغط الافقى ط بعد الدوران كافى (ثالثا من بند ٥٦) وتكون النقطـة ـ التي يقطع فيها ط المستوى الرأسي النقطة الثانية المطلوبة من الاثر را فأذا اوصلنا

4 (11)*

بن أ و أن نجد الانوالمذكور

وكان يكن بدل انزال العمود لل على ق ان نجث عن الوضعين الجديدين لنقطتين حيث ما اتفق لكن يكون في العمليات تطويل ولو انتخبت النقطتان

المذكورتان على بعد واحد من النقطة أ فقداخذ ناافقيامًا ط وكان على بعد واحد من النقطة أ فقداخذ ناافقيامًا ط وكان عصار الشكل لوفرضنا الافقى الماربالنقطة التي يقابل فها المحود

ا المستوى م فيكون مسقطه الافقى مارا بالنقطة ا

فلولم بقابل الاثرالافق ق خط الارض فى حدود الرسم لما حدث النقطة ب من الاثرالرأ مى فنجبر على استعمال مستقيم آخر يستحسن انتخابه افقيا ونبحث عن اثره الرأسي بعد الدوران فيحدث لنا نقطة من ركم اذا وصلت بنقطة كم يحدث لنا الاثر المطلوب

ويمكن ان تحل المسئلة ايضا باخذ محور عود على المستوى الرأسي ولا تستعمل في هذه الحالة الارأسيات المستوى

(11)

* (المسئلة السادسة عشر) * اداكان المطلوب جعل مستقيم في وضع مواز الاحدمستوبي المسقط بقيال

انه عكن كافى (السكل 10) بدل دوران المستقيم بقدر راوية معلومة ان يطلب تدويره حتى يصيرف وضع معين بالنسبة لمستويي المسقط فاذا اريد مثلا دوران المستقيم و حول المحور الرأسي الحتى يصير موازيا للمستوى الرأسي يكون في هذا الوضع مسقطه الافق موازيا خط الارض انظر (ثالثامن بند ١٧) و يحكف حينت في حينت في معرفة احدى نقطه ويسهل معرفة انه يجب ان يستعمل هنا الحال الاخيرالم فرفى (ثالثامن بند ٥٩) فننزل من النقطة المحمل هنا الحال الاخيرالم في النقطة ع التي هي المسقط الافق من النقطة ع من المستقيم و فاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من النقطة ع من المستقيم و فاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من

المستقيم و ومن مسقطه الافتى و ومن الرأسى النازل من النقطة ع ومن المستقيم ن ودورناها حول الحور البقيت المستقيمات الاربع على وضع متناسب فيكون و اما عوداعلى أن او ماسا للدائرة المرسومة من المعتبرة مركزا بالنصف قطر أن وموازيا في هذه الحالة الثانية خط الارض في على ارتفاع واحد فوق المستوى الافتى وكذلك نصير النقطة ع في ع على ارتفاع واحد فوق المستقيم وكذلك نصير النقطة افى أوبذلك يصير و المسقط الرأسي للمستقيم في حالة وضعه الحديد

وحيث ان نقط المستقيم تربسها قواس دوائر افقية ينضع انه ينتج من الشكل الزاوية لل المرسومة بالنصف قطر ن والتي تدور بقدرها اجزاء الشكل الباقية اذاوجدت خطوط اخرى تابعة لحركه المستقيم و الباقية اذاوجدت خطوط اخرى تابعة لحركه المستقيم و (٦٢)*

وادالم يعلم المحور ا من قبل ينتخب مارا بنقطة من المستقيم و ما في دالله المستوى الشكل ولننبه على انامجبورون في جعل المستقيم و موازيا المستوى الرأسي على انتخاب المحور ورأسياومن المعلوم ان المستلة تنصل في هذه الحالة كاذكر واما لوكان المحور عودا على المستوى الرأسي لرحمت جيع نقط المستقيم و دوائر موازية للمستوى الرأسي وكان لها بالضرورة بعد واحد عن المستوى المذكور فلا تكون جيع نقط و بعد الدوران على بعد واحد عن المستوى المذكور فلا تكون جيع نقط و بعد الدوران على بعد واحد عن المستوى المذكور فلا تكون جيع نقط و بعد الدوران على بعد واحد ولا يمكن بما ذكر جعل المستقيم و في وضع مواز للمستوى الافتى الا بحركة دوران حول محور عود على المستوى الرأسي

(74)

* (المسئلة السابعة عشر) * اذا كان المطاوب رجعل مستقيم في وضع عود على احدمستويي المسقط يقال

سى كانمستقيم عوداعلى احدمستوبى المسقط كافى (الشكل ٦١) يكون

بالضرورة موازيا للا خروحينئذ يلزم بلعل مستقيم موازياللمستوى الرأسى ان يدور ذلك المستقيم حول محور رأسى كافى (بند ٦٢) لكن جميع نقط المستقيم مدة هذه الحركة بنق على بعدواحد من المحور فلاع حور عود على المستوى بالنيرورة اصلا وذلك لان كل مستقيم دا ترحول محور عود على المستوى الرأسى لا يمكن ان يكون موازياله ان لم يكن كذلك قبل الدوران فيستحيل حينئذ حول محور واحد لكن باول حركة حول محور رأسى المعور على المستقيم و فى وضع حكوضع و مواز للمستوى الرأسى كافى (بند ٦١) ثم يجعل هذا المستقيم بأنى حركة دوران حول المحور ب العمود على المستوى الرأسى فى وضع رأسى كوضع و دوران حول المحور ب العمود على المستوى الرأسى فى وضع رأسى كوضع و فى لان المستوى الرأسى فى وضع دأسى كوضع و فى لان المستقيم بأنى من المحود على المستوى الرأسى فى وضع دأسى كوضع في لان المستقيم و حين المستوى الرأسى بازم ان فيكون المستقيم و حين المروض فى وضع عود على المستوى الرأسى بازم ان ولاجل جعل المستقيم المفروض فى وضع عود على المستوى الرأسى بازم ان ولاجل جعل المستقيم المفروض فى وضع عود على المستوى الرأسى بازم ان

ولاجل جعل المستقيم المفروض فى وضع عود على المستوى الرأسى بلزمان يجمل اولاموازياللمستوى الافقى سدويره حول محور عود على المستوى الرأسى وان يجعل فى الوضع المطلوب بحركة دوران اخرى حول محمد،

محوررأسي

تنبيه عكن ان يتعصل من العملية زاويتان أو سطاد تتان من دوران المستقيم و حول المحور بن فلووجدت خطوط اخرى او نقط كذلك تابعة للمستقيم في هذه الحركات الزمدورانها بمقاد برزوا بامتساوية

(7 ٤)

* (المسئلة النامنة عشر) اذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع عود على المدقط يقال

لنفرض كافى (الشكل ٢٦) انالمستوى هو م وانالمحور الأسى هو ا

المستوى الرأسي فيكون اثره الافقى في وضعه الجديد عودا على خص ولو اترانا من النقطة أعودا كالعمود ن على ق وقابله في النقطة ر لرسمت هـ ذه النقطة دائرة كدائرة ج عسهادا عما الاثر الافق للمستوى ويصير العمود ن موازيا خ ص اما في نُ واما في نُ بعسب كون الدوران من المين الى البسار او بالعصص ثم اذا رسمنا عاساللدائرة ج عوداعلى خ ص نحد ق او ق ولا محاد الاثر الرأسي ننبه على ان المحود أ يقطع المستوى م في نقطة غير متغيرة مدة الدوران ومسقطها الرآسي على الاثر الرأسي الحديد للمستوى كمافي (ثانيا من بند ٥٦) فاذا رسمنا افقيا كالافق ط للمستوى م مقابلا للمعور في النقطة م تكون النقطة م احدى نقط الاثر الرأسي المطلوب ونقطة ع اوع التي يقابل فيهاالاثرالافق خط الارض خص نقطة نائية له وبذلك يتعين الاثر را او ر ولواريد جعل المستوى عوداعلى المستوى الافقى للزم تدويره حول محورعود على المستوى الرأسي

(70)

* (المسئلة التاسعة عشر) * أذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع عمود على خط الارض يقال

ان المستوى فى وضعه الجديد عود على مستولى المسقط معاكافى (الشكل ١٣) وحيث شوهد انه لم يمكن جعله عود اعلى المستوى الافق بحركة دوران حول المحور الرأسى كاتقدم لنا ذلك فى (بند ١٤) لا يمكن حل مسئلتنا هذه الابتدويرين احدهما حول المحور الرأسى المسقط فقط والا توحول فى وضع كالوضع م عود على المستوى الرأسى للمسقط فقط والا توحول همور كالمحور ب عود على المستوى الرأسي للمسقط لجعل المستوى

(۱۱)

مُ فى الوضع مَ اى الوضع العمودى على المستوى الافقى وحيث ان وضع المستوى مَ بالنسبة للمستوى الرأسي للمسقط لا يتغير فى التدوير الشانى كافى (ثالثامن بند ٥٠) يكون المستوى مَ عودا على مستويى المسقط معا فيكون عودا بالضرورة على خط الارض ويختصر الشكل بامرار المحورين بالنقطة م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م (٦٦) *

* (المسئلة العشرون) * اذا كان المطلوب جعل مستو في وضع مواز خط الارض مقال

عكن كافى (الشكل ٢٥) حل المسئلة بندوير المستوى م حول المحود الرأسي ا حتى يصيرا ثره الافق موازيا حض انظر (ثامنا من بند ٣٣) ثم لا يجاد الاثر الرأسي الذي يجب ان يكون موازيا ايضا خ ض لا يصعان يستعمل افق من افقيات المستوى كا هو معلوم لان المستقيم يصبر بعد الدوران موازيا خ ض ولا يقابل بالضرورة المستوى الرأسي لكن يجت عن النقطة م التي هي تقابل المحور ا بالمستوى م وهذه النقطة ثابة فاذا امر رنامنها في المستوى م المستقيم و الذي لم يرسم في الشكل غير مسقطه الافق المن في النقطة اكراب المنافق المستقيم و في الوضع و الذي فيه اثره الرأسي هو النقطة ب في المداد المردنامن هذه النقطة موازيا للغط خ ض كان هو الاثر المطاوب ركا المالوب ركا المردنامن هذه النقطة موازيا للغط خ ض كان هو الاثر المطاوب ركا المورد المالوب ركا المورد المالوب ركا المالوب المالوب ركا المالوب الما

ومن المعلوم انه يصبح ان يستعمل بدل الاثر القطة اخرى من المستقيم و *(٦٧)*

* (المسئلة الحادية والعشرون) * اذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع موا زلاحد مستويى المسقط يقال

ان المستوى الموازى للمستوى الرأسي يكون ايضا عودا على المستوى الافقى وائره الافتى موازيا لخط الارض فيلزم اولا جعل المستوى الفروض م

عوداعلی المستوی الافق بحرکة دوران حول محورعود علی المستوی الرأسی کافی (بند ۱۶) ثم بجعل بحرکه دوران ثانیة حول محوررأسی موازیاللمستوی الرأسی

ولجعل مستوفى وضع موازللمستوى الافقى يجعل اولاعوداعلى المستوى الرأسي بحركه دوران اخرى حول محور الرأسي بم يجعل بحركه دوران اخرى حول محور عمود على المستوى الرأسي موازيا للمستوى الافقى

(71)

ويمكن بحركات دوران كالحركات السابقة جعل اى مستوفى وضع به بكون اثره الافتى مثلا موازيا لمستقيم معلوم فى المستوى الافتى كايصم تعيين حدالحركة اللازم اجرا وهاعلى المستوى المذكور

(79)

ويمكن حل جيع المسائل الهندسية الوصفية بواسطة تغييرات مستو في المسقط ويجركات دوران حول محور عود على احدمستولى المسقط مثلا يرجع بالضرورة لدوران المتغييرات وذلك لان تغييرالمستوى الرأسي للمسقط مثلا يرجع بالضرورة لدوران المستوى الرأسي القديم حول محور ورأسي حق يصير في الوضع الجديد المطاوب وضعه فيه غاية مافيه ان الفرق بين ها تين الطريقتين الاصليتين ان الذي يدور في الاولى حول محور عود على المستوى الا تعريصير في وضع لائق بالنسبة المشكل المراد اسقاطه هو احدمستو في المسقط وان الذي يدور في الثمانية حول محور كالاول ليصير في وضع لائق بالنسبة لمستو في المسقط هو الشكل نفسه ومن هنا ينتج ان المسائل تخييرات مستو في المسقط او بحركات دوران او بهما معاوم ذلك فيشا هدان في استعمال احديهما دون الاخرى اختصار اوسهولة في بعض الاحيان وسنذ كرمسائل لا يمكن حلها الاباحدى هذه الطرق ويشاهد مما سبق ان الاخصر في جعل مستو في وضع مواز خلط الارض تغيير المستوى لا حركة الدوران لانها تستلزم استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال تغيير المستوى الاحراث عن استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم الاحاجة له في الاولي لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال المستقيم المستوى المحروب المستوى المستوى الاحراث المستوى المحروب المستوى المستوى المحروب المستوى المحروب المستوى المحروب المستوى المحروب المحروب المستوى المحروب المح

مستويى المسقط عندانتهاب المحاوراتها بالمستعسنا لجعل مستوفى وضع عود على خط الارض فالمستلة المقررة في (بند ٦٨) لا يمكن حلما مغيمرات المستوى بالضرورة

(v·)

وقد يضطر غالبافى المسائل العملية الى دوران شكل خول محورليس عمودا على احدمستو يى المسقط لكنه فى العادة مواز لاحدهما والغالب ان يكون فى احدهذين المستو ييزو تحله في المسائل ايضا بتغييرات المستويات وبحركات الدوران حول المحاور العمودية على احدمستويى المسقط

(Y1)

*(المسئلة الثنائية والعشرون) * اذاكان المراد تدوير نقطة اودستقيم عقد ار زاوية معلومة حول محورمو ازلاحد مستويي المسقط يقال ليفرض ان ا مثلا محورافق ما الربالنسبة للمستوى الرأسي كما في (الشكل ٦٥) وان المراد تدوير النقطة م او المستقيم و عقد ارزاوية معلومة الحول المحور المذكور فترسم النقطة م وجمدم نقط

المستقيم و اقواس دائرة كالهافى مستويات عودية على المحور ا فتكون بالضرورة رأسية وتنسقط انسقاطارأ سيابدوا ترمساو ية لها اذا كان المستوى الرأسي للمستقيم عوداعلى المحور ا ولذا يغيرا ولا المستوى الرأسي ويختار آخر

عود على أ فيؤل الحال الى تدويرالنقطة م والمستقيم و حول محور

عودعلى المستوى الرأسي للمسقط وقد تقدم لنافى (بندى ٥٨ و ٥٩)

كيفية اليجاد مسقطى النقطة م والمستقيم و على المستوين اللذين يتقاطعان في خُصُ الحكن بلزم نسبة النقطة والمستقيم الى مستويى

المسقط القديمين فيكني لذلك ان ننزل من النقطة م عمود على خض وان نأخذ

وم = وم و عد = عد

فعدث السقط الرأمي لنقطة ثانية من المستقيم و ومذابعين المستقيم

تعينا كلياوكذلك النقطة م

(YY)

ثمان الجزء الاول من المسئلة مبنى على جعل المحور المحود العلى احدمستوبى المسقط ومن المعلوم الله كان عكن الوصول اذلك بحركة دوران حول محور رأسى كافى (بند ٦٣) لكن ما تبعناه من العمليات سمل جدا كالا يحنى ذلك التوصيل المطاوب بلاواسطة

اذااريد تدوير النقطة اوالمستقيم حول محور موازلامستوى الرأسي يتنبه الى ان الدوا برالحادثه من دوران كل نقطة اعدة على هذا المحور فتكون بالضرورة اعدة على المستوى الرأسي وبهذا يتوصل اولا الى جعل هذا المحور رأسيا بأخذ مستو افقي جديد يكون عودا عليه لان هذه الدوائر تنسقط كالها على هذا المستوى الحديد مدوآ مرمثلها

(77)

* (المسئلة النبالية والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير مستو بقدر زاوية معلومة حول محور مو ازلاحد مستويى السقط يقال

ليفرض كافى (الشكل ٦٦) ان المحود ١ مواز للمستوى الرأسى وماثل بالنسبة للمستوى الافقى ثم يبحث عن المجاد اثرى المستوى م بعد دورانه حول المحود ١ بمقد ارزاوية معلومة فحميع نقط المستوى م ترسيم مدة الحركة اقواس دوآ تركائنة في مستويات اعدة على المحود وتنسقط كلها بدوا ترمثله بالذا كان المستوى الافقى عودا على ١ ولذا نغير اولا المستوى الافقى ونجعله عودا على ١ ولا بدان يكون حيئة خط الارض خ ص الافقى ونجعله عودا على ١ وان يحون المسقط الافقى للمعود ١ نفس النقطة ١ من عن خ ص ولا يجاد ق منباعدة عن خ ص بقدار مساول بعد ١ عن خ ص ولا يجاد ق عد راحتى يتلاق مع خ ص في النقطة و ثم نعين نقطة ثانية كالنقطة م نواسطة الرأسي ط للمستوى م فاذا انزلنا من ١ عودا ١ ع

(11)

على تَ ورسمنا قوس دائرة مركزها أ ونصف قطرها هو أع ورسمنا أع بجيث يصنع مع أع الزاوية الفروضة إ غرسمنا من عماسا لقوس الدائرة المرسومة نجد الاثرالافق تَ المستوى في وضعه الجديدو من ذلك يستفرح الاثرالاسي را بواسطة افق ب للمستوى تعلم منه النقطة عَ فيتعصل معنا الاثرالافق ت للمستوى م على المستوى القديم بد را الى خ ض ان امكن ذلك ثمنعين نقطة اخرى كالنقطة د بواسطة الرأسي ها للمستوى م ولدوران المستوى عول محورموا رالمستوى الافق بلزم اولا ان يؤخذ مستوى ولدوران المستوى حول محورموا رالمستوى الافق بلزم اولا ان يؤخذ مستو

ولدوران المستوى حول محورمو ازلامستوى الافق بلزم اولا ان وخدمستو حديد رأسى عوداعلى هذا المحورو عكن بدل التعديد بالزاوية ان يجعل المستقيم اوالمستوى فى وضع معين

(Y E)

* (المسئلة الرابعة والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير نقطه اومستقيم بقدرزاوية معلومة حول محورتما بقال

ليكن المحور اكافي (الشكل ١٦) معلوما بسقطيه او ا والنقطة م معلومة بسقطيه ايضام وم والمستقيم و معلوما ايضا بمسقطيه و و و فيلزم ايجاد مستقيم اللذين هما و و و فيلزم ايجاد مستقيم اللذين هما و و و فيلزم ايجاد مستقيم اللذين هما و و م بمقدار الزاوية الحول المحور ا فني مدة الدوران ترسم النقطة م وجيع نقط المستقيم و اقواس دائرة كائنة في مستويات اعدة على المحور ا تنسقط بدوائر متساوية اذا كان المحور المحود المحود المحود المحدد المسقط عودا على الكن لايصير جعله في هذا الوضع بانتخاب مستوجديد للمسقط عودا على الكن لايصير المستوى المذكور عودا على مستومن المستوين المنسوب اليهما الشكل

الا أن فيضطر إلى تغيير المستوى من تمن مان نأخذ *(اولا)* مستويا رأسماجديداموازيا للمعور ١ ولاحل السهولة والاختصارف ذلك يتخب المستوى المسقط افقمالهذا المحورونذ لل مكون خط الارض الحديده والمسقط أوحيث أن المساقط الافقية أوم و لاتتغيرتكون المساقط الرأسية الحديدة أوم وعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (بندى ٤٦,٤٤) وبذلك يؤل الحال الى تدويرالنقطة م والمستقيم و حول المحور ١ الموازى لاحدمستوى المسقط اى الى المسئلة المنقدم حلهافي (بند ٧١) تم يغيرالا تنالمستوى الافقي بان يجعل خُصَّ عمودا على المحور أ فيكون مسقط المحور الافتى نفس النقطــة أ وحيث ان المسقطين الرأسين م و لا يتغيران يكون المسقطان الافقيان عيني م , و ثملتدوير م والمستقيم و حول المحور ا الذي هوالا تعود على المستوى الافقى بلزم ان يوصل بين أ و م و يجعل هذا المستقيم نصف قطرترسم به دائرة تقطع و في نقطة ثانية ك ثم تصنع الزاوية بواسطة المستقيم أم فيتحصل نقطة م و بجعل ك ك = م مُ يَحْصُلُ مِعَنَا نَقُطَةُ نَا نَبُهُ مِنْ وَ وَلَكِونَ الْمُسْقَطَىٰ مَ ۚ كُ بوجدان على خطس موازين خطالارض خص ومارين بالمسقطين م ك يتعصل معنا و فيلزم الا تنعير المستوى الافق وانتخاب خُصَ خطا ارضيا بشرط ان يؤخذ م خلف هذا اللط ، كُ امامه کوضعی م و ک بالنسسبة الی خ ص انظر (بند ٤٣) ومن هذا ينتج و ومنه ينتج و انظر (بند ٢٦)

(Yo)

*(المسئلة الخامسة والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير مستو بقدر زاوية معاومة حول محور ما يقال

المفرس كافي (الشكل ٦٨) ان المحور ١ معلوم بمسقطيه ١ . ١ وان المستوى م معلوم ايضا بالربه ق ، را والمطلوب تدوير المستوى م بقدرزاوية معلومة ١ حول المحور ١ فني مدة الدوران ترسم جميع نقط المستوى م اقواس دائرة في مستويات اعدة على ١ وبذلك لاتكون موازية لاحدستوبي المسقط ولااعدة عليه فقدال الامراولاالى تغييرا المستوى الرأسي كافي المسئلة المتقدمة فحينئذ يؤخذ المستوى الحديد موازيا للمعوراومارابالمحورنفسه وهواخصرفسطيق خط الارض خُصَ على أغ لا يجاد وضع المحور على هذا المستوى بحث عن وضعى نقطتن من نقطه وم فيتحصل المحور أ وحيث ان الاثر ق لا يتغير يعين الاثر الرأسي رً افق ب من المستوى ثم يغير المستوى الافقى بانتخابه عودا على المحور فيكون خط الارض خض عودا على ١ والمسقط الافتي للمعور هوعن أ فلا يتغير الاثر الرأسي رُ ويتحصل الاثر الافتى قُ لواسطة ط للمستوى ثم يلزم تدوير المستوى م المعلوم باثريه ق ان ننزل اع عوداعلى ق وزسم الزاوية إ غرسم قوس دا رة بجعل مركزا فيتعصل معنا النقطة ع وماخذ ق عماسا في هذه النقطة ر المحور في نقطة ١٠ ثامة مدة الدوران ومنتسبة بالضرورة الى الاثر

الرأسى رَ ايضام نغيرالا تنالمستوى الافق بابنا خد حُصَ خطاار ضيا فيتعين الاثرالافق ت فواسطة الرأسى لا م نغيرا يضا المستوى الرأسى بان فيتعين الاثرالافق ت خطاار ضد افتحد الاثرالرأسى لا بواسطة افقى س نأخذ خ ص خطاار ضد افتحد الاثرالرأسى لا بواسطة افقى س *(٢٦)*

اذاعلم شكل مستوفى الفراغ كان من المهم معرفة هيدته الحقيقية فيلزم لذلك جعل المستوى المحتوى على ذلك الشكل فى وضع موازلا حد مستويى المسقط انظر (اولامن بند ٥٦) ويتوصل الى ذلك بعمليت ف مختلفتان هما

(اولا) ان يؤخذمستو جديد للمسقط مواز لمستوى الشكل المذكور او يعتبر اختصارا هذا المستوى عينه مستويا جديد الله سقط لحكن اذالم يكن هذا المستوى عمودا على احد المستويين الاصليين يجب البدؤ بجعله فى هذا الوضع الحاص

*(وثانيا) * اندورمستوى الشكل المذكور حول محور وينتخب محورا فى العادة احداثر به وتسمى العملية حينتذعلية الانطباق وحيث ان هذه الحركة حاصلة حول محور مواز لاحد مستوبى المسقط احتيج فى دلك الى عمليتين انظر (بند ٧٣) في تحصل من ذلك انه اد الريد المجادهيئة الشكل الحقيقية لاى شكل كائن فى مستوما وجب اجراء عمليتين الغرض من اولا هما جعل مستوى الشاخية جعله مستوى الشاخية جعله منطبقا على المستوى الا خرالمسقط اوجعله اقل ما هناك موازياله وكاتباها تين العمليتين عكن اجراؤها اما بتغيير مستواوجه المجركة دوران ومن ذلك بتحصل اربع طرق لحل هذه المسئلة هي

(اولا) ان تصل معمري المستوس

(وثانيا) مع مرالمستوى تم حركه دوران

(وثالثا) بحركة دوران م تغييرالمستوى

(ورابعا) بحركتي دوران

4 *(12)*

ومن المعلوم ان هذه الطرق قد انحلت حلاكافيا في اسلف ولنشر عالا آن في سان الطبيقها على حل المسائل الاربع الاست التى توصلنا الى مسئلة العكس وهى ان ويحون المعلوم وضع نقطة على المستوى المنطبق او المعتبر مستويا للمسقط والمطلوب معرفة مسقطها على مستوين معلومين عودين على بعضهما والمطلوب معرفة مسقطها على مستوين معلومين عودين على بعضهما *(٧٧)*

* (المسئلة السادسة والعشرون) * اذا اديد رسم مثلث متساوى الاضلاع على مستقم معلوم يقال

لنفرض كافى (الشكل ٦٩) ان المستوى المراد اجراء العملية المطلوبة عليه م ومن المعلوم ان المستقيم الله لايكون معلوما الا بمسقطه الا فقي ر وبشرط وجوده في المستوى م حيث يتعين به مسقطه الرآسي آ ي انظر (بند ٢٨) والاحسن ان يقال من حيث ان المستقيم محدود بالنقطتين الم يحث عن مسقطى هاتين النقطتين الرأسين كافى (بند ٢٩) مان يستعمل لذلك افقيان من المستوى م اذا تقرر ذلك فلا يكن اجراء العملية المطاوية الابعد جعل المستوى م منطبقاعلى احدمستوي المسقط وتستعمل في ذلك الطريقة الاولى انظر (بند ٧٦) اعنى تغييرى المستويين ودلك مان يجعل المستوى م افقي المسقط فيلزم ان بنخب اولامستوراً سي جديد عود اعلى المستوى م فيكون خط الارض خُصُ بالضرورة عوداعلى ق انظر (رابعامن بد ٣٣) ولاجل ايجاد ر يستعمل افقيان قدرس الايجاد أ و م تجعل المستوى م مستويا افقيا للمسقط فيصبر تقاطعه بالمستوى الرأسي اى ر خط الارض الجديد حض ويكون المسقطان الافقيان للنقطتين ا و _ هماعينهما وايجادهما بكون الطرق المعلومة في (ند ٥٥) وبعدا مجاد المستقيم السيرسم المثلث المنساوي الاضلاع المطلوب ولمعرفة

مسقطی هذاالمنات علی مستوبی المسقط الاصلین بندهی ان بتنبه الیانه لم ببق علمنا بعد معرفة مسقطی الرأس علی المعرفة مسقطی الرأس علی عکس ماسبق اعنی ان بنتقل من المستو بین علی عکس ماسبق اعنی ان بنتقل من المستو بین المتقاطعین فی خُص بنتیر المستوی الافق المسقط ثم بنتقل من هذا الی الاصلین المتقاطعین فی خُص بنتیر مستوی المسقط الرأمی

فلواعتبرنا المستوى م مستويا رأسيالكان الالمق تعين او سرأسين من المستوى م يقعان في ابعد لا يجاد الاثر ق على مستوى المسقط الحديد الافتى العمود على المستوى م الذي كان بلزم اعتباره قبل اعتبارالمستوى م مستويا رأسياللمسقط الحديد الافتى م مستويا رأسياللمسقط الحديد الافتى م مستويا رأسياللمسقط

* (المسئلة السابعة والعشرون) * اذا اربدان يرسم على قاعدة معلوم الطول السئلة السبخ مدا في المثاث معلوم السبخ المستقم معلوم الوضع يفرض السبخ على مستقم معلوم الوضع يفرض

ان المستوى كمافى (الشكل ٧٠) المراد اجراء جميع العمليات عليه م وسن حيث ان كالرس المستقيمين الله و الكائنين على المستوى م لايعلم الا بمسقط واحد يستنج المسقط الا خربمة تمضى (بند ٢٨) وحيث انه لا يمكن اجراء عليات المسئلة الابعد جعل المستوى م منطبقا على احد مستويى المسقط يفرض ان المطلوب انطباقه على المستوى الافقى وتستعمل فى ذلك المطريقة الثانية المقررة فى (بند ٢٦) وهى تغيير مستو شمركة دوران

وبلزم لاجل انطباق المستوى م على المستوى الافق تدويره حول قل معتبرا محورا لكن من حيث ان هذا المحورافق يجب ان يجعل اولا عوداعلى

السنوى الرأسي انظر (بند٧٧) بان يغير المستوى الرأسي المسقط فيؤخذ خُضُ عوداء لى ق ويعث عن رَ الذي لايد وان يحتوى على م و معاكماني (ثانيا من مد ٥٦) وبعد انطب اق المستوى م على المستوى الافق منبه على النقطة استلاترسم قوس دائرة ج موازية لمستوى المسقط الرأسي القاطع لمستوى المسقط الافقى ف خُص ومن حيث انهذه النقطة لا بدوان تصبرعلى المستوى الافقى يكون مسقطها الرأسى حينتذعلي خط الارض في أ فتحكون النقطة نفسها بالضرورة في ا وتتعصل ايضا النقطة الاخرى - والمستقم و ثم يرسم المثلث المطاوب أربع على المستوى م المنطبق ثم لا جل معرفة مسقطى هذا المثلث على مستولى المسقط الاصلين ننبه على انه حيث ان الرأسين ا معلومان وإن الرأس الشالث موجود على المستقيم و لم يبق علمنا الاان تنزل من الرأس عُ عموداعلى ق فيقطع ذلك العمود المسقط و في النقطة ع ومنه بنتم ع ورايصال مسقطى هـ ذه النقطة ع عساقط النقطتين ا و حصصل مسقط المثلث المطلوب ارج ولواريدانطماق المستوى م على المستوى الرأسي لكان يلزم اولا تغيير المستوى الافقى يجعل خط الارض المديد عوداعلى رغم تدوير المستوى م حول هذاالا ثرالرأسي وكانت العمليات مشابهة للمذكورة آنفا

(Y9)

* (المسئلة الثامنة والعشرون) * اذا اربدان رسم داخل محيط دائرة معلوم مخسم منظم احدى رؤوسه منظبة على نقطة معلومة رقال ان محيط الدائرة كافى (الشكل ٧١) بتعين بركزه و بنقطة من المحيط ادائرة كافى (الشكل ٧١) بتعين بركزه و بنقطة من المحيط ادائرة كافى (المشكل ١١) بتعين بركزه و بنقطة من المحيط ادائرة كافى ورهو م اذاعلم المستوى المذكورهو م

وان المسقطين الافقيين و و أ المركز و والنقطة ا معلومان يستنتج المسقطان الرأسيان انظر (بند ٢٩) بان يستعمل لذلك رأسيان و و ١ للمستوى م نمانه لا يمكن اجراء العمليات المطلوبة الابعد انطباق المستوى م على احدمستو بى المسقط ولا جل جعله في هذا الوضع تستعمل الطريقة الثالثة المقررة في (بند ٧٦) اعني حركة دوران ثم تغيير مستو فأذا اربدجعل المستوى م مستو باجديدار أساللمسقطان مجعله اولاعودا على المستوى الافقي تسدويره حول محور عود على المستوى الرأسي انظر (مد ٦٤) الى ان يصر را فى وضع را عود على خ ص وحيث ان المحور اختيارى يلزمان يجعل مارا كماما هوالاخصر فقطة تقاطع الاثرين وهذا الاختيار يتعلق ضرورة بترتد الشكل الخاص ثم لاحل ايجاد مساقط النقطتين و و ا بعدالدوران عصن استعمال رأسين قد رسما ولكن عكن ايضا تديل هذين الرأسيين بخطين اعظم ميلا للمستوى م بان تصورمثلافي المستوى م من النقطة و خطاط اعظم ميلا بالنسبة للمستوى الرأسي فيحكون مسقطه الرأسي عمودا نازلامن و على را انظر (بسد ٧٧) وقاطعا ر في النقطة ع وهي الاثر الرأسي الهدا المستقم الاعظم مملافتصر النقطة ع فى النقطة ع والمستقم ط يبؤ عوداعلى را وعلى طوله الاصلى كافى (ثالثًا من بند ٥٦) ﴿ فينشد اذا اخذنا عُ وَ = ع و عودا على رَ تحكون النقطة و مسقط النقطة و الرأسي في وضعم االجديد ويبق مسقطم االافق على بعدوا حدمن خ ص فيكون حينئذني و على المسقط الافتى للرأسي و من المستوى م الذي سبق استعماله لا يجاد و و عكن مهذه الكيفية ايجاد المسقطين

4 *(10)*

أ و أ او ينبه على ان النقط الذلات ن و و و أ لايد وان توجد على العينة في الله على المسقط الرأسي ن والمسقط الافتى و و و ن هنا و المعينة في الله على المسقط الرأسي ن والمسقط الافتى و و و ن هنا يستضرج و فيكون ا على قوس دائرة مرسوم من المركز ن بنصف قطر ن أ

وانععل الا تن المستوى م مستوياراً سياللمسقط في صيرائره الافق ق خط الارض الجديد خ ص فيحدث المسقطان الرأسيان النقطتين أو و كافى (ند 22) اللذان ليسافى الواقع الا النقطتين نفسهما وباجرا العملية المعلومة وهى قديمة فصف القطر و أفى النقطة ع الى جرئين اكبرهما وسط متناسب بين الخط بتمامه وجرئه الاصغر فيكون أك ضلع المعشر فاذا زيد على هذا الضلع مثله بان جعل من ألى ك يصون أك ضاع المعشر ضاع النحس المطلوب وبعد رسم النحس أك ع دَهُ يؤول الامم الى البحث عن المجادم سقطيه على مستويى المسقط الاصلين بعمليات عكس العمليات عن المجادم وبكون ذلك من عندان ننقل من مستويى المسقط المتقاطعين في خ ص الى المتقاطعين في خ ص الى المتقاطعين في خ ص ول المحود عن ويكون ذلك منعير المستوى الرأسي ثم ندور المستوى م حول المحود عند ويجهة مخالفة لحمة الدوران المبين يسمم القوس بقدر زاوية مساوية الزاوية في التي دارها المستوى في العملية الاولى

فین ان النقطة سے مثلا ناسقط افسقاطا افقیا فی سے علی خُصُ یکون حینئذ مسقطها الراسی سے باخذ سے سے سے علی عود نازل من سے علی خ ض وادا جعل بعد ذلک المستوی م فی وضعه الاصلی م تحرکت النقطة سے تحرکا موازیاللمستوی الراسی للمسقط وصارت علی الراسی ب للمستوی م الذی عرصة طه الافقی ب بالنقطة سے بالضرورة و حینئذ یعلم ایضا کے اذا تقرر دذلک و جبان یکون المسقط الراسی بالضرورة و حینئذ یعلم ایضا کے اذا تقرر دذلک و جبان یکون المسقط الراسی بالضرورة و حینئذ یعلم ایضا کے ادا تقرر دذلک و جبان یکون المسقط الراسی

معلى كل من ب ومنقوس الدائرة المرسوم من المركز ن بنصف وطر ن ك فيه لم المسقط حينشذ وبه يعرف م الواجب ان يكون على المسقط الافتى ب وبهذه الحكيفية توجد مساقط رؤس المخس الباقية وشوصيل هذه الرؤس ببعضها واحدة بعد الاخرى بمستقيات بتعصل معنا مسقطا المخدس نفسه

فاذا اربد جعل مستوى الشكل مستويا افقياللمسقط لزم اولاجعله في وضع م عود على المستوى الرأسي مجركة دوران حول محورراً سي مجعل هذا المستوى م مستويا افقياللمسقط ومذايصير أر خطاارضيا جديدا *(٠٠)*

* (المستلة التاسعة والعشرون) * اذا اربد ايجاد المركز ونصف قطر الدائرة المرسومة خارج مثلث معلوم بقال

رسم كافى (الشكل ٧٦) اولااثراالمستوى م الكائن عليه المناه المعلوم المستوى الافقى المسقطلامكان اجراه العمليات اللازمة لحل المسئلة بان تستعمل مثلا الطريقة الرابعة المقررة في (بند ٧٦) اعنى حركتي دوران بان يجعل اولا المستوى معود اعلى المستوى الرأسي بحركة دوران اولى حول محودراً سي افيرسم الاثر تي زاوية في فيجب حينئذ ان ترسم النقط الوروية وعين الزاوية التي رسيم اللاثر والدلك ترسم من النقطة المعتبرة من كوا بانصاف اقطار التي والمعافى المنافى المنافى

ماكانت عليه من الارتفاع عن خط الارض خض وتوجد كامهاعلى ير وهذا برهان على صحة العملمات ثميدورالمستوى مُ حول المحور ق لسطيق على المستوى الافتى للمسقط وتصر المساقط الرآسية على خ ص فى النقط اً , أَ عُ وَامَا النَّقَطُ نَفْسُهُمَا ا " و مَ فَتَكُونُ عَلَى ا ستقيمات موازية للط الارض خ ص ومارة من المساقط الافقية أ ب ع كلمستقيم من مسقط اذاتم ذلك نرسم المركز و والنصف قطر و"ا" للدائرةالمرسومة خارج المثاث أ"بيَّع وانصصيل مساقطها يدور استوى دورتين سياويتهن للدورة بن اللتبن اجريتيا قبل ذلك لكن الي جهة عكس جهتيهما فبذلك تصر اولاالنقطة و فالنقطة و بدورانها حول ق ثمنى و بدورانها حول المحور ا فيتعصل معنى المسقطان و ا و أ لنصف قطر الدائرة المذكورة واذااريدانطساق المستوى م على المستوى الرأمي شدويره حول اثر مالرأسي للزماولاجعلهذاالا ترعوداعلي المستوى الافقي بحركه دوران اولى حول محور عودعلي المستوى الرأسي

الباسب الثالث) * (الباسب والمستقيم والمستوى مسائل في النقطة والمستقيم والمستوى في المستقيمات والمستويات الاعرة على بعضها

(11)

مسقطاالمستقيم العمود على مستويكونان عودين على اثرى المستوى كلمسقط على نظيره لانه اذا اخذ المستوى المسقط افقيا للمستقيم مستويار أسيا للمسقط

انطبق خط الارض على و وصار الاثر ق عوداعليه كمافى (رابعا من بد ٣٣) وصارايضا و و را عودين على بعضهما وعكن ايضا أبات هذه الدعوى النظرية بسهولة بواسطة حركة دوران لانه بدوير على الشكل حول محود رأسى الى ان يصير المستوى م عوداعلى المستوى الرأسى يكون حين المستقيم و مواز بالهذا المستوى فعلى ذلك يحون و مواز بالهذا المستوى فعلى ذلك يحون و مواز بالهذا المستوى فعلى ذلك يحون و مواز بالهذا المستوى فعلى ذلك يحود و و مواز بالهذا المستوى فعلى المستقيم و مواز بالهذا المستوى فعلى المستقيم و مواز بالهذا المستوى فعوداعلى حول محود على المستوى و و ق عمود ينعلى بعضهما و بسدوير جعلة المستوى المعود عود على المستوى المستوى المعود على المستوى المعود عود اعلى المستوى الأفقى المستقط بثبت ان و و را عودان على بعضهما و بالجلة فهذا الاثبات يرجع للاول انظر (بند ٦٨) وبسمل رسم الشكل المتعلق بذلك كا يسمل رسم الاول

(11)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المطلوب امر ارمستقيم عمود على مستومعلوم من نقطة معلومة ع يقال

انه يكنى انزال عودين من مسقطى النقطة المعلومة ع على انرى المستوى المعلوم لكن اذالم يكن المستوى معلوما باثريه وكان هذان الاثران خلف حدود الرسم وجب اجراء العملية هكذا

ران بفرض ان المستوى المعلوم كمافى (الشكل ٧٣) هو (اب) فيرخطم الفقى ج في هذا المستوى فيكون مسقطه الرأسى ج مواذيا المطالارض خ ض وتياطعا أ و ب في النقطة بن أ و ب وهما المسقطان الرأسيان النقطة بن أ و ب في تعصل منهما بدون واسطة المسقطان الافقيان ثم يتعصل ايضا ج لكن ج مواز للاثر الافقي المستوى فاذا

ازلنامن المسقط ع عودا على ج يكون ن المسقط الافق العمود المطلوب واذا امرزا ايضا رأسيا ط على المستوى (أ ب) حدث في مأذا لم يحب تغيير مستوى المسقط بان يجعل اولا مشلا المستوى في حدود الرسم يحب تغيير مستوى المسقط بان يجعل اولا مشلا المستوى الحديد الافق المستوى المسقوى المسقط رأسيالا حد المستقيمان الم ينتخب مستوجديد رأسي مارا بالمستقيم ب يحيث يحون المستقيمان الم ب اثرين المستوى المعلوم على مستويى المسقط الحديدين فينزل على هذين الاثرين حينشد عودين من المسقط بالمستوية من المستويين المستويين المديد بن الى مسقطيه على المستويين المديد بن الى مسقطيه على المستويين الاصليين

(14)

* (المسئلة النبانية) * اذا كان المطاوب امر ارمستوعود على مستقيم معلوم و من نقطة معلومة م يقال من النقطة مكافى (الشكل ٧٤) عر الافتى ط للمستوى المطاوب من النقطة م كافى (الشكل ٧٤) عر الافتى ط للمستوى المطاوب

م فيكون مسقطه الافق بالضرورة موازيا للاثر الافق للمستوى قينشد في بكون ذلك المسقط عود اعلى و ويجكون الاثر الرأسي اللافق ط نقطة من الاثر الرأسي لهذا المستوى م ولابدان يكون الاثر الرأسي لهذا المستوى عود اعلى و فاذا انزلنا من النقطة ع التي هي تقابل ذلك الاثر مع المتحدة ع التي هي تقابل ذلك الاثر مع

خ ص عوداعلى و كان ذلك العموده و الانرا اطاوب ق

فان لم يتقابل الاثر م بخط الارض خص فى حدود الرسم عينت الله واسطة نقطة من ق بان عرمن النقطة م الرأسي ج للمستوى م وقد مصون اثرا هذين المستقيمين ط و ج خار جين عن حدود الرسم فني هذه الحالة بلزم اولا ان يتنبه الى اتهما يكفيان في تعين المستوى

المطاوب بدون حاجة لا يجاد إثر بهمالكن اذااريد تحصيل جزئ اثرى المستوى الكائنين في حدود الرسم امكن بواسطة الافقى ط والرأسي ج المارين من النقطة م تعيين جلة مستقيمات اخر غير متناهية كانها في المستوى المطاوب بالتوصيل بين اى نقطتين من هذين المستقين احداهما محكن ان تكون على بعد غير متناه

(1 2)

* (المسئلة الشالثة)* اذا كان المطلوب امر ارمستوعود على مستومعلوم من مستقيم معلوم بقال

ليفرض ان المستقيم المعلوم و والمستوى المعلوم م فاذ انزلنا من نقطة ما من نقط و عودا ن على المستوى م لا يخرج عن المستوى المطلوب فيكون هذا المستوى معينا بالمستقيم و نفسه عوداعلى المستوى م لا يكون معنى الامستقيم و الفسه عوداعلى المستقيم عود على مستو آخر يكون عودا على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل

(^0)

* (المسئلة الرابعة) * اذا كان المطلوب امر ارمستقيم عود على مستقيم معلوم من نقطة معلومة يقال

اذا كانت النقطة المعلومة خارجة عن المستقيم المعلوم لا يمكن ان ينزل من مثل هذه النقطة الاعودوا حد على المستقيم ويمكن حل المسئلة بعدة طرق هي ان يقال (اولا) من حيث ان المستقيم المعلوم و والنقطة للعلومة م كافى (الشكل ٥٧) وعينان مستويا (وم) انظر (بند ٢٧) يمكن جعل ذلك المستوى احد مستويى المسقط المتقاطعين في خص مستويى المسقط المانق العرق الاربعة المقررة في (بند ٢٧) ولنتضب الثانية منها بفرض تطعيق المستوى (وم) على المستوى الافق للمسقط ويلزم اذلك اقلاان يؤخذ مستوجديد رأسي المسقط عود على المستوى (وم) بحيث اذلك اقلاان يؤخذ مستوجديد رأسي المسقط عود على المستوى (وم) بحيث اذلك اقلاان يؤخذ مستوجديد رأسي المسقط عود على المستوى (وم) بحيث

يكون غُضُ عوداعلى الاثر الافق لمذاالمستوى بالضرورة ولا بلزم مع ذلك ايجادهـ ذا الاثر بل يكني امرارافتي ط للمستوى (وم) من النقطة م فلزم حيفنذان عرط من م ويكون موازياللخط خ ص ويقابل و فى النقطة _ ومنها يستنتج _ الذى يلزم ان يكون كانها على و فاذا اوصلنا _ نالمسقط م حدث المسقط ط الذي يحب ان بكون حص عوداعليه ولاحل الاختصار سعب المستوى الرأسي الحديد للمسقط مارا من النقطة م ومن حيث ان هذه النقطة والمستقيم و يوجدان على مستوعود على المستوى الجديد الرأسي للمسقط يوجد مسقطاهما الرأسيان م و على مستقيم واحدو يجب ان يكون ايضا الاثر الرأسي له للمستوى م او (و م) واما ق فيجب ان يكون عوداعلى خُصَ وعكن ان يكون كا شادامًا في حدود الرسم بوضع خط الارض الحديد وضعالا أقا فاذاد قرنا يعدد لله هذا المستوى حول ق انطبق المستقيم و والنقطة م على و و م اىكل على نظيره فاذا انزل من النقطة م العمود ن على المستقم و قابل ذلك العمود و في النقطة ع وبارجاع هذه النقطة الى الوضع الاصلى للمستقيم و يعصل المستطان ع ع فادًا اوصلنا مساقط النقطة بن م وع بخطين مستقين كالمسقطى العدود المطلوب وكان يصيراعتمار وأخطا ارضيا جديدا واستعمال الطريقة الاولى المذكورة في (بند ٧٦) ويمكن ايضا استعمال احدى الطريقتين الاخرين لذلك تنسه *الطريقة التي سلحكناها هنااسهل الطرق المذكورة في كتب هذا الفن لان الانسان قد يكون مجبورا في هذه الطريقة الاخبرة على امر ار مستقم من النقطة م قاطع للمستقيم و اوموازله كالكون مجبورا أيضاعلي ايجاد اثرى المستوى المعن مذين المستقين قبل اجراء الانطماق * (ونانيا) * من حيث ان المستقيم المطلوب لا يقطع المستقيم و في النقطة

ع التى منها يمكن امرار مستقيم آخر أن عود على المستقيم و المذكور فيكون المستوى (ن أن) عود اعلى و ويقطعه في النقطة ع فهذا يتوصل الى امرار مستوعود على دستقيم و من النقطة م كافى (بند ٨٣) والى المجت عن نقطة تقابل هذا المستوى بالمستقيم و فاذا او صلنا نقطة التقابل ع بالنقطة المعلومة م تحصل معن المستقيم المطلوب لكن هذه الطريقة المذكورة دامًا في الكتب منقردة تستدى حل مسئلة تشعلق بعدة مسائل سيأتي حلها واما المسئلة التي نحن بصددها فها هو محل حلم اوالحل الاول حينتذه و الناسب لها حقيقة ومزيته ان يستنتج منه تطبيق جديد الاصول وهذا برهان آخر على عوصية تلك الاصول

(^7)

* (المسئلة الخادسة) * اذاكان معلوماً مسقط افتى لمستقيم عمود على مستقيم معلوم في نقطة معلومة والمطلوب ايجاد مسقطه الرأسي يقال الذاكات النقطة المعلومة كافى (الشكل ٧٦) على المستقيم المعلوم المكن في مسئلتنا هذه امرار عدة اعمدة على هذا المستقيم غير محصورة الحكن يحتار منها معرفة ماكان معلوم المسقط الافتى ولنفرض حيئاً ذان و هو المستقيم و المأخوذ من النقطة م ومن حيث ان المستقيم ن كائنا في المستوى م العمود على المستقيم و في النقطة م يتوصل بعد ايجاد اثرى هذا المستوى كما هو مبين في (بقد ٨٣) الى المحث عن المسقط الرأسي لمستقيم كائن في مستو ومعلوم المسقط الافق

﴿ (في تقاطع المستقيمات والمستومات) ﴿

کافی (ند ۲۸)

(^ Y)

كلسطح يتوادعلي العموم منخط فراغي متحرك بطريقة معلومة والسطح

4 *(IY)*

عوماوجهان خارجى وداخلى ولاامتيازلا حدهما عن الآخر في هذا العلم لكن منه بني تميزا حدهما عن الآخر في التعلق بالصنايع

(^^)

المساعد ه في المسلمة المسلمة

(4 9)

* (المسئلة السادسة) * إذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستوين آنا رهما متقاطعة في حدود الرسم يقال

من المعلوم ان النقطتين ا و سه اللتين هما نقطتا تقاطع آثار المستويين المعلومين كافى (الشكل ۷۷) نقطتان من تقاطع المستويين المذكورين وهما ايضا اثراه انظر (بد ۲۸) وبهذا يسهل ايجاد مسقطى هذا المستقيم انظر (بد ۱۶)

(9.)

*(المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب المجاد التقاطع ي للمستوين م ك اللذين اثراهما الافقيان متوازيان يقال من المعلوم ان النقطة ما التي هي نقطة تقاطع الاثرين الرأسيين للمستوين كمافى (الشكل ٧٨) اثررأسي لنقاطع المستوين فيرحينشد ي بالمسقط مويفابل بالضرورة الاثرين ق ق في نقطة تقاطعهما اللانهائي ومن شميكون ي موازيالهما ويركذلك المسقط ى ضرورة بالنقطة ـ ويقطع خص فىنقطة لانهائدة فهاالنقطة اً ومن هنا يكون موازيا له كان بي لما كان موازيا للاثر ق يكون المستقم ي افقيا للمستوى م المشمل عليه فينشذ يكون المسقط ي موازيا بالضرورة للغط خ ص ثم لابدوان بكون خط التقاطع ى افقيا بالاولى لانه لولم يكن كذلك اقطع المستوى الافقى في نقطة مشتركة بين ق فلايكونانمتوازينوهذاخلفويكونايضا خط تقاطع المستوين المتوازي الاثرين الرأسين موازيا للمستوى الرأسي

* (المسئلة النامنة) * اذا كان المطاوب أيجاد تقاطع مستوين اتحداثرا كل منهما وصارا مستقيما واحدايقال

حيث ان الاثرين ا و سهذا التقاطع كافي (الشكل ٧٩) متعدان في نقطة واحدة يكون التقاطع ى بالضرورة في مستوعود على خ ض وحينتذ يكون مسقطاه عودين على خ ض ويكون معاوما منه ايضا نقطتان هما ا و سه تنبيه يتعصل من المستقيم ى ومستولي المسقط زوايا متساوية لان هذا المستقيم يحدث مع مسقطيه مثلث امتساوى الساقين

*(المسئلة التامعة) * اذا كان المطلوب اليجاد النقاطع ى المستويين م و ك المتقاطع الراهما الافقيان خلف حدود الرسم يقال ان المستويين المتوازيين مقطوعان بمالث في مستقين متوازيين فلورسم كافي (الشكل ٨٠) مستوس موازلامستوى ك لكان تقاطعه ط مع المستوى م موازيا التقاطع ي المستويين م و ك الان النقطة مد من هذا التقاطع معلومة فيلزم حين ذا خذ خطمواز المسقط ط من النقطة ما انظر (بنديم) ط من النقطة ما واخرمواز المسقط ط من النقطة ما انظر (بنديم)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطاوب ايج أد النقاطع ى المستويين م و ك اللذين آنارهما الاربعة منقابلة في اقطة واحدة المن خط الارض يقال سيد الدين آنارهما الاربعة منقابلة في اقطة واحدة المن خط الارض يقال الدين آنارهما الاربعة منقابلة في الما المن المن المناسبة المن

انه يجب كافى (الشكل ١٨) اختيار الستوى المساعد س بحيث تتقاطع ق مع ق و ق وكذلك و مع ر كر في زوا با قائمة تقريبا فالمستوى س المذكور يقطع المستويين م و ك في مستقيمن الموب ومع ذلك فهذا و ب يتلاقيان في النقطة م من التفاطع المطلوب ومع ذلك فهذا التقاطع عرمن النقطة ا بالضرورة فيتعين حين التفاطع عرمن النقطة ا بالضرورة فيتعين حين المتاما بكل من ها تين النقطة بين من النقطة ا

(91)

تنبيه عكن حلهذه المسئلة بالمستوى المساعدا باتماكان وضعه باعشارهندسي في غالب اوضاع المستوى ولا يمكن حلما باعتبار رسمى لانه حيث كانت خطوط الشكل غير رياضية بنبغي رسمها بشرط ان يكون تقاطعها صحيحا مضبوطا لاشك فيه والاحسن في عام هذا الشعرط ان تصنع الخطوط المتقاطعة زاوية قريمة من الزاوية القاعة

(90)

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد التقاطع ي المستوين

م و ک الموازین لخط الارضیقال اذا اخذالمستوی المساعدعوداعلی خط الارض خض کاف (الشکل ۸۲) یصربالضرورة مستویا جدیداراسیاعلیه الاثران رَ و حیث ان المستوین المذکورین م و ک عودان علی هذا المستوی الجدید الرأسی یکون تقاطعهما عودا علیه ایضا فینسقط حینئذ هذا النقاطع فی ی ویصون مسقطه الافق ی عوداعلی خص اوموازیا فی ی ویصون مسقطه الافق ی یکون موازیا خص وکائنافو فی المستوی الافق بارتفاع ی ی فلو اخذ حینشد و ی ی یکی خدثت الافق بارتفاع ی ی فلو اخذ حینشد و ی ی یکی خدثت و ی ایموانیا نقطمه من المسقط النانی ی الموازی بالضرورة ایضا الخط خ ض و المستوی و ق

*(المسئلة النانية عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد التقاطع ى المستوين م و ك اللذين لم تقاطع اثارهماد اخل حدود الرسم يقال الحل هذه المسئلة عدة طرقهى *(اولا) * ان يرسم كافى (الشكل ۱۸) المستوى ك مواز باللمستوى ك ويفرض ان ر و لا ك ويرسم تقاطعه ى مع المستوى م ويفرض ان ر و لا متدان الى ان يتقاطعا فى النقطة م ويتوهم رأسى م م قالمثلث ان م م ك م م ك وكذالا

(۱۸)

م - ا م ا ومن ذلك محدث هذه المناسات

م - : م - : م ل و قرم - : م - : م - : م -وبعذف مرك و مد من هذه التناسات تكون هكذا مِلَ : مِل :: مِدْ : مِدْ وَمِلُ : مِلْ :: مِلْ : مِلْ وبواسطة الدين الرابعين من هاتين المتناسسين تعدث النقطة سرس المسقط ي وكذلك النقطة 1 من ي وحيث ان التقاطع ي مواز المتقاطع ي مكون معلوما بالضرورة وعصكن ابدال الحدين الرابعين من ا هاتين المتساسية بالمستوين الجديدين المساعدين كانشاهد دلك في الطرق *(وناسا)* ان يؤخذمستو مامساعدمثل س يقطع المستوى م في خط مستقيم أ والمستوى ك في مستقيم ب كافي (الشكل ١٤) فيث ان هذين المستقيم في المستوى س يلزم ان يتقاطعا في النقطة م من النقاطع ى المستوين م و ك وبأخذ ستو آخر مساعد مثل ص قاطعاللمستوى م فى خطمستقىم ج وللمستوى ك في مستقيم و توجد نقطة أخرى ١٥ من هذا التقاطع فسعن ما تعساناما لكن يسهل معرفة التاستعمال المستويات المساعدة الاما كانت لا يفيددا عانقطا من التقاطع ي المستوين م وك *(وثالثا)* ان يؤخذ كمافي (الشكل ١٥٥) المستوى المساعد س موازياللمستوى الانتى وقاطعاللمستوين م و ك في افقين أ و من دندين المستويين فيتقابل هذان الافقيان في النقطة م

من التقاطع المطلوب فلواخذ مستو آخر مساء دمثل ص مواز باللمستوى

الرأسي لقطع المستوين المذكورين م ك في رأسين و ه من هـ ذين المستويين وهذان الرأسيان يتقابلان ايضا في النقطة و من النقاطع المذكوروشومسيل النقطتين م و عدث النقاطع ي المطلوب للمستويين المعلومين م وك * تنبيه * اذا اخذ المستو بان المساعدان س و ص ابعد ما يكون من خط الارض فالتقاطعات المساعدة تقاطع في نقط قرية من خط الارض فينتج من ذلك انه لو كان النقطت ان م و ١ الكائنتان في الشكل المتكلم عليه هنا خارج حدود الرسم لزم سلوك طريقة اخرى بأتى الكلام عليها في (بند ٩٧) * (ورابعا) * ان ينتخب المستوى المساعد س موازبا خط الارض كا هو ممكن ايضا وقاطع اللمستوين م وك في مستقيم ١ و ١ أيتقاطع مسقطاهما الافقيان في النقطة امن ي كما في (الشكل ٨٦) ولما كان مسقطاهما الرأسسان لا يتقاطعان الاخارج حدود الرسم لم يرسما واذا اخذ مستو آخر مساعد مشل سُ نتم عنه تقاطعان جدیدان ب یعدت منهمانقطه اخری ب من ی فيتعن حينشذ واذا انتخب ايضامستوبان جديدان مثل ص م انراهما الافقدان بعمدان كل المعدمن خط الارض خ ص وكل منهما يقطع المستوين م و ك بان يقطعهما الاول الذي هو ص في المستقين و و والأخرفي المستقيمين ه و هَ التي تنقاطع مساقطها الرأسية داخل حدود الرسم حدث من ذلك نقطتان د و ه من المسقط الرأسي ى فيتعن بهماومن هنا يحدث التقاطع ى المستويين م وك

* (المسئلة الثالثة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستوينا الرهما تصنع مع خط الارض زوايا قريبة من القائمة يقال

ایکن کافی (الشکل ۸۷) هذان المستویان م و ک ویسمل فی هذه الحالة معرفة ان استعمال المستویات المساعدة المتقدمة لایؤدی الی حل المسئلة لان المستوی الموازی المستوی الرأسی یقطع المستویین م و ک فیراً سین لایتقاطعان فی حدود الرسم و هذا ناشی من کون المستوین المجاور لا تره الا فق منسقط انسقاطان الا بعد مسافة عظیمة الا ان جزهدا التقاطع المجاور لا تره الافق نطع مساعد ماز بخط الارض فاذا اختیر مستوی المفق قطع المستویین م و ک فی مستقین یقرب مسقطاهما الرأسیان من خط الارض و یتقاطعان بالضرورة فی حدود الرسم و من هنا بقصل نقطة من المسقط الرأسی لا تقاطع المطوب و با جرائش لهذه العملية مع مستوجديد تنج نقطة الرأسی لا تقاطع المعلوب و با جرائش لهذه العملية مع مستوجدید تنج نقطة المائی قامی المستوی الرأسی و تقیرة جدا و لنجری العمل علی الماذ کرفنقول

يؤخذاولامستومثل معين بخطالارض خ ص وبالنقطة سه الموجودة قربها من المستوى الألمى فيقطع المستويين م و ك في مستقيمن ما دين بالضرورة من النقطتين ع و ك المستويين م و ك في مستقيمن ما دين بالضرورة من النقطة الموري خط الارض خ ص ولا يجاد نقطة اخرى لكل من هذين المستقيمن اوالتقاطعين يؤخذ مستو آخر مساعد مثل بر موازيا للمستوى الرأسي وما دامن النقطة سه فيقطع بالضرورة المستوى م و ك في من هذين المستويين م و ك في رأسين ب و ج من هذين المستويين في النقطة المن المستويين م و ك في النقطة المن المستقيمن المن بر من المستويين المن من المستويين المن المستويين المن من المستويين المن من المستويين المنتقطة الكائنة على كرمن المستقيمن الم ب من المستويين المنظمة الكائنة على كرمن المستقيمان المن بر من المستويين المنافعة الكائنة على كرمن المستقيمان المن بر من المستويين المنافعة الكائنة على كرمن المستقيمان المن بر في النقطة المن المنتقاطع المستقيمان المن بن في النقطة المن المنتقاطع المستقيمان المن بر في النقطة المن المنتقاطع المستقيمان المن بين المنتقاطع المستقيمان المن بر في النقطة المن المنتقيمان المن بر في النقطة المن المنتقاطع المستقيمان المنتقاطع المنتقا

المسقط الرأسي ه لتقاطع المستويين ك ومن حيث ان المستقيمن و و ه في مستووا حد س فلا بدان تلاقيا في النقطة م المعاوم مسقطها الرأسي م وهي من تقاطع المستوين م و ك لان المستقين و و ه من هدنين المستوين ومن المعلوم ان هذا العمل لا يتعن به نقطة مّا من ي ولذا لم رسم في الشكل المسقطان الافقيان و , ه لتقاطع المستوبين م و ك معالمستوى س ويصم ا يجاد الطه الحرى من ي نواسطة المستوى سُ المار ون خط الارس خ ص ومن النقطة سر التي اختبرت متعدة المسقط الافق مع النقطة سم المتقدمة لما في ذلك من كثير السهولة فيقطع المستوى ر المستوى المذكور فى المستقيم أ ومنه ينتج التقاطعان و و ه المستوى ر مع المستوين المذكورين م وك عمان هذان التقاطعان اوالمستقيان قد يعسنان المسقط الرأمي مُ للنقطة مُ من التقاطع ي الذي تعين بالكلية مرماولا حل ايحاد المسقط الافق عرمستو ص من خ ص ومن نقطة صد مختارة قرية جدامن المستوى الرآسى وبعيدة جدامن المستوى الافقى فيقطع السيتويين م و ك في مستقيمين ح و ط يمكن المحادهما كاتقدم باخدمستوسساعد ر موازياللمستوى الافق فالمسقطان الافقيان ح و ط اللذان لم يرسم غيرهما هنا لان المسقطين الرأسيين لا يتعصل منهماشي كاهو معلوم يتقاطعان في النقطة و التي هي مسقط افق للنقطة و من النقاطع ويتعصل نقطة الحرى و باستعمال مستو ص مارمن خط الارض خ ص ومن النقطة صد فيتم حين أنتقاطع ى للمستويين م و ك

J 4 *(19)*

(44)

ويكن التعرض ايضا في هذه المسئلة لعدة احوال أخريسهل حلها بواسطة الطرق المستعملة في الامثلة السابقة فيكن مثلا ايجاد تقاطع مستويين احدهما مواز خط الارض والا خراثراه متعدان في مستقيم واحد وهكذا الى آخره

(99)

* (المسئلة الرابعة عشر)* اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلوم كل واحد منهما باثره و نقطة منه يقال

البكن كافي (الشكل ۸۸) هـذان المستویان م و ك معلومین بالاثرین ق و والنقطتین ع و ك ولذلك عدة طرق هی بالاثرین ق و والنقطتین ع و ك ولذلك عدة طرق هی هر اولا) * انه یكن ان پرسم الاثران الرأسیان للمستو بین المذكورین بامراد مستقیم افق للمستوی م من النقطة ع فیعلم منه نقطة من را بامراد مستقیم افق للمستوی ك من النقطة ک فینج منه نقطة من ك و یكن امراد را سین للمستو بین المذكورین من النقطتین ع و ک فیکون کر و یكن امراد را سین للمستو بین المذكورین من النقطتین ع و ک فیکون کر و یکن امراد را سین للمستوین المستقیمین حیث اتفق خارجه بن من النقطتین المستقیمین حیث اتفق خارجه بن من النقطتین ع ک و مارین احدهمامن نقطة من ق والاخری من نقطة من ق

ع و كُ ومارين احدهما من نقطة من ق والاخرى من نقطة من ق فيؤول الامرالي الطريقة بن المتقدمتين

*(وثانيا) *انه يكن حل المسئلة بالمستقيمات المعلومة التى فرضنا هاهنا بلاواسطة اخرى بان يوصل بين النقطتين ع و ك بمستقيم و يقطع المستوى الافتى فى نقطة د غير بهذا المستقيم مستوما س وليختر المستوى المسقط افقيا للمستقيم في مستقيم ب المستوى م في مستقيم ب مار بالنقطة ع ويقطع المستوى ك في مستقيم ج مار بالنقطة ك في نقطة م من التقاطع المطلوب في نقطة م من التقاطع المطلوب

وهناك نقطة اخرى ا وهي تقاطع الاثرين ق و ق ومهاوبالنقطة المتقدمة يم تعيين التقاطع المطلوب

* (وثالثا) * ان العملية المتقدمة الحصر من غيرها لانها كافية في ايجاد التقاطع المطلوب الاانه يمكن اخدمستوما س كافي (الشكل ٩٨) ثم يقال ان هذا المستوى س لابدوان يشتمل في جميع احواله على المستقيم و فيشتمل ايضا اثره الافق على الاثر الافق للمستقيم وهذا هو الشرط اللازم لهذا المستوى فيمكن

حينت ذان يرمن نقطة د مستقيم ما يعتبراثرا ق للمستوى المساعد فيتعصل من هذا المستوى س النقطة م من التقاطع باجراء الاعمال المتقدمة في الحالة السابقة وعاخذ مستو آخر مساعد تتعصل نقطة نائية من هذا

النقاطع ومهما سم تعديه

فينت ذيتم تعيينه بهما ومن المعلوم ان الاعمال لا تختلف اذاا مر مستويان رأسيان متوازيان ايامًا كانا من النقطتين ع و ك ولا يلزم اصلاان يكون المستويان المساعدان س و س موازيين المستوى الرأسي للمسقط لانه لوكان كذلك لجبرالانسان على رسمهما في اتجاه غيرالا تجاه الاول اذا كان النقطتان ع و ك على بعدوا حدمن المستوى الرأسي للمسقط لكن يمكن جعل هذه الحالة آيلة الى احدى الاحوال الاول شغيير المستوى الرأسي دون المستوى الرائق لانه لا تنتج عنه المعالم التي بها تحل المستوى الرأسي دون المستوى الافق لانه لا تنتج عنه المعالم التي بها تحل المسئلة

(1..)

* (المسئلة الخامسة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستو يين معلومين بخطيهما الاعظمين ميلا بالتسبة لمستوى المستط الافقي بقال

ليكن كافى (الشكل ٩١) م و ك الخطين الاعظمين ميلاللمستويين م ك وخله هذه المسئلة طريقة انهما

(اولا) ان و خد المستوى المساعد افقيا مثل س فيقطع المستقيمين م و ك فى النقطتين ع و ك انظر (ثانياسن ٥٦) كا انه يقطع المستويين فى افقيين ١ و ب مارين بالنقطتين المذكور تبن لكن من حيثان م عود على ق كافى (بند ٧٧) يكون عودا بالضرورة على ١ كافى (بند ٣٦) كاان ك ايضا عود على ب فيكون هذا الافقيان معينين تعينا كلياو حيث كانا فى مستو واحد س فلا بدان النقاطع الى فاقطة كالنقطة م من التقاطع ى للمستويين وباستعمال مستوآخر افقي س تعلم نقطة اخرى م من هذا النقاطع و حيث لكون

(وثانیا) ان یقال اذاکان م و ک متوازبین کمافی (الشکل ۹۲) و درانیا کمافی (الشکل ۹۲) و کمون او می متوازبین ایضا ولا بنتج منهما نقطـة من نقط التقاطع کمافی (بند ۹۰) کمن التقاطع می یکون حینئد افقیا کمافی (بند ۹۰)

وكيفية معرفة نقطة منه ان يقطع المستويان المعلومان بكل من المستوين الوثقيين الوث والآخرف افقين الوث فيؤخذاى نقطتين مثل الوث على الوث ويوصلان بالمستقيم المحتوين المستقيم على الحطين الموثل المستقيم على الحطين المستوى المستوى المستوى م في مستقيم و والمستوى كن في مستقيم ها فيتقاطع هذان المستقيمان و ها في نقطة ها ومن التقاطع والخذ عود من سم على م و كن يتحصل بالضرورة ي ولاترسم المساقط الرأسية المستقيمين و ها والنقطة سم ولاجل ايجاد المستقلم كي يقال من حيث انه يقابل المستقيمين م و كن في نقطتين المستقلم المستقيمين م و كن في نقطتين المستقلم المستقلمين م و كن في نقطتين المستقلم المن ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في عينان المسقط الماذ كور كي ويجب مع ذلك ان يكون هذا المسقط سوازيا في المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المنافع المستقلم المنافع ا

(1.1)

* (المسئلة السادسة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلومين باثر يهما الافقيين والزاوية الحادثة من كل منهما مع المستوى الافقى يقال

من المعلوم كافي (الشكل ٩٣) من مسئلة نظرية في الهندسة الاصلية اله اذا كان مستوعودا على المستوى الرأسي للمسقط تكون الزاوية الحادثة منه ومن المستوى الافقي مقيسة بالزاوية الحادثة عن اثره الرأسي مع خط الارض فاذا اخذ حينت ندمستوراسي عودا على المستوى م حدث من الاثر مَرَ لهذا المستوى مع خط الارض لهذا المستوى مع خط الارض مع خط الارض من اثره من عودا على المستوى ك يحدث من اثره مراسي عودا على المستوى ك يحدث من اثره مراسي مع خط الارض

خُصُّ الزاویة المعاومة به وحیث کان المستویان المذکر تغییر م و ک منسو بان لمستو واحدافق والی راسیین مختلفین امکن تغییر المستوی الرأسی لکل منه ما وایجاد اثر بهما کر و کرکافی (بد ۱۷) علی مستو واحد رأسی خ ض ولکن هندالیس ضروریا لانا اذات صورنا مستویا افقیا سیکون اثراه علی المستویین الرأسین موازین خطی الارضین الارضین ک ض و خُصُ وعلی بعد واحد من هذین الحطین الارضین و رقطع هذا المستوی المذکور س المستویین م و ک فی افقین الوفی ما وهذان الافتیان یتقاطعان فی نقطة م معلوم مستقطها و م محدث المسقط الافق ی للتقاطع الافق م فیالتوصیل بین ا و م محدث المسقط الافق ی للتقاطع المطلوب المستویین م و ک وحیث علم ایضا المستویان الرأسیان گی و ی تعین التقاطع المطلوب

(1.1)

عكن ايضا تنويع معالم المستويين المذكورين بان لا يفرضا معلومين بكيفية واحدة ومما تقدم يسمل معرفة التغيير الذي يلزم في كل حالة من احوال طرق الحل التي ذكرناها هنامنية الية

(1.4)

الهندسة الاصلية والهندسة الوصفية تستداحداه مامن الاخرى بحيث توجد فى الغالب خواص معلومة من الهندسة الاصلية موصلة الى بعض خواص مجهولة فى الهندسة الوصفية وبالعكس فمقتضى المسئلة الرابعة عشركافى (ثالثامن بند ٩٩) بقال كل مستومساعد مثل س كافى (الشكل ٩٨) ينتج منه نقطة م من التقاطع فتحون حينت ذبيع النقط الناتجة كالنقطة م على مستقيم بحيث لو اعتبر المسقط الافنى فقط لشوهد ان جميع المستقيمات مثل ب و ج تتقاطع فى نقط من النقطة م النقطة م حلى مستقيم واحد مار بالنقطة ا ومن ذلك تنتج دعوى النجيع المستقيمات مثل ب و ج تتقاطع فى نقط من ذلك تنتج دعوى

نظر ية هي

اذا وجدت ثلاث مستقيات و و م و ك كافي (الشكل ٩٤) متقاطعة اثنين اثنين وثلاث نقط د و ع و ك على مستقيم منهامثل و وآمرمن النقطمة د خطوط ت و ت و ت و قاطعة للمستقيم و ك ووصلت نقط المستقيم م الى النقطة ع بمستقيات ب و ب و ب و وصلت كذلك نقط المستقيم ك الى ك بمستقیات ایضا ج و ج و چ تقاطع المستقیان ب و ج والمستقيمان بي و ج والمستقيمان بي و ج ٠٠٠٠ في النقط م و م و م التي هي والتقاطع المستقيمين م و ك على مستقبم واحدى ومن المعلوم اله عكن اعتبار المستقوات و و م و ى معاليم للمسئلة وتختاراانقطة ع اصلاللغطوط القاطعة ب و ب و ب لاحدالمستقيم فالنقط و و و سروللا خرى فى النقط م و م و سم وينتج منه ان نقط تقاطع المستقيمين ج و ت والمستقيم و ت والمستقيم و ت ٠٠٠٠ على خطمستقيم مع انقطة ا ويكن ايضاجه ل المستقيات و و ك و ي معاليم والنقطة كُ اصلاللغطوط القاطعـة ج و ج و ج سب الاحد المستقيمين ك فى النقط ج و ج و ج ٠٠٠٠ والا خرى فى النقط م و م و م و م فينتج منه ان نقط تقاطع المستقين ب و ت والمستقين ب و ت والمستقين ب و ت ٠٠٠٠ كائنة على مستقيم واحد م ماربالنقطة

عكنان يصكون احدى النقط د و ع و كن لانهائيا ولذلك الدن حالات وهي ان تقول (١ولا)* اذا كانت النقطة د هي اللانهائية تكون الخطوط القاطعة ت و ت و ت موازیة للمستقیم و | * (وثانيا) * اذا كانت النقطة ع هي اللانهائية تكون الخطوط القياطعة اب و ب و سب موازیهٔ ایضاللمستقیم و * (وثالثا)* اذا كانت النقطة كُ هي اللانهائية تكون الخطوط القاطعة ج و ج و بي سيقم و وينتج من هـ ذه الاحوال الثلاثة دعوى نظريه نطبقها على الحالة الاولى كافى (الشكل ٩٥) لزنادة الايضاح فنقول ادا كان معنا ثلاث مستقمات و و م و ك متقاطعـة اثنن اشين ونقطتان ع و ك على مستقم منها منا و ورسمت جلة موازيات للمستقم و قاطعة للمستقى بن الاخرين م , ك ووصلت نقط ا المستقم م بالنقطة ع ونقط المستقم ك بالنقطة ك يقال النالمستقيين ب و ج والمستقيمن ب و ج والمستقيمن ب و ج تشاطع فى النقط م و م و م و م الكاتنة هى والتقاطع ا ستقين م و ك على مستقم واحد ى وهدده الحالة تنتج من (شكاى ٨٦ و ٨٧) باعتباران العملية على مستوافق *(1.0)* ادا كانت المستقيمات الثلاثة و و م و ى معلومة واختبرت انقطة ع اصلاللقواطع ب و ب و سب ٠٠٠٠٠ ينتج ان نقط تقاطع المستقيمين ج. و ت والمستقيمن ج و يت والمستقيمين ج و يت والنقطة اعلى مستقيم واحدولذا كانت المستقيات و , ك , ي معلومة

واختبرت

(1.1)

عكن ان يستنج من هذه الدعاوى عكسها فيقال البعة مستقيات و و م السكل ٩٤) اربعة مستقيات و و م و الله الداكل ١٤٥) اربعة مستقيات و كل منها يقطع المستقيم الرابع ووصلت جميع نقط احد المستقيات الثلائة وهوى بنقطتين ع و ك كاننتين على المستقيم الرابع يقال ان المستقيمات المارة من النقطة ع و ك كاننتين على المستقيم الرابع يقال ان المستقيم المارمن النقطتين ع تقطع المستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و في نقطع المستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و يع تقطع المستقيم و في نقطة واحدة د اوتواذيه كافي (الشكل ٩٠)

المستقيمات ب و ب و ب من تثلاقى فى نقطة واحدة ع من المستقم و وادا اوصلنا ايضا نقط المستقم م بالنقطتين ع و د ينج ان جيع المستقيمات جي و جي و جي ٠٠٠٠ تتقابل في نفط قواحدة * (ونانما) * اذا كان معنا اللائه مستقيات م و ك وي خارجة من نقطة واحدة ا ونقطة د خارجة عن هذه المستقيات وامن النقطة د خطان قاطعان حيث ما اتفى ت و ت احده ما يقطع المستقيمين م و ك فى النقطت بن و يه والآخر يقطعهما فى النقطتين ع و ع مُ اخذنا ايضا نقطتين حيمًا اتفق كالنقطتين م و م على المستقيم الثالث ى ووصلناهما بنقط التقاطع المذكورة ينتج ان المستقين ب و يب يتقاطعان في نقطة ع وان المستقين ج و ج يتقاطعان ايضا في نقطة كُ وتكون النقط الثلاث د و ع و كُ كائنة على مستقم واحد فلوفرض ان النقطة ع هي التي آمرمنها التقاطعان ب و يب لوجد النفطتان د و ك مع النفطة ع على مستقم واحدولوفرضان النقطة كُن هي التي آمر منها الخطان القاطعان ج و ج الوجد النقطتان د ، ع مع النقطة ك على مستقيم واحد *(وثالثا)* اداكانمعناكافي (الشكل ٩٥) ثلاثة مستقيات م و ك و ي شقابل في نقطة واحدة ت قاطعان للمستقين م و ك بان قطع اولهما المستقين المذكورين في نقطتين ب و ي والا تخرمنهما يقطعهما في النقطتين ج و ج ووصل بين هذه النقط ونقطتين اخريين مأخود تبن طالاختسار

على المستقيم ي تفاطع المستقيمان ب وب في نقطمة ع والمستقيمان ج و يج في نقطة ك وكان النقطتان ع و ك على مستقيم و موازللمستقيمن ت و ت

(1.1)

اذا كان معنامستقيان م و ك كمافي (الشكل ٩٦) مقطوعان بجملة قواطع متوازية ت و ت و ت ٠٠٠٠ وامر من النقط ر و سر و سر النقط ع و ع و سع ١٠٠٠ التي هي تقاطع تلك القواطع بالمستقين م و ك جلتا مستقيمات متوازية بان حرمن النقط الاول ب و ب و سب و من الشائية ج و ج و ج تقاطع المستقيان ب و ج والمستقيان ب و ج والمستقيمان ب و ج في نقط م و م و م ٠٠٠٠ كائنة على مستقيم واحدمع النقطة التي هي تقاطع المستقين م وذلك انك لواء تبرت المستقين م ك اثرين افقيين لمستويين والمواطع كالقاطع ت آثاراافقيمة لمستويات مساعدة متوازية وقاطعة المستوين المعلومين في مستقمات مثل ب و ج الانتساب مي والنفطة ا الى المسقط الافق لتقاطع المستويين المعلومين وكانت حينئ ذجيع تلك الذقط على مستقيم واحد

(1·1)

وينتج مماذكردعوى نظرية عكس المتقدمة وهي ان تقول اذا كان معنا ثلاثة مستقيمات م و ك و ى متقابلة فى نقطة واحدة وأمر من جميع النقط م ومم ومم وسم على ى جلتامستقيات متوازية ب و ب و ب ج و ج و ج و ب الجلة الاولى قطعت المستقيم م والثانية المستقيم ك في نقط بحيث تكون المستقيمات الحادثة من ايصال كل نقط تين منها كالنقط تين الحديث منها كالنقط تين المورية والنقط تين م و ع و و النقط تين م و ع و متوازية

(1.9)

* (المسئلة السابعة عشر) * اذا كان معنا مستقيان م و ك متقابلان فى نقطة خارج حدود الرسم ونقطة م والمطلوب امرار مستقيم من النقطة م مقابل المستقين م و ك فى نقطة واحدة يقال لحل هذه المسئلة حالتان نشرع فيهما فذة ول

(اولا) برسم كافي (الشكل ٩٧) مستقم ت يقطع م و ك فى النقطتين سر ع م توصل احدى النقطتين سر م الاخرى واحدى النقطتين ع و م كذلك فيتحصل مستقمان يقطعان المستقين ك و م في نقطتين ع و ب وسوصيل احدى هادين النقطتين بالاخرى يتعصل مستقيم ت مقابل للمستقيم ت فى النقطة د ومن هذه النقطة د يرسم مستقيم ثالث ت قاطع م و ك في نقطتين مر يع وسوصيل احدى النقطتين مر يع والنقطتين يه و ع بالاخرى يتعصل مستقمان يتقاطعان في نقطة م من المستقم المطاوب وذلك لانه لواعتبرالثلاثة مستقمات م و ك و ت آثارا افقية السلائة مستويات مارة بنقطة واحدة فراغية مسقطها الافتي م الحان ب و ج المسقطين الافقيين لتقاطعي المستوى ت بالمستويين م و ك ولواعتبرناالا ت النقطة ع مسقطا افقيا لنقطة من المستوى م وكذلك النقطة _ مسقطا افقيا لنقطة من نقط المستوى ك وكذلك المستقيم ت اثرا افقي المستو آخر مساعد لقطع هذا المستوى المستوين م و ك في مستقين مسقطاهما الافقيان ب و ج وبذلك تكون النقطة م مسقطا افقي النقطة اخرى من تقاطع المستويين م و ك ويكن من النقطة د امرار جاه قواطع اخرمهما اريد وبادامة هذه العملية نقسها تخصل جلة نقط م و م و م من على مستقيم واحد فقت بالسهولة دعوى نظرية جديدة متعلقة بالقواطع لافائدة في ذكرها

* (وثانيا) * ينزل من النقطة م كافى (الشكل ٩٨) هودان على المستقيين م و ك يقطعانهما فى النقطتين - و يج ثم يوصل ما بين هاتين النقطتين - و يج ويمد الحط - يج مواز باللغط - يج غيد كذلك من النقطتين - و يج المستقيان م و ك المواز بان للمستقين م و ك فيتقاطع هذان المستقيان فى نقطة م من نقط المستقيم المطلوب لا نه لواعتبر المستقيمان م و ك اثرين افقيين لمستو بين والنقطة م مسقطا افقيا لنقطة من نقط تقاطعهما واعتبرايضا م - و م يج خطبن ارضيين افقيا لنقطة من نقط تقاطعهما واعتبرايضا م - و م يج خطبن ارضيين الخطبان م و ك مسقطين خطبن افقيين من المستويين م و ك المنت على ارتفاع واحدومة قاطعين في نقطة كم من المسقط الافقى لتقاطع المستويين م و ك المستويين م و ك

(11.)

* (المسئلة الثامنة عشر) * اذا كان المطلوب المجاد تقاطع المستقيم و مع المستوى م يقال مع المستوى م يقال (الشكل ٩٩) مستومساعد (اولا) * اذا اعرمن المستقيم و كافي (الشكل ٩٩) مستومساعد

4(77)*

س وبحث عن تقاطعه ي مع المستوى م تكون النقطه سر التي هي تقاطع المستقمين ي و هي النقطة المطاوية ولنمز من المستويات التي يمكن امر ارها من المستقيم و سبعة بختار استعمالهادون غرهالكيفية اوضاعاا شكلوهي * (اولا)* المستوى المسقط افقيا للمستقم و *(وثانيا)* المستوى المسقط رأسيا لذلك المستقم *(وثالثا)* المستوى الذي يكون فيه المستقيم و هو الخط الاعظم مسلا بالنسبة للمستوى الرآمي *(ورابعا)* المستوى الذي يكون فيه و هو اللط الاعظم ميلا بالنسبة المستوى الافق *(وخامسا)* المستوى المارمن و الموازى المطالارض *(وسادسا) * المستوى الذى الرم الافق مواز ق * (وسابعا) * المستوى الذى اثره الرأسي مواز برأ ودلك لان تقاطعات هذه المستويات مع المستوى المعلوم م كلها تقطع المستقم و المذكور في نقطة واحدة سم وهي النقطة المطلوبة ويختيار من تلك المستويات المذكورة في كل حالة مخصوصة المستوى الأليق وضعامن غعره مللة الحالة ولافائدة في رسمها كلها في الشكل لسهولة التمرن عليها (وثانيا) اذااتخب المستوى المساعد امكن ان يتقاطع المسقطان الافقيان ي و والمسقطان الرأسيان عي و فى زاوسى حادتين جداومنه بعلم حينتذان النقطتين له و شم ليستاتاتتي التعدين فتكون النقطمة سم كذلك لكن يكن كاهوالاولى دائما اختيار المستوى المساءد س بحيث يتفاطع ي و مثلافى زاوية قائمة اوقريبة منها ولاجل ذلك يرسم في المستوى م مستقيم ١ بحيث يكون أعودا تقريباعلى المستقيم و وهذا تمكن دامًا حيث يمكن سم أ تميرهن نقطة م من المستقيم و مستقيم أ مواز للمستقيم ا

وير مستوس من المستقين و أوبعث عن التقاطع ي المستوين م و س فتكون النقطة مم التي هي تقاطع المستقين ي و هي النقطة المطلوبة ولننبه على ان المستقين ي و الابدوان يسكونا متوازين و مهذا تحقق صحة العمليات

(وثالثا) يكن حل المسئلة ايضا يغيم المستوى اوبحركة دوران العل المستوى م عوداعلى احدمستويى المسقط انظر (بندى ٥٥، ٦٧) لان تقاطعه حينتذمع و مسقط على هذا المستوى في تقاطع الرالمستوى مع مسقط المستقم كافي (ثانيا من بند ٥٦) ولنأخذ حينته في مستويا حديدا وأسياللمسقط عوداعلي المستوى م كافي (الشكل ١٠٠) فيكون خط الارض خ ص عود اعلى ق ويشاهد ان المستقين ر و يتقاطعان في سر التي منها يستنتج سر ثم مر اللذان همامسقطا النقطة المطاوية وكان يمكن اخذ مستوجديدافق خص عوداعلى المستوى م فيكون المسقط سر حينندهو تقاطع و و ق *(تنسبه) * ادااخدخط الارض خص في اعلى فرخ الرسم بوجد النقطة مر في اعلاه وبالعكس اى أنه لواخذ خط الارض خُصُ في اسفل فرخ الرسم لكانت النقطة سم اسفله فعلى هذا لواخذ خط الارس الجديد في اسفل فرخ الرسيم ماامكن لتحصلت نقط تقاطع بعيدة جداعن المستوى الافقي ولم وحد طريقة غيرهذه

ولواريد تغيير المستوى الافق لكان يلزم حينتذا ختيار خط الارص الجديد عودا على م وكونه في اعلى فرخ الرسم ما امكن وكان يصم ايضا جعل المستوى م عودا على المستوى الرأسي اوعلى المستوى الافق شدويره حول محور عود على المستوى الرأسي اوالافق بتعريك المستقيم في كاتبا الحالة ين مع حركة المستوى المذكور

(111)

* (المسئلة الناسعة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو معلوم بمستقيم ونقطة بقال

(اولا) اذافرض ان المستوى (مع) معلوما بالمستقيم م والنقطة ع وان و المستقيم المعلوم كافى (الشكل ۱۰۱) لزم كافى (اولامن شد ۱۱) امرار مستومسا عدمن المستقيم و والمعتف عن تقاطعه مع المستوى م واختيار هذا المستوى ما دارا المستقيم و والنقطة ع فينشذ تعلم النقطة ع من التقاطع ى ولا يجاد نقطة اخرى منه يمدمن المنقطة ع مستقيمان م و و كل انظيره فيكون المستويان م و و موازيان للمستقيمين م و و كل انظيره فيكون المستويان حينظذ معلومين بخطوط متوازية ولو امر مستوافق مساعد آخر س لقطع المستقيمات الاربعة في النقط ب و ي و د و د التي تعين التقاطعين المستقيمات الربعة في النقط ب و ي و د و د التي تعين التقاطعين المستقيمات المستوى س مع المستويين (م م) و (و و) شميت قابل النقاطعان ا و ب في نقطة م من التقاطع ى الذي يتعين النقاطة المطلومة المطلومة

* (ونانيا) * بكن اخذ المستوى س موازيالامستوى الرأسي او تعودا على احد مستوبى المسقط و تحل هذه المسئلة بسمولة بان يؤخذ بدل المستوى المار يالمستقيم و المستوى المسقط له رأسيا كايظهر ذلك فى حل المسئلة الاتبة انظر (نانيا من بند ١١٣)

*(وثالثا) * اذاكان احد المستقيات المعلومة مثل م موازيا المستوى الافق يكون م موازيا خط الارض خ ص فيكون موازيا بالضرورة الى سر وحين ذلا تكون النقطة ب معلومة لكن لا يخفى ان المستوى الافتى س في هذه الحالة يقطع المستوى (مع) في خط افقى اومواز المستقيم م يصير معين الانه يكن ايضا المجاد النقطة ب باخذ المستقيم م غيرمواز المستقيم م

المارالالنقطة ع ونقطة اختيارية من م

* (ورابعا) * اذا اعتبرالمستقيم م اثرا افقيا ق للمستوى استعمل بدل المستقيم م مستقيم رأسي اوافق من هذا المستوى فيختار المستوى س مواذيا للمستوى الرأسي فاذا كان المستقيم م هوالخط الاعظم ميلا للمستوى كني في تعيينه انظر (بند ۴۸) ولايلزم في هذه الحالة استعمال النقطة ع ويختار بدل المستوى المارمن المستقيم و المستوى الذي بكون فيه هذا المستقيم اعظم ميلاوهذا برجع الى المسئلة المتقدم حلم افي (بند ۱۰) *

ويكن ايضا ايجاد تقاطع مستقيم مع مستومعلوم فى طلات مخصوصة كا اداكان الاثران متعدين فى مستقيم واحد وكغير ذلك وهدده الاحوال يكن حلها بنفس الطرق المذكورة

(111)

* (المسئلة العشرون) * اذا كان المطلوب امرار مستقيم قاطع لمستقين معلومة يقال

(اولا) عصر من النقطة المعلومة ومن كل من المستقيم المعلوب امر ارمستو فيكرن تقاطع هذين المستويين بالضرورة دو المستقيم المطلوب ويهذه الكيفية دؤول الامرالي حل المسئلة المتقدمة في (بند ١١١) الذي يلزم فيه ان تكون ع مبينة للنقطة المعلومة في (الشكل ١٠١) وان يكون م و و المستقيم المطلوب ولا جل صحة العملية يلزم ان يقطع مسقطاه في المستقيم المطلوب ولا جل صحة العملية يلزم ان يقطع مسقطاه في المستقيم مساقط المستقيم م و و في النقط مد و سم و سم المكان كل اثنين منها على عود واحد على خطالارض انظر (بند ٨)

*(وثانيا) * يمكن كافى (الشكل ١٠٢) حل المسئلة بإمرار المستومن النقطة المفروضة م ومن احد المستقين الشم يجث عن تقاطع هذا المستوى

مع المستقيم الآخر ب ويحصّ لنقاطعه مع المستوى (أ م) بامرار مستقين ط و ح من النقطة م ومن أخربين حيثما انفق - و ا من المستقيم ا فيكونان فى المستوى المذكوروية ابلان المستوى الرأسي القائم من ب فى نقطتين ط و ع من التقاطع مه المستقيم و المستوى المستقيم و المستقيم ب فى نقطة سه من المستقيم و المطاوب لان ها المستقيم لما كان له نقطتان سم و م فى المستوى المطاوب لان ها نعصورا فيسه فيقابل بالضرورة المستقيم ا فى نقطة صه

(111)

* (تنبيه) * كان يسهل ايجاد حلول أخر لبعض المسائل المنقدمة وتنويع المعالم بعضها وفرض مسائل اخرلكن فيماذ كرناه من طرق الحل كفاية وسيأتى بعضها هذه المسائل في اثناء الكتاب

* (في زوايا المستقيمات و المستومات) * (١١٥)*

* (المستلة الحادية والعشرون) * أذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة بين مستقيمين قال

الزاوية الحادثة من مستقين هي الكمية التي بين الفراج هذين المستقين في حالة المتداد هما في نتج

(اولا) اله يمكن حدوث راوية من مستقين بدون ان يتقاطعا

* (وثانيا) * ان المستقيمين المتوازيين تكون ينهما زاوية نساوى صفرا

(وثالثا) ان الزاية الحادثة من مستقين لامتقاطعين ولامتوازين تساوى الزاوية الحادثة من مستقين موازين لهذين المستقين المذكورين المتدين من نقطة واحدة وحد قلد فلا يحدث داعًا الاعن الزاوية الحادثة من مستقين متقاطعين

فان لم مكونا كذلك تختار نقطة حيث اتفق وعدمتها مستقمان آخران موازيان للمستقين المذكورين انظر (بند ٢٤) ثم ينعث عن الزاوية الحادثة من هددين الاخرين فيقال اذا كان هدذان المستقيمان ١ . . كافي (الشڪل ١٠٣) متقاطعين في نقطة م عينامستويا ك اثره الافق ق تم يطبق هذا المستوى ك على المستوى الافقى كافى (بدد ٧٦) مان يختار اختصار المستوى الجديد الرآسي مارا مالنقطة م فينطبق المستقال 1, _ على أ, رُ وتكون ام _ هى الزاوية المطلوبة وكان يمكن البحث عن الضلعين أرب سُ بان يطبق الستويان المسقطان افقيا للمستقين أ و ب على المستوى الافق تم يرسم المثلث ام ب المعلوم منه اضلاعه النِّلانة ويلزم من ذلك ان تكون النقطتان م م على مستقم عود على الاثر ق وكان يمكن ايضاجه ل المستوى ك افقيا اورأسيا بواسطة احدى الطرق الاربع المقررة في (بد ٧٦) ويسهل تركيب اشكال هـ نه العمليات عقتضي ماتقدم

وليتنبه الى ان المستقيم وم = وم وتر مثلث قائم الزاوية فيه وم و التنبه الى ان المستقيم وم = وم وحينئذ تكون الزاوية ام التى الى الناوية الم التى هى زاوية المستقيمين اصغر من الزاوية ام التى هى زاوية المسقطيما *(١١٦)*

* (المسئلة الثانية والعشرون) * أذا كأن المطلوب ايجاد القاسم للزاوية الحادثة من مستقيم الى قسمن متساويين يقال

عكن حل هذه المسئلة بالبعث اولا عن الزاوية الحادثة من هذين المستقيمين انظر (بنده ١١) م قسمة زاوية المستقيمين أو ب الى قسمين متساويين كافى (الشكل ١٠٣) وحينتذية ابل القياسم الاثر ق في نقطة هي بالضرورة الاثر الافقى للقاسم المطلوب وحيث ان هذا القياسم لابدوان يمر

بالنقطة م يتعين تعينا ناما وقد يمكن ايجاد هددا القاسم ايضا بدون البحث عن ايجاد الزاوية وذلك ان يعتبرانه لواخذ بعدان متساويان على المستقين 1 و كما في (الشكل ١٠٤) بالاسداء من النقطة م لحدث مثلث متساوى الساقين فيكون المستقيم الواصل من النقطة م الى وسط قاعدة المثلث هو القامم المطلوب

فلاحل - لى المسئلة بهذه الكيفية بدور المستقمان المعلومان الو ب كل واحد على حدثه حول محور رأسى مار بنقطة تقاطعهما م الى ان يصلا الى الوضعين أو باللذين يصمران فيهما موازين للمستوى الرأسي للمسقط انظر (بند ٦١) شميسم من المركز م

بنصف قطر حيثما اتفق قوس دانرة يقطع أو ب في هُ و دُ وبرجوع النقطة من هُ و دُ على المستقيمين المورد على المستقيمين المورد المنافرة المستقيم على المنافرة المن

للمسقطين هو هو فيكون المستقيم و الواصل بين النقطتين

م و ١ هوالقاسم المطلوب

ومن المهم ان يلتفت الى ان حركتي المستقيمين المعلومين أ و ب لاتعلق الاحديه ما بالاحرى والافلا يكون هذان المستقيمان مواز بين المستوى الرأسي واتما احتميم لحعله ما في هذا الوضع لامكان ان يؤخذ على احدهما طول م ه مساو الطول م د المأخوذ على الآخر

فاذا خرج النقطة ان أو سَمَا اواحداهما عن حدود الرسم اخدد مستو افتى مساعد يقطع المستقيمين أو ب في نقطة بن عو ك بشرطان يكون النقطتان عو ك في حدود الرسم فانهما في هذا الوضع بستعملان ايضا لا يجاد أو بُ مُ يحكمل باقى العملية

تنبسه هذه العمليات تؤدى الى عدة تحقيقات

(114)

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المطلوب اليجاد الزاوية بن الحادثة بن مستقم مع مستوي المسقط بقال

الزاوية الحادثة من مستقم مع مستوكافي (الشكل ١٠٠) هي الزاوية الحادثة من المستقيم المذكورمع مدقطه على المستوى فعلى هذاتكون الزاوية ان المطلوبان هماالزاويتان الحادثتان من المستقيم المفروض و مع مسقطيه و و فيلزم حينتذ جعل المستوين المسقطين للمستقيم و منطبقين على احد مستوى المسقط اوموازين له ولاحل ذلك عكن حمل هذين المستوين من اول وهلة مستوين جديدين للمسقط فتوجد الزاوية رار = الحادثة من المستقم و مع المستوى الافقى والزاوية إرا = _ الحادثة عنه مع المستوى الرأسي وعكن انضائدو برهذين المستوين حول اثريهما ســ أو ١١ الى ان شطبقا فتوجد ايضا الزاوية ان رأب = ا ، الله = فاذا لم يكن اثرا المستقم و في حدود الرسم اخذ نقطتان حيثما اتفق كنقطتي م و ح كافي (الشكل ١٠٦) فيوجد بتغيير المستويين الزاويتمان م هط = ا و لم ه = _ ويصم ايضاان ينزل من النقطتين م و عودان احدهما على المستوى الافقى والا تخر على المستوى الرأسي ويدوّر حولهما المستويان (و و) و (و و) الى الدصراموازين للمستوى الرأسي او للمستوى الافقى فتعدث الزاويتان م رَاط = ا و حرال = ي

4 *(7 2)*

(111)

اذاحدث من مستقيم مع مستويى المسقط زاويتان منساويتان حدث ايضامن مسقطيه مع خط الارض زاوينان منساوينان وكان اثراه على بعدوا حدمن خط الارض خ ص وسان ذلك اولا أن المثلث الدر با كافي (الشكل٥٠١) متساويان لان وتراحدهمامساو لوترالا خروفهمازاويةن حادثین متساویتی فینشد ا سے سا و سا در سے س ا ا = ا ا فيكون بالضرورة المثلثان ا ا و ر ر ا متساوين فينتم ان الراوية ارا = رار

واذافابل المستقيم خط الارص فالبرهان بعسه ولوكان مسقطاه في حميه واحدة من حص لانطبقاانظر (المشامن بند ١٧)

* (وثانيا) * أن يقال أن هـ فه الحالة الخصوصة واضعة لان أى نقطة من المستقيم و تكون على بعدوا حد من مستوبى المسقط فينتج من ذلك تساوى المثلثين المناظرين للمثلث المتقدمين فحينذ عكن دائما الرحوع الىهذه الحالة بأن يؤخذ مثلا مستوجديد رآسي موازياللمستوى القديم ومارا بالاثر الافق المستقم فيقابل هذا المستقم خط الارض وحينئذ يحدث عنسه مع مستولى المسقط زاويتان منساويتان فينئذ و و و يصنعان امع خطالاً رض خُصُ زاوية واحسدة وحيث كان وَ موارّيا وَ و خُصُ موازيا خص يحدث من و و و مع خط الارض خص راويه واحدة

*(تنسيه) * و و و يكونان متوازين اذا لم ينف المستقيم و فى الزاوية غ ع فاذا نفذ و فيها كاناغر متوازين بالنسبة خط الارض ع ص

(119)

* (المستلد الرابعة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة من مستقيم مع مستو يقال

(اولا) حيث كانت هذه الزاوية هي الحادثة عن المستقيم المعلوم مع مسقطه على المستوى المعلوم ينبغي حل المسئلة التي حلت بالنسبة للنقطة في (بند ١٥) بالنسبة للمستقيم المعلوم وبهذا يتوصل الى الحث عن الزاوية المحادثة من مستقيمن انظر (بند ١١) وليتنبه الى انهذه الطريقة ترجع الى جعل المستوى م افقيا اوراً سياويكون ذلك بالطرق الاربع المقررة في الى جعل المستوى م عفرض المستقيم و مرابط بالمستوى المند كور بحيث يمكن المحادمسقط يعلم مستوجديد منتخب للمسقط وفرضه ايضا تابعا للمستوى المذكور في حركات دورانه اذا حرك وراسما مع هذا المستوى دائما زاوية المذكور في حركات دورانه اذا حرك وراسما مع هذا المستوى دائما زاوية واحدة فينتذ يؤول الامرالي المحث عن الزاوية الحادثة من مستقيم مع احد مستويى المستوى النافية الحادثة من مستقيم مع احد مستويى المستوى النافية الحادثة من مستقيم مع احد مستويى المستوى النافية الما النافية الما النافية الما النافية المنافية عن النافية المنافية عن النافية الما المنافية المنافي

*(وثانيا) * انه يمكن حل هذه المسئلة ايضا بطريقة اخرى وذلك ان تؤخذ نقطة مّا م على المستقيم و ومنها ينزل عود ك على المستوى م كافي (بند ٨٢) فتكون زاوية المستقيمين و و ك هي تمام الزاوية الحادثة من المستقيم و مع المستوى م فيؤول الامر الى المحت عن الزاوية الحادثة من هذين المستقيمين كافي (بند ١١٥) وبعد أيجادها يؤخذ الحادثة من هذين المستقيمين كافي (بند ١١٥) وبعد أيجادها يؤخذ المحاوية الماه ويقال المحاوية المحاوي

(11.)

(المسئلة الخامسة والعشرون) اذا كان المطلوب ايجاد زاويتين حادثتين من مستو مع مستوبي المسقط يقال

الزاوية الحادثة من مستوين كافى (الشكل ١٠٨) مقاسة بالزاوية الواقعة بين عودين قائمين على خط تقاطع المستويين من نقطة واحدة منه

وكل منهما على مستو فبغنج انهاذا كان المستوى المعلوم عوداعلى المستوى الرأسي تحكون الزاوية الحادثة منهمع المستوى الافق مقيسة بزاوية الره الرأسي مع خطالارض وكذلك اذا كان المستوى المعلوم عوداعلى المستوى الافق مكون الزاوية الحادثة منهمع المستوى الرأسي مقيسة بالضرورة بزاوية الرء الافق مع خطالارض فحيننذ يكون حل المسئلة مبنيا على جعل المستوى المافق مع وداعلى المستوى الافق ثم الرأسي للمسقط اما بتغيير المستوى كافى المعلوم عوداعلى المستوى الافق ثم الرأسي للمسقط اما بتغيير المستوى كافى انعلم الزاوية إلى الحادثة من المستوى المائلة في والزاوية والحادثة منهما على العمليات الحادثة منهم على العمليات المحادثة منهم على العمليات المحولة تتبعم اعلى الشكل

(111)

اذاانزاندا من ا أو أ الرأسي لا على م و لا على ق فيفرض لا بحوع المستوى الرأسي للمسقط الى وضعه العمودى على مستوى المسقط الا في المسقط الا في يكون لا عودا على الحود ا في خودا على المواز به المار من النقطمة ر اوعلى ق فينشذ يكون لا عودا على المستوى م ويكون لا ايضاعودا على المحود ا فيكون عودا على مواز به المار من النقطة م أوعلى ر فيكون عودا على المستوى م فاذا ارجعنا المستويين م و م الى وضعهما الانتهائي م انطبق العمودان لا و لا وصارا مستقيا واحدا عودا على المستوى م فيكون لا ح لا و ومن المرز والمناز المنازة المرسوسة من المرز أو أ أ بنصف قطر يساوى لا أو لا أو أ بنصف قطر يساوى لا أو لا المناز المناز

(171)

اذاكان المستوى المعلوم يصنع ذوا يامتساويةمع مستويى المسقط يكون اثراه

متساوى الميل على خط الارض وران ذاك

(وثانیا) ان یقال من الواضع فی صور قمااذا کان المستوی مواز با طالارض کافی (الشکل ۱۱۰) ان اثراه لا بدوان یوجدا علی به دواحد من خ ف لا نه اذام قرفی المستوی م عود اع علی خ ف لصار هودا کذلا علی کل من الاثرین ق ک و رکم فیصون حینت د المثلث الحادث اوج متساوی الساقین ومنه ینتج او = وج اذا تقرر هذا ید قر المستوی م حول اج الحان یقطع خطالارض فی نقطة منسه ع فیکون المثلث اوع و ج وع متساویین لان فیماز او یتین متساویتین محصور تین بین اضلاع متساطرة متساویة فتکون الزاویة اع و = جع و و یحدث ایضامن المستوی م معمستویی المسقط زاویتان متساویتان

J & *(50)*

(114)

* (المستلة السادسة والعشرون) * اذا كان المطلوب امر ارمستو صانع زاوية معاومة ل مع المستوى الافق من مستقم معاوم يقال اذا كان المستقيم المعلوم و كافي (الشكل ١١١) يلزم ان يكون أثرا المنتوى م المطلوب مارين بالاثرين ا و م الافقى والرأسي للمستقيم و كل بنظيره اذا تقرر هذا عد من النقطة معور رأسي أ ويقرض ان المستوى م دارحول هذا المحور الى ان صارعودا على المستوى الرأسي افلا يزال اثره الرأسي مر مارابالنقطة - حق يصنع مع في الزاوية ا وبرحوع المستوى المذكور الى وضعه المشغول به فى الفراغ ترسم النقطة ع التي هي تقاطع اثرى المستوى م على المستوى الافقي دائرة ج لارال الاثر في عماسالها فينتذاذا مدّمن النقطة العماس للدائرة ج كان هذا المماس هو الابر ق المستوى ثم لا بدوان عر را النقطة -ويقابل خط الارض في عن النقطة التي فابله فيها الاثر ق أفذا كان الاثر ق الايقابل خط الارض خ ص في حدود الرسم امكن ا يجاد نقطة اخرى من ير بان تؤخذ اقطة ما على المستقيم و وعدمها افقىللمستوى م * (تنبيه) * لا يحكن حل هذه المسئلة معيرمستو وهذا مدت ماقر رناه في آخر (بدد ٦٩) ومع ذلك فلو كان المستقم المعلوم اثر أافقها المستوى المطلوب لاعكن استعمال احدى الطريقتين يدون اختيار احداهماعن

الاخرى لانه اولا لواخـ فعور أ الأما كان لرجعت النقطة ع في عُ ولزم رسم الأثر ر صانعامع ت ص الزاوية إ ومنه تعلم نقطة _ من الاثر را وثانيا لو اخذمسة ورأسي عوداعلى ق اصنع الاثر الرأسي يرُ مع خطالارض خُصُ الزاوية إِ ثَمِ بَعْيِبِرالمستوى الرأسي وجعل

خ ص خطاارضاینج ر

(17:)

ادافرص ان المستقم و لا يقابل مستويي المسقط في حدود الرسم كافي (الشكل ١١١) امكن ان يتصور في المستوى المطلوب م خطاعظم ميلا ط مارينقطة ما من المستقم و فادا دور حول محور رأسي ا مازبالنقطة م حق وازى المستوى الرأسي صنع مسقطه الرأسي ط مع خطالارض خ ص الزاوية ل ووجد اثره الافقى في أ وبر جوعه الى وضعه الاول يرسم هـ ذا الا برالدائرة ج وترسم نقطة اخرى ﴿ مَأْخُوذَةُ حيثما اتفق على طُ دائرة مَ كائنة في مستوافق س قاطع للمستقيم و في عُقطة - منها عرافق ب من المستوى المطلوب م عماس للدائرة أنج المذكورة لان هذاالا فق لابدوان عربالنقطة ﴿ التي هينها به نصف قطر الدائرة جُ وازيكون عوداعلى الخط الاعظم ميلاط انظر (بند٣٧) فحيشذ الله الله الره ج وموازيا ب وقديتمصل لنانقطنان سم وسم من الاثرالرأسي را بواسطة افقين ع و د المستوى م مارين بقطتين حيما انفق م و ر من المستقيم و ※(110)米

*(المسئلة السابعة والعشرون) * اذا كان المطلوب المجادمسة ومارمن نقطة معلومة وصانع مع المستوى الافقى زاوية ل ومع المستوى الرأسي زاوية ل مقال

يؤخد كافى (الشكل ١٠٨) محورما اعلى المستوى الرأسى ويدورالمستوى المستوى المستوى الرأسي ويدورالمستوى الرأسي فيصنع الراسي م حول هذا المحور حتى يصبر عمودا على المستوى الرأسي فيصنع الراسي م مع خط الارض الزاوية ل عميده فالانو من واذا فرض من نقطة ما من خ ض فبتحصل منه نقطة سه من الاثر را واذا فرض

معورآخر أ في المستوى الافتى ودورالمستوى م حول المحور المذكور ا حتى صار وأسما فلابدوان محدث من الاثر ق مع خ ص الزاوية ي ومع ذلك فلوانزل من النقطة ١ أو ١ عودان على الاثرين را ق اكمانا متساويين انظر (بند ١٢١) فينشذ يكون الاثر ق عماسا للدائره المرسومة من المركز أ بنصف القطر نُ ثم يقابل الاثر ق المحور ١ في النقطة ١ من الاثر الافق في فلوا رجع الاكن المستوى م الى وضعه الاصلى لسمت النقطة ع التي هي تقاطع الربه دائرة حول المركز أ وحينت ذيدمن النقطة الماساهذه الدائرة يكون هوالاثر المطلوب ق ومنه يتعصل را الذي لابدوان عر بالنقطة ب ولو ارجع ايضا المستوى م الى الوضع م لرسمت النقطة ك التي هي تقاطع اثريه قوس دائرة يجب ان يكون الاثر لم عماسانه وجذه الكيفية يتحصل معنامستو صنع مع مستوبي المقسط الافتي والرآسي الزاويتين إ و سے فلم بيق علىنافى حل هذه المسئلة التي نحن بصددها الاامر ارمستومو ازللمستوى م من النقطة المعلومة انظر (بند ٣٨)

(171)

* (المسئلة الشامنة والعشرون) * أذا كأن المطلوب ايجاد الاثرين الرأسيين لمسئلة الشامنة والعشرون) * أذا كأن المطلوب ايجاد الاثرين الرأسيين لمستوى لمستوي يفال الأفق يفال

لیکن ق و ق الاثرین الافقین المعلومین کافی (الشکل ۹۳) فاذا اخذمستو رأسی عود اعلی المستوی م لزم ان یصنع الاثر الرأسی را مع خط الارض خ ص الزاویة او واذا اخذایضامستو آخر رأسی عود اعلی المستوی ک حدث من الاثر الرأسی را مع خص الزاویة به فلم به ق علینا

الانسبة المستويين المعلومين م و ك الى مستو واحد رأسي فاطع للافق في في خ ص وحيث كان الاثران الافقيان ق و ق لا يتغيران بمكن ايجاد الاثرين الرأسيين و و ر بواسطة استعمال افقي مأخوذ على كل من المستويين المذكورين انظر (بند ٤٧)

* (المسئلة التاسعة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين المستوين يقال

عكن حل هذه المسئلة بطرق مختلفة نبين بعضم افتقول

* (اولا) * قد علت كيفية ايجاد الزاوية الحادثة من مستومع مستويى المسقط من (بند ١٢٠) فعلى هذا يكن ان يؤول الامر الى هذه المسئلة بجعل احد المستويين المعلومين مستويا جديد اللمسقط او شطبيقه على احد المستوين الاصلين وقعصيل ذلك يكون باستعمال احدى الطرق الاربع المعلومة في (بند ٢٧) ولم ابين هذا الحل هنا الاجل التمرن عليه مع كونه هدتة دم في هذا الكتاب عدة عليات مثل هذه

(وثانيا) اذاكان المستويان المعلومان عودين على احد مستويي المسقط فلا بدوان يحدث من اثريهما على المستوى المذكور زاوية مساوية للزاوية الحادثة من المستويين في هذه الصورة عودا على مستوي المسقط ويكفي لجعل الشكل في هذا الوضع المخصوص جعل تقاطع على مستويين عودا على احدمستويي المسقط ويلزم الذلات تغييرا مستويين كافي المستويين عودا على احدمستويي المسقط ويلزم الذلات تغيير مستوم حركة دوران (بند ١٣) اوتغيير مستوم حركة دوران اوحركة دوران عمرفة تقاطع المستويين وقد عرفت كيفية ايجاده فيما تقدم اذا تقررهذا بقال اذا اريد اولا استعمال تغييرى مستويين كافي (الشكل ١١٣) فليصن م و كن المستويين المعلومين باثارهما الافقيين والرأسنيين ق و كن المستوين

ى تقاطعهما المعلوم بمسقطيه ي و ي ولجعل هذا لتقاطع عود على المستوى الافق يؤخذاولا بدل المستوى الرأسي للمسقط الموازى للقفاطع ي المستوى المسقطافة بالهذا المستقم بحدث بكون خطالارض غن عن المسقط ى للنقاطع ولوجث عن سقط التقاطع ي على هذاالمستوى الجديدلكان المقط هوالنفاطع بعينه ودل ايضاعلي أربر تميؤ خذمستوافق عوداعلى المستقيم ي فيصر بالضرورة خص عوداعلى ي وبكون مسقط المستقيم ي على هذاالمستوى الحديد نقطة ى من خط الارض الحديد مشتركة بين الاثرين المدرين ق ويلزم ايجاد نقطة اخرى من كلمن هذين الاثرين فيستعمل لذلك رأسي م من المستوى م اثره الافتى م على المستوى القديم خُصَّ على بعد مم من خط الارض هذاو حين في على بعد مم من خط الارض هذاو حين في في الره على المستوى الجديد الافق غض على اعدواحد بالضرورة من هذا الخط الارنى ايضا في ون ذلك الاثر في النقطة م المنتسسة الى ق أنظم (بند ۲۸) ولواستعمل ایضا رأسی ط من المستوی ک اتعصل منه نقطمة طُ من الاثر قُ مُ ان الزاوية إلى الحادثة من الاثرين الافقيد بن ق مى الزاوية المطلوبة الحادثة من الستويين م و ك ١ (الله) * يكن الدال احد تغييري المستوين بحركة دوران فيبدل التغيير لناني كافي (الشكل ١١٤) ويلزم في هذه الحالة بعدا يجاد المستقيم ي لذى ينطبق على الاثرين ر ، ر تدوير جلة الشكل حول محور ١ عود على المستوى الرأسي الى ان يصير ى رأسيا فلو فرض رأسي م سالمستوى م ورأسى ط منالمستوى ك لمقيادا عافى مدة الدوران الى يعدوا حدمن المستوى الرأسي ويقي ايضامسقطاهما الرأسان على يعدوا حد من المستقيم ي انظر (ثالثًا من بند ٥٦) وليؤخذ في هذا الشكل

المحور ا مارا بالاثر م للرأسي م فتنتسب حينئه ذهذه النقطة داعًا الى الاثر الافتى للمستوى م وبانزال أصد عودا على ى تشـفل النقطة صد الوضع صد وتكون ايضا المسقط ي وبالوصل بين ي و م يتحصل الاثر ق ويصرايضا الرأسي ط في ط فيعن النقطة ط أو سم من الاثر ق الذي لا بدوان عرايضا بالنقطة ي أو ص فينتذ تكون الزاوية الحادثة من المستقين قر ق مساوية للزاوية المطلوبة الحادثة سن المستويين م و ك *(ورادما) * عكن عصك ما تقدم اى الدال التغييرالاول المستوى عوركة دوران ولسهولة تركب الشكل على مقتضى هذه الحالة لم يرسم هنا * (وخامسا) * عكن حل المسئلة بحركتي دوران كأفي (الشكل ١١٥) فواسطة حركة دوران اولى حول محورراسي المختار مارا بالاترازأسي م المتقاطع ي المستوين م و كن يجعل هددا التقاطع موازيا المستوى الرأسي فينتقل ى في ي على خ ص رابسما زاوية ا ا أ = ف فينتذ يجب انترسم جيع نقط المستويين م و ك زوامامساوية للزاوية ف المذكورة وان يتحد الاثران ر و د مع ي المعين النقطتين أ و موان بمر الاثران ت و ق بالنقطة أ ويمكن لاجل ايجاد نقطة اخرى انزال العدمودين أع و أكرُ على الاثرين ق م يعث عن الوضعين الجديدين للنقطتين ع و كُ فتوجد النقطة أن يأخذقوس كال مساولقوس من محيطه وو فى الزاوية في في تعصل الاثر ق واما النقطة ع فيث كانت في هذا الشكل قريبة حدامن النقطة ا يكون نصفا القطرين ١١ ، ٤ع

متساوين تقر سافيعسر حينئذ تعين الوضع الحديد للنقطة ع واكن بجعل ا مركزاواخذنصف قطر حيمًا اتفق اكبرون أع يرسم قوس دائرة ج يقطع ق أفى النقطة ع و ى فى النقطة ع فيتعين وضع النقطة ع بعد الدوران باخل ع ع ع ع ع ع ويلزم ان عر الاثر ق بالنقطة بن تمندورالا ت جلة الشكل حول محور م عود على المستوى الرأسي حتى يصرانقاطع ي رأسياوة ديختصر تركيب الشكل بمدهذ االمحور من النقطة فيصرالستقم كي فالوضع ي راسما زاوية ب يجب ان ترسها جيع اجزاء المستويين مُ و كُ ويتحد الاثران الرأسيان لا و ر مع ي ولا يجاد الاثرين الافقين ق ق يستعمل رأسي الكلمن المستويين وا الله م الرأسي المأخوذ في المستوى مَ و طُ الرأسي الماخوذ فى المستوى ك وبحمل ب مركزا واخذ تصف قطر حبتما اتفق ترسم دائرة جُ تقطع مُ في النقطة م ، طُ في طُ وبواسطة المسقطين الافقيين م و ط للنقطتين م و ط المفروضة الراافقياللمستقيم ط مُ اخذ م و م = ط ط = ج تج المسقطان الرأسيان لديدان يحدث م و ط النقطتين م و ط ويتعصل من ذلك ايضا و و ما وهما ايضا المدة طان م ط والمراسي مساح لذلك وحيث كان المستويان م " كُ الا ت رأسمين لز عِرا ايضا بالنقطة أ وحينت ذيم تعييم ما فيحدث من الاثرين ق

إزاوية الماتقاس الزاوية المطلوبة الحادثة من المستويين م *(سادسا)* ان الزاوية الحادثة من مستوين تقاس بالزاوية الواقعة بن عودين والمنعلى خط تقاطع المستويين من نقطة واحدة منه كالمنهما في مستوفيكونان في مستوس عودعلي ي كافي (الشكل ١١٦) وحیث کان هذا المستوی اختیاری عد الاثر ق عودا علی ی من نقطة مامنه فيقطع الاثرين ق في النقطتين سم و صم اللتن هما الرا المستقين اللذين زاو بهما عين زاوية المستوين م وك ولاجل تطبيق الطريقة المعتادة المتقدمة في (بند ١١٥) على هـ نده الحالة يوَّخذ ي خطاارضيا خص ويعث عن المستقيم ي على هذاالمستوى الرأسي ومن حيث ان ر لايد وان يكون عودا على ي يتعصل الما النقطة سر وهي رأس الزاوية المطلوبة أ فأذا طبقت على النقطة سر كانت الزاوية المطلوبة هي سهر صد وبدل ايجاد الرأس س شغيبرمستو يحكن ايجاده ابحركة دوران مان ندور الرأسي خرص حول اثره الرأسي سه لينطبق فتنتقل النقطة اللي أ والنقطة و الى و والتقاطع ى الى ى والعمود وسَم الى وسم مُبوَّخذ وَر فَ وَشَهِ مِ سَرّ = مِد فتوحدالنقطة سُه ومنه تنتج

* (تنسيه) * طريقت إهذه عن التي استعملها مؤلفوا كتب الهندسة الوصفية ولافرق بينه مافي شئ بلر بهاعلم عقا بلنه ماان الطريقة التي استعملناها توضعها وتسهل معرفنها

وقد يستحسن التنسبه على ان وسر = وسر ً = وسر طلع من الزاوية القائمة في مثلث قام الزاوية وسر أ أو وسر أ وره وا = وأ وينتج منسه ان الرأس سر لابدان تكون دائمابين و و ا فتكون

الراوية سرس صد > سدا صد

*(وسابعا) * يشاهد من الطريقة المتقدمة ان الزاوية المطاوبة معلومة بالمثلث سهر صه المعلوم منه الضلع سه صه ويكن المجت عن الضلعين الاخرين بقطبيق المستويين م و ك والمجاد التقاطع ى على هذين المطبيقين وانزال عودين على هذا التقاطع من النقطتين سه و صه فيتوصل الحرسم مثلث معلومة منه اضلاعه الثلاثة ويجب التفطن الى ان القوسين المرسومين من النقطتين سه و صه بجعل الضلعين الموجودين من المثلث نصفي قطر لابد وان يتقاطعا في نقطة من المسقط ى وسنتهز فرصة تهم هذه العملية في حل مسئلة اخرى

*(وثامنا)*اذانقاطعمستو بان بصنعان اربع زوابا انتسان ماد تان متساویتان واثنتان منفر جتان متساویتان والزاویه الحادة هی المسماة براویه المستوین مالم تعین الجهة التی تکون فیها هده الزاویه بخسو به فعلی هذا اذا انزل من نقطة اختیاریه عودان علی المستویین صنعا ایضا زاویتین حاد تین وزاویت منفر جتین کالاهامساو نجانسه من الزوابا الاربع الواقعة بین مستویین فیکن حینت ذایجاد زاویه المستویین بان نیزل عودان من نقطة وا حدة علی کلا المستویین المفروضین کافی (بند ۱۲) معین مال فلوائزل من نقطة ما خود داخل العمودین کافی (بند ۱۱) وعلی ای حال فلوائزل من نقطة ما خود داخل العمودین کافی (بند ۱۱) وعلی ای حال فلوائزل من نقطة ما خود داخل الویه زویه زویه در داخل الزاویة منا در داخل الزویدة الزاویة الزاوی الزاویة الزاویة الزاویة الزاویة الزاویة الزاویة الزاویه الزاویة الزاوی الزاویة الزاوی الزاو

ولا تحتاج هذه الطريقة الاخيرة الى معرفة تقاطع المستويين الذى لا تنكرفائدته في بعض الاحوال لانه ربما كان هذا التعيين مقتضيا لعمليات مشكلة جدا كاحصل ذلك في بعض الاحوال

(171)

* (المسئلة الثلاثون) * اذا كان المطلوب قسمة الزاوية الواقعة بين مستويين الى فسمين متساويين مستويين

(اولا) اذافرض وجود المستوى القاسم كاني (الشكل ١١٦)
كان مقطوعا بالمستوى س في مستقيم سُر مر عود على التقاطع ى في النقطة سُر وكاسم اللزاوية أو في النقطة سُر صحم الى قسمين متساوين فبنج من ذلك اله يلزم بعد المجاد الزاوية المنطبقة مر سُر صعم كافي (سادسا من بسد ٧٦١) قسمتها الى قسمين متساويين بيستقيم قاطع للاثر في في نقطة نر يجب ان عربها وبالنقطة المتساويين بمستقيم قاطع للاثر في في نقطة نر يجب ان عربها وبالنقطة الرأسي

* (وثانيا) * اذا انطبق المستويان م و ك على المستوى الافق كافي (الشكل ١١٧) ماستعمال الطريقة الثانية المعلومة في (بند ٧٦) التقل تقاطعهما ي في تي شمفي ي فاذا فرض في كل من المستوين م و ك مستقم على بعد واحدمن التقاطع ى صار المستقم ا الكائن في المستوى م في أ الموازى ي بعدانطباق هذا المستوى وصار ايضا المستقيم ب في ت الموازى مي بعدانطباق المستوى ك المشمل على ب وقطع المستقيمان أو ب على التوالى الاثرين ق. ق فى نقطتىن سى صد فىنتذبكون سه صد الاثر الافق المستوى (١ س) واذاقدم سرصم الى قسمين متساويين في نقطة نر لانتسبت هذه النقطة والنقطة ا الى الاثر الافقى ق للمستوى القاسم س المشتمل زيادة عن ذلا على خطمو از خط التقاطع ي ومار بالنقطة نر ولهذا الحل كاهو ظاهرشدة مناسبة للحل الذي ذكرفي (بند ١١٦) لاجل ايجاد قاسم زاوية المستقين الى قسيمن متساوين بدون العث عنها وذلك ان النقطة ه والنقطة د الكائنة معلى المستقيم على بعدوا حدمن نقطة تقاطعهما م فحل (بند ١١٦) مبدلتان هنا بالمستقيمن ١ . ب الكائنين إفى المستوين على بعدوا حدمن تقاطعهما ي وان النقطة و التي هي

منتصف المستقيم هد هناك مبدلة هنا بمستقيم كائن على المستوى (أب) وعلى بعدوا حدمن المستقيمين أوب

و على المستقيم الوارين ي بمستقيم مساوي الميل على ي مستقيم مساوي الميل على ي ومقاطين له في نقطة واحدة وحينة دفراوية هذين المستقيم والتقاطع ي يعينان المستوى القاسم وليست حالة الموازين الاداخلة في هذه المالة

(وثالثا) انالعمودين القائمين على المستويين م و ك كمافى (ثامناه ن بند ١٢٧) عكن ان يدامن نقطة واحدة من نقط تقاطعهما فاذا فرض وجود المستوى القاسم وا قامة عود عليه ايضامن النقطة المذكورة قسم هذا العمود زاوية عودى المستوين الاصلين الى قسمين متساويين فينتذاذا بحث على القاسم لزاوية هذين العمودين كافى (بنده ١٠١) عن هذا القاسم والتقاطع كى المستويين المعلومين المستوى القاسم المطلوب وليتنبه الى ان هذه المستويين المعلومين المستوى القاسم المطلوب وليتنبه الى ان هذه المستلة لا يكن حلمها الا بمعرفة تقاطع المستويين المعلومين

(119)

وانتمه هذه المسائل المتوالية بذكر مسئلتين ينتج حلمهما بدون واسطة من حل مسئلة المجاد زاوية المستويين المقررة في (سادسا من بند ١٠٢٧) فنقول

* (المسئلة الحادية والثلاثون) * اذاعلم أثران انقيان لمستوين م و ك صانعان زاوية معلومة إ وعلم ايضا المسقط الافق لتقاطعهما ى والمطلوب المحاد اثريه ما الرأسين يقال

المدالاتر في كافي (الشكل ١١٦) عوداعلى المسقط الافتى ي المدالاتر في كافي والشكل ١١٦) عوداعلى المسقط الافتى ي في في النقطة بر من في في النقطة بر من في في النقطة بر المناوية ال

(14.)

*(المسئلة الشائية والثلاثون) * اذا كان المطلوب امر ارمستوك من مستقيم ى كائن على مستومعلوم م يصنع مع المستوى م زاوية ا

عد ق عوداعلی ی کافی (الشکل ۱۱٦) و بعین التقاطع ی علی المستوی الرأسی خُصُ و بنزل عود و سه علی ی و بجعل و سر قر سر صد سر صد سر صانعامع سه سر الزاویة ال و ننسب النقطة صد الحالائر ق الذی بجب ان عرایضا بالنقطة المشر من النقطة کر الحالائر و الذی بجب النقطة المشاه المناه ال

﴿ (في اقصرالا بعساد) ﴾

(171)

* (المسئلة الثالثة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعد من نقطة الى اخرى يقال

هـذا البعد مقيس عسستقيم هاتين النقطتين وبهذا يتوصل الى ايجاد الطول الحقيق المزء مستقيم محصور بين نقطتين معينين وحينتذ فقد

٠ (٢٨)*

بكون اولا المسقط الرأسي مساو باللمستقيم الفراغي اذا كان هذا المستقيم سوازيا المستوى الرأسي انظر (اولامن بد٥٦) ولذلك يؤخذ مستوجديد رأسي موازباللمستقم واحترالمستوى المسقط لهافقي المافيه من السهولة والاختصار فينشدلا وصحون خط الارض خُصُ كَافي (الشكل ١٠٦) سوى المسقط الافق و للمستقم و فاذا انزل على هـ ذا الخط عودان مم = وم , و د = ع د ووصل بين م , د محدث لنا المستقيم و المطلوب واذا مدمن النقطة ١ خط ١ ط موازيا المسقط الافقى و حدث مثلث قائم الزاوية م وط ضلعه وط يساوى المسقط الافق م ١٥ و م ط يساوى فاضل ارتفاع النقطتين م و ١٥ عن المستوى الافقى اوبساوى وم _ ع ر انظر (اولا من بند ٥) ووتر المثلث المذكور هومقدارطول المستقيم المطاوب ومنهنا ينتج رسم المستقيم المطلوب سهولة *(وثانا)* قديكون المستقم و معلوما بمسقطه الافقي اذا كان موازيا للمستوى الاذقي فكن حينئه نتغيير المستوى الافقي لجعله موازيا و وليحتر لاجلالسبولة المستوى المسقط رأسيالهذا المستقم فيكون خط الارض خص معدامع و ویلزم ان یؤخذ علی عودین علی هذا الخط امم = وم و ١٥ = عن وباخذخط مل مواز و عدث مثلث قام الزاوية م ول وتره ايضا مقدار طول المستقيم و واحد ضلعي زاويته القائمة مل مساوللمسقط الرأسي م و والا خر ول مساو افاضل بعدى النقطتين م و عن المستوى الرأسي يعني مساو ع و م انظر (ثانیا من بند ٥) *(وثالثا)* يمكن بدل جعل المستقيم و موازياللمستوى الرأسي تنفيير

المستوى الرأسى تدوير المستقيم حول محور رأسى الى ان يصل الى هذا الوضع كما في (بلد ٦١) وليختر السهولة المحور مارا باحدى النقطتين المعلومتين م فيصير المستقيم حينئذ في الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيق المسقط و ويعلم مقدار طوله الحقيق المستقيم حينئذ في المستقيم و المستقيم حينئذ في المستقيم حي

* (ورابعا) * يكن جعل المستقيم و موازيا للمستوى الافقي بندويره حول محور أعود على المستوى الرأسي وليخترما را بالنقطة و وحينت ذيصير المستقيم و المذكور في الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيق بمسقطه الافق و المذكور في الوضع و ويعلم مقدار طوله الحقيق بمسقطه اللافق و و المذكور في الوضع و المدار طوله الحقيق بمسقطه اللافق و و المدار طوله الحقيق المستقيم و المدار طوله الحقيق و ويعلم مقدار طوله الحقيق المستقيم و المدار طوله المدار

(171)

* (المسئلة الرابعة والثلاثون) * أذا كأن المطلوب ايجاد البعد بين اثرى مستقيم بقال

هذه المسئلة لا فرق بنها وبين المتقدمة ويكنى فى حلمها اخذ النقطة بن الله و من المنقطة بن المنقطة بن المنقطة بن المنقطة بن المنطقة المنقدمة وحين المنقدمة وحين المنقدمة وحين المنتفد المنتقدمة وحين المنتقدمة وحين المنتقد المنتقدمة وحين المنتقد المنتقدمة وحين المنتقد المنتقدمة وحين المنتقد و المنتقدمة وحين المنتقدمة و المنتقدمة والمنتقدمة والمنتقدمة و المنتقدمة و الم

* (اولا)* اذا اخذ المسقط و كافى (الشكل ١٠٥) خطا ارضيا جديدايوجد المستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي وتنتسب النقطة ا حينئذالي هذا المستقيم

* (وثانيا) * اذا ابدل المستوى الافقى واخذ و خطا ارضيا جديد الوجد المستقيم و

* (وثالثا) * ادادور المستقيم و حول المحود ا يصرف الوضع و

(ورابعا) ادادقر المستقيم المذكور حول المحور أ يصيرفى الوضع و" فبنتج بالضرورة

ا = ا = ا = ا

وكلمن هذه الخطوط الاربعيدل على طول المستقيم و

(177)

* (المسئلة الخامسة والثلاثون) * اذا كان المطلوب مدمستقيم معلوم الطول من نقطة م كائنة على مستومعلوم م الى الاثر الافقى لهذا المستوى يقال

اذاعلم المسقط الافق م للنقطة الفروضة كافي (السكل ١١٨) يستنج منه مسقطم الرأسي م انظر (بد ٢٩) بان عدمن هذه النقطة افتي ط من المستوى م شميفرض اولا المستقيم و فى وضعه الاصلى ويدور حول محوررأسي أحتى بوازى المستوى الرآسي فينسقط على هذا المستوى في طوله الحقيق ل انظر (اولا من بند ٥٦) ويبقى مسقطه الافقى فى رجوعه دائما على طول واحد يجب ان منهى بالاثر ق فتكون النقطة التي بقابل فيها ذلك الاثر ق الدائرة ج نقطة من المستقم فستعن وضعه حينند تعينا تاما ويوجد حل آخر في ب ولومست الدائرة ج الاثر ق لم يكن للمسئلة الاحل واحد ولو كان المستقيم ١١ اقصر من العمودالنازلمن أعلى ق لم يكن للمسئلة حل اصلا * (وثانيا) * قديمة كافي (الشكل ١١٩) انالمستقيم ل المارمن النقطة م لايقابل خط الارض خ ص الاخارج حدود الرسم ولننمه فهذه الحالة على انه يكن تقسيم المستقيم و الى اجزاء منساوية وان يتصور امرارمستويات افقية من نقط المستقيم قاسمة جر المحور أ المحضور بين النقطة م

والمستوى الافقى للمسقط الى اجزاء متساوية عدتها كعدة اجزاء المستقم و وقاطعة للمستوى م في افقيات منساوية البعد عن بعضها ثم يقسسمار تفاع النقطة م الى قسمين متساويين ويرسم مستوافق س يقطع المستوى م في افق ر وتجرى بالنسبة لمذا الافقى العملية التي ابريت بالنسبة خط الارض بان يؤخذ لل بالاشداء من النقطة م الى المسقط الرأسي ر اللافق فيتعصل المستقيمان و ب س الكافيان في حل المسئلة * (وثااثا) * يمكن حل المسئلة المذكورة شطييق المستوى م على المستوى الافقى كافى (الشكل ١٢٠) او بجعل هذاالمستوى احد مستوبى المسقط وذلك باستعمال احدى الطرق الاربع المعلومة في (بند١٧) ولنحرى هنا الطريقة الثانية ورسم اشكال الثلاث الباقية سهل فنقول ان النقطية م تصير منطبقة في مُ وجعل هذه النقطة مركزا واخذ نصف قطر مساو للطول ل يرسم قوس دائرة يقطع ق في في نقطت بن م يتعصل المسقطان الافقيان المسقطان الافقيان ن و للمستقيم ب و و الكافئين في حل المسئلة ويستنج منهما و ب المسقطان الرأسيان لهذين المستقين انظر (بند ٢٨) *(145)*

وبمثل ذلك تحل مسئلة مد مستقيم معلوم الطول من نقطة م الى مستقيم معلوم الوضع فيكنى امرار مستو من المستقيم المعلوم والنقطة م وتطبيق هذا المستوى وايجاد النقطة م والمستقيم المعلوم عليه ثم رسم المستقيم المطلوب على هذا المستوى المنطبق ثم يرجع بعد ذلك الى و سقطى هذا المستقيم المطلوب على هذا المستوى المنطبق ثم يرجع بعد ذلك الى و سقطى هذا المستقيم

وبَمْلُ ذَلَكُ تَعُلَّى مَدَّ مَدَّ مَدَّ مَنْ مَنْ فَطَهُ مَعْلُومَةً مَ يِصَنَّعُ زَاوِيةً مَعْلُومَةً مَعْ الأَثْرِ الأَفْقِ الومع دستقيم ما المستوى م الاثرالافق الومع دستقيم ما من المستوى م (١٣٥)*

*(المسئلة السادسة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعدبين نقطة ومستقيم بقال

ان هذا البعد كاية عن العمود النازل من النقطة المذكورة على المستقيم ثم يقال الراولا) * يكن حل هذه المسئلة با مرار مستوم من المستقيم المعلوم و ومن النقطة العلومة م وتطبيقه على المستوى الافق انظر (بند ٧٦) ثم الزال عمود ن من النقطة م على و فيكون هو البعد المطلوب فاذا اربد معرفة مسقطيه ارجعت النقطة سَم التي هي تقاطع العمود ن مع أديد معرفة مسقطيه ارجعت النقطة سَم التي هي تقاطع العمود ن مع و في المستقيم و مجركة دوران عكس حركة دوران و الانطباق

(وثانيا) عكن بدل تطبيق المستوى (وم) كافى (الشكل ١٢١) على المستوى الافتى تدويره حول احدادقياته حتى يصدافقياتم عرالافتى من النقطة م وحينت عراً بالنقطة م وبوازى خ ص فيقابل و فى نقطة _ ويستنتج من ذلك _ م أ ولا جل تدويرالمدوى (وم) حول ا معتبرامحورالمزم اولا ان يؤخذ مستوراً مي خُصَ عودا على هذاالحوركافي (بند؟٧) فيوجدعلي هذا المستوى المسقطان م و و ومن الواضم ان النقطتين م و - يتعدان مع النقطة أ التي هي السقط الرأسي للمعوروان المستقيم اليصيرالاثرالافتي ق ثم يدورالمستقيم و حتى يصرافقها ولا يتغير موضع النقطة مدة الدوران فينتد ذيجهان مكون مسقطه الرأسي موازما عُرض ومارا بالنقطة - ولا يحاد المسقط الافق يؤخذ على المستقم و نقطة ما ح ترسم مدة الدوران دائرة رج وتصرفي الوضع و وبايصال و الى م يتعصل و فاذا انزل الان من النقطة م عودعلى و دل على المقدار الحقيق للبعد الاقصر من النقطة م

الى المستقم و فاذااريدمعرفة مسقطى هـ ذاالبعد الاقصر بقال ان العمود المذكوريقابل و في نقطة سم ومنها ينتم سم بواسطة مواز لخط الارض خض غ يحصل سر وبايصال مسقطى النقطة سم بمسقطى النقطة م يتعصل مسم مسم وهمامسقط المعد الاقصر الذي مقداره الحقيق وليتنبه الى انه اذا اخذ على المستوى الرأسي خُصُ المسقطان الرأسيان سَم و سم للنقطتين سم وجب لتعقيق الشكل ان يكون م سُہ = م سہ و عاسہ = عاسہ * (وثالثا) * عكن حل هذه المسئلة ايضا شغيرى مستوين اوحركتي دوران ولذلك يتنبه الى انه اذا كان المستقم و عودا على المستوى الافق كافي (الشكل ١٢٢) كان العمود ن افقياومساويا بالضرورة لمسقطه الافقى الوضع الخاص به ويتوصل اليه اولا باخد مستوراسي موازيا و اومارايه مُ اخذ مستوافق عود اعلى و فيكون ن البعد المطاوب وللرجوع الى مسقطى المستقيم ن على المستوين الاصلين تنبه الى ان أن الابدوان يكون موازيا خُصْ فيقابل المستقيم و في نقطة سم مسقطها الافقى سے ومنه بنتے سے فیتحصل من ذلك ن ويسهل رسم شكل حلهذه المسئلة بحركتي دوران اوحركة دوران وتغيير مستو *(ورابعا) * عكن بعد تغيير المستوى الرأسي للمسقط لحعل المستقم و موازيالهذاالمستوى الجديدان يلتفت الى ان العمود ل والمستقم و حيث كاناعودين على بعضهما فى الفراغ وكان احدهما و موازيا للمستوى الرأسي

خُصُ يلزمان بكون مسقطاه ما الرأسيان ن و عودين كذلك على

بعضهما فيد حين تذمن النقطة م عود ن على و فيقابل المستقيم و في في قطة سم مسقطها الانقى سم على و ودسقطها الرأسي سم على و ودسقطها الرأسي سم على و ووسقطها الرأسي سم على و ووسل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و روومل بين سم و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و م وبين سم و م في تعصل المسقطان و م في تعلين و م في تعصل المسقطان و م في تعصل المسقطان

(وخامسا) حيثكان العمود النازل من النقطة م على المستقيم و كافى (الشكل١٢٣) كائنا في مستوم عود على و ومار بالنقطة م عكن رسم هذا المستوى كافى (بند ١٢١) وبالبحث عن النقاطع سم للمستقيم و مع المستوى م كافى (بند ١١١) والوصل بين سم و م يتحصل المستقيم المطلوب الذي يوجد مقداره الحقيق فى أن انظر (ثالثا من بند ١٣١)

وَيَكُن امر اللستوى المساعد من النقطة م فيكون تقاطعه ن مع المستوى م عين المستقيم المطلوب الذى جزوه سهم هو البعد الكائن بين النقطة م والمستقيم و في ون الطول الحقيق لهذا المبعد ن فاذا لم يكن اثرا المستوى س داخل حدود الرسم يعتبر هذا المستوى معلوما بالمستقين و و ف فيجث عن تقاطعه مع المستوى م انظر (بند ١١١)

(117)

* (المسئلة السابعة والثلاثون) * أذا كان المطلوب ايجادا قصر بعد من نقطة الى مستويقال

ا * (اولا) * انهذاالبعديقاس بالعمود ن النازل من النقطة المعلومة م على المستوى المعلوم م فبنا على ذلك يصون المسقطان ن ن على المستوى المعلوم م فبنا على ذلك يصون المسقطان ن و عودين بالتوالى على في و را كافي (بند ١١) وحينئه ذيكونان

معدلومين وبالبحث عن التقاطع سم للعمود ن والمستوى م كافى (بند ۱۱۰) بدل مسم الذى هو جزؤهذا المستقيم على البعد المطلوب ويرسم شكل ماذكر بالسهولة

* (وثانيا) * اذاكان المستوى م عوداعلى المستوى الرأسي بكون المسقط الرأسي منه للنقطة من على را انظر (ثانيا منبد ٥٦) ويكون ايضا العمود ن موازيا للمستوى الرأسي ومساويا بالضرورة لمسقطه الرأسي ن ولذلك يتوصل الى هذه الحالة المخصوصة بنغير مستوراً سي كاهو واضع من الشكل ١٢٤

*(وثالثا) * عصف ايضان يستعمل لذلك حركة دوران كايدل عليه الشكل ١٢٥ الذى أمر فيه اختصارا المحود ا بالنقطة المعلومة م م بالرجوع الى المسقطين الاقلين يوجد سم كل على انفراده فيلزم حين أن يكون ها تان النقطة ان على عود واحد على خط الارض خ ض انظر (بند ٨) وهذا برهان على صحة الاعمال

(141)

*(المسئلة الثامنة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعدبين مستقى السافى مستووا حديقال

اذا كان احدالمستقين اكافي (الشكل ١٢٦) عوداعلى المستوى الافقى يكون البعد الاقصر ن افقيا ومساويا بالضرورة ن ويكون زيادة على ف دلك ن في هذه الحالة المخصوصة عوداعلى ب حيث كان ن عوداعلى المستوى الرأسي الذي اثره الافقى ب ويُعصل هذا البعد الاقصر بالسهولة ويمكن ان يتوصل الى هذه الحالة المخصوصة باربع عمليات هي

(اولا) تغييرانلستو

(وثانيا) تغييرستوغ-ركة دوران

۴۳۰)*

* (وثالثا) * حركة دوران ثم تغيير مستو *(ورابعا)* حركتادورانوانذكرهذه الطرق على الترسب فنقول *(اولا)* ليكن أ و لي كافي (الشكل ١٢٧) المستقيمن المطلوب المحاداقصر بعد بشهما فنختار لترجيع المستقم اليصرفي وضعه المتقدم مستو آخرافق عموداعلى أ الااله لا يكون عموداعلى المستوى الرأسي ولذا يؤخذ اولا مستوجديد رأسي للمسقط موازيا لهذا المستقيم أ وليختر لاجل السهولة المستوى المسقط له وحينئذ بتعد خُصْ مع ا وينتج منه المسقطان الرأسيان 1 و ب انظر (بند ٤٦) ثم يؤخذ مستوجديد افتى للمسقط عوداعلى أ ياخذ خُصٌ عوداعلى أ فيوجد أ و ب ثم ينزل من أ العمود ن على ف فيكون اقصر البعد المطاوب وينتهى على أو ب بالنقطة من صه و سم اللة ين تكون مساقطه ما بالتوالى فی صهر سه وفی صهر سه وفی صهر سه شمفی سه و ومن ذلك يتعصل ن . ن * (وثانيا) * عكن بعد تغيير المستوى الرأسي للمسقط كأذكر تدوير جله الشكل حول محور عود على هذا المستوى الرأسي حتى يصر المستقم اعوداعلى المستوى الافقى ولاجل ذلك بليق مدمحور الدوران من نقطة من المستقيم وحيث صارهذا المستقم بعدرسم الزاوية إفى وضعه الحديد أيلزم تدوير المستقيم ب يقدرنفس الزاوية إ انظر (بدره) ليصيرفي الوضع ب فيكون العمود لل النازل من أعلى ب المعد الاقصر المطلوب و مكون ل موازيا خُصُ وتعصل منه نقطتان سُه و صُه يتقاطع فهمااله عد الاقصر بالمستقين ب أ فيترجيع هاتين المقطتين على ب إ فى النقطتين مد و صد يتعصل المسقطان ن و أن للبعد الاقصر

(والنا) اذاذور المستقان ا و ب حول محور رأسي قاطع ا حق صار احده ما ا في الوضع ا موازيا للمستوى الرأسي رسم زاوية ا وبندويرالمستقيم ب بقدر هذه الزاو به ايصير في الوضع ب كما في (بند ٥٩) ثم بانتخاب مستوجديد افتي للمسقط عود اعلى ا كانم ان يكون خص عود اليضاعلى ا والمسقط الافتى لمهذا المستقيم في نقطة واحدة ا ويتعصل ايضا ب انظر (بند ٤٦) المستقيم في نقطة واحدة ا ويتعصل ايضا ب انظر (بند ٤٦) في ون البعد الاقصر المطلوب حيند هوالعمود ك النازل من ا ويتعمل على ب وبعد ذلك برجع كانقدم الى ايجاد المسقطين ن و ك المستقيم على ب وبعد ذلك برجع كانقدم الى ايجاد المسقطين ن و ك المستقيم الملاكور

(ورابعا) عصن لاجل حل المسئلة بجركتي دوران ان يدور اولا المستقيان ا و ب معاحول محور رأسي كافي الحالة المتقدمة ثم يُدوركل من المستقيمين ا و ب حول محور عود على المستوى الرأسي كما تقدم في الحالة الرادمة

ومن البين آنه يمكن ايضا تصيير المستقيم المحود الحلى المستوى الرأمي بجعله اتولا موازيا المستوى الافتى ويسمل رسم اشكال جميع هذه الاحوال * (وخامسا) * يمكن ايضا حل المسئلة بدون احتماح الى ماسوى المستقيم المفروضين فى وضعهما المفروض مع ايقا مستويى المسقط الاصليين وذلك انه يلزم اولا الالتفات الى ما تقرر فى المندسة الاصلية من أنه يهيكن دائما مدعود على مستقيمن ا و ب كافى (الشكل ١٢٨) ليسا فى مستو واحد وانه لا يهيكن الا مدعود واحد وان هذا العمود فى مستو واحد وانه لا يهيكن المنقطة من ب فقد شوهد ان العملية مبنية على مد مستقيم ا من نقطة م من ب مواز ا وامرار مستومن ا و ب مواز ا وانزال عود ط من نقطة ما وامرار مستومن ا و ب مواز ا وانزال عود ط من نقطة ما من من المستقيم المن المستومن ا و ب مواز ا وانزال عود ط من نقطة ما المستقيم المن المستومن ا و ب مواز ا وانزال عود ط من نقطة ما المستقيم المن المستومن ا و ب مواز ا وانزال عود ط من نقطة ما المستقيم المن المستومن المستومن المستومن المستوى (سا) وامرار مستواخ ومن المستقيم المن المستومن الم

ا و ط والبحث عن التقاطع ى للمستويين (ب أ) و (اط) وان يمد من النقطة سم التي هي تقاطع ى و ب مستقيم ل يوازى المستقيم ط ويقابل ا في نقطة صم وهذا المستقيم ل هو قياس البعد الاقصر المطلوب وكل تلك العمليات بلزم اجراؤها بواسطة المساقط

وليكن ١ , _ المستقيمن المعلومين كماني (الشكل ١٢٩) فتؤخذ نقطة ما م على المستقيم ب ومنها بمد مستقيم أ مواز أ فيكون اً موازیا ا . ا موازیا ا و عرمستوم من ا و ب فیر ق من الاثرين الافقيين أ و لهذين المستقيمن وعور و الماثريهما الرأسين أ و ي مُتوخذ نقطة ما و من أ وينزل من هذه النقطة عود ط على المستوى م فيكون ط عوداعلى ق و ط عودا على ر ومامراد منستوك بالمستقين ط و ١ يمر في باثريهما الافقين طرا و بالاثر الرأسي إ وبالنقطة التي يقابل فيها ق خط الارض خض ومنحيثان اثرى التقاطع مي للمستويين المذكورين م و ك في ع و ك يتعين ذلك التقاطع ومن حيث انه مواز ۱ یلزمان یکون ی موازیا ۱ و ی موازیا ۱ اذا کانت الاعال صحيصة تم مقطع هذا النقاطع ي المستقيم ب في نقطة سر منها عد المستقيم ن موازيا ط الحان يتلاقى مع أ فى النقطة صد فيكون هو البعد الاقصر المطلوب ويتعصل لنامة داره الحقيق شدويره حول محوررأسي مار بالنقطة صد حتى يصرف الوضع أن مواذيا للمستوى الرأسي بعيث يكون مقداره الحقيق معلوما بالمسقط ك

وليست العملية العمومية المتقدمة ممكنة دائم الابه قديتفق أن لايكون لاثرى

المستوى م نقطة داخل حدودارسم ولكن من خيث اله لا يحتاج الى الاثرين الالامكان مدالعمود ط على المستوى م يكن ابدال ق ابانق ما يخصل بقطع المستقيمين ا و ب بمستوافق وكذلك ابدال ر برأسى للمستوى يخصل ايضا بقطع هذين المستقيمين بمستو مواز للمستوى الرأسى ويكن ايضا اعتبار المستوى ك معينا تعينا كافيا بمستقيمين ا و ط الاانه قد ينفق خروج العمود المشترك عن حدود الرسم وحينئذ لا يكن ايجاده الابالرجوع الى الحالة الخصوصية المعتبرة اول الامروجكن باحدى الطرق الاربع الاولية زيادة على ذلك ايجاد البعد الاقصر بين مستقيمين ما داخلا في حدود الرسم وذلك انه يكن المحتبرة الله المستقيمين ما داخلافي حدود الرسم وذلك انه يكن الحتبار مستويى المسقط الجديدين او محورى الدوران بحيث الرسم وذلك انه يكن اختبار مستويى المسقط الجديدين او محورى الدوران بحيث تكون مساقط المستقيمين ا و ب واقعة في طرف فرخ الرسم وهذه الطرق كنارة ايضا في اعتبار وسمى لانه لا يوجد في تغيير المستويات الانقل الابعاد المأخوذة بانفت احار البرجل وفي حركات الدوران الاكون الخطوط التي يجب رسمها تقاطم على زوايا قائمة

(147)

*(المسئلة التناسعة والثلاثون) * اذاعلم المستقيم ا والمسقط الافق ب لمستقيم آخر ب والمسقط ن لاقصر بعد ن بين ا و ب وكان المطلوب المجاد المستقيم ن يقال والمقدار الحقيق للمستقيم ن يقال حيث كان البعد الاقصر المذكور عوداعلى المستقيم ا الذي يتما بله في نقطة معلومة سم يُعين المسقط أن بالطريقة المذكورة في (بند ٨٦) وحيث ان المستقيم المذكور ايضا لابدوان وحيث ان المستقيم المذكورة وحيث ان المستقيم المذكورة وحيث النالمستقيم المذكورة وحيث المنالم في نقطة معلومة صم يوجد المسقط ب بالطريقة المذكورة وحيث كان الطرفان سم وصم للبعد الاقصر ن بين المستقيم ا و ب

معلومين يستنج منهما المقدار الحقيق لهذا البعدانظر (بد ١٣١)

* (المسئلة الاربعون) * اذا علم مستقيم ا والمسقط الافق ب لمستقيم آخر ب والمقدار الحقيق للبعد الاقصر ن بين المستقيمين ا و ب والنقطة سم التي يقابل فيها ن المستقيم المعلوم ا والمطلوب ايجاد المسقط الرأسي ب للمستقيم ب ومسقطى البعد الاقصر ن مقال

من حيث ان المستقيم ن الايدان ١٥٥ ون عود اعلى المستقيم اكافي (الشكل ١٣٠) بلزم ان يكون في مستوم ماريالنقطة سم وعود على المستقيم أ المذكورانظر (بند ٨٥) فاذاطَيَّقهذا المستوى م على المستوى الافقى صارت النقطة سم فى الوضع سُم والمستقم ن احد انصاف اقطار محيط الدائرة تج المرسومة بجعل النقطة سُه مركزا والمقدار المعلوم للمستقيم ن نصف قطرواذا فرض المستقيم ن تابعاللمستوى م في حركة الدوران علم وضعه ولزم ان بوجداثره الانقى على جُ ويعلم منه وضع المستقم نَ فتحصل حينئذ النقطة صر ويستخرج منها النقطة صر ولكن حيث كانت هذه النقطة صد موجودة بالضرورة على المستقيم ب وعلى محمط الدائرة المنطبق في ج معايجت عن المحاد المسقط ج للمحمط و و م المسقطان الافقان المنتقطان الافقان معرج منهما المسقطان الرأسيان ن و ط ومنه يعلم صد ن فلم بيق الاتعيين ب بحيث بصون المستقم ل المار بالنقطة سم عودا على لا اوتعين و بحيث يكون المستقيم و الماريالنقطة س

عوداعلى ط انظر (بد ٢٦) ويكون المستقيان ب و كافيين في الشرط الذي هود لالة نفس المستقيم ب على مسقطهما الافقيين وكونهما على بعدمعلوم من المستقيم ا

(12.)

لاءكن رسم المنحنى ج هذا الانقطة فنقطة ويتضع في اسبأني ان هذا المنحنى قطع ناقص فلاءكن حينئذان بقطع ب الافي نقطتين فاذا كانت النقطة سم غير معلومة امكن اخذها على المستقيم أفياى وضع كان و مكر ارالعملية المتقدمة لكل من الاوضاع تقصل جلة مستويات كالمستوى م متوازية و يحدث حينئذ من الدوائر كالدائرة ج المتساوية سطح اسطواني مستدير محوره المستقيم أ وجيع نقط ب المحصورة في المسقط الافق لهذا السطع الاسطواني يكن ان تدل على النقطة صم وسنذكر حلهذه المسئلة في محل آخر من هذا الحكتاب بعدد كرما تتوقف عليه من معارف لا بدمنها

البارابع) المرابع الرابع المرابع الم

*(مسئلة عامة) * اذا كان المعلوم زاوية ثلاثية والمطلوب ايجاد الزوايا السطعية والزواما الزوحمة المتركمة هي منها بعملية على مستوية ال يؤخذا حد وحود الزاوية الثلاثية المتددستوباافقياللمسقط م تقطع هذه الزاوية بمستومًا رأسي بحيث يحدون م و ك مستوبي الوجهن الاخرين ; ى تقاطعهما كافى (الشكل ١٣١) فتكون احدى الزواباالسطعية معلومة في ١ وتحصل الاخربان بانطباق الوجهين م و ك على المستوى الافقى كافى (بند ٧٦) ويختار المستويان الرأسيان الجديدان مارين بالاثر - للتقاطع ي جيث يكون خط الارض خ ص و خُصٌ مادين بالمسقط عن و منتقل التقاطع ي في ي و ي على المستوين المنطبقين ولا يخفي أن أر = أر حيث انهما يدلان على الجزء الم من التقاطع ي فاذارسم المستقمان ع مَ . كُنْ سُ الاثرين الرأسيين ع - و كن - المعاوم مقدارهما الحقيق ویلزم من ذلک ان یکون ع کے = عربی کؤٹے = کؤ کے فینئذ تحصل معنا الثلاث زوايا السطعية ١ = ع اك و ب = ع ا -ج = گذار وحیث کان المستوی م عوداعلی المستوی الرأسی خُصُ و ك على المستوى الرأسي خُصُ تكون زاوينا هذين المستوين الحادثتان منهمامع المستوى الافقى اوالزاويتان الزوجسان ع و معلومتين مالتوالى فى رع ر برائد فلم يبق حينتذ الا البحث عن الزاوية إ الواقعة بين الوجهين ب ج لكن هذه الزاوية مقدسة براوية العمودين الممتدين من نقطة واحدة من التقاطع ي احدهما في المستوى م والاخرفى ك فأذا وجد هذان العمودان على المستوين المنطبقين

ف اله انطباقه ما صارا عود بن كذلك على ى و ى ف ف قطت بن على بعد واحد من افيقابلان الاثرين ق و ق فى النقطت بن سه و صه فاذا وصل بين ها تين النقطت بن كان من الواضع ان المستقم سه صه بدل على الاثر الافق للمستوى العمود على ى ويلزم حينتذ ان يكون عود اعلى ى وبانطباق المستوى الذكور بتدويره حول اثره سه صه لا تتخرج رأس الزاوية المطلوبة عن المستوى الرأسي الذي يكون ى و اثره و ينطبق ضلعاها على مقد ارهما الحقيق فينت دلوجعل كل من النقطتين سه و صه مركزا واخذ سه م و صهم نصفي قطر ورسم قوسا دائرة لزم ان يتقاطعا في نقطة شه من ى اذا وصل بنها وبين النقطتين سه و صه صاد سه ش مس الزاوية المطلوبة السه و صه صاد سه ش مس الزاوية المطلوبة السه و صه صاد سه ش مس الزاوية المطلوبة المسهود الزاوية المطلوبة السه و صه صاد سه ش مس الزاوية المطلوبة المسهود المسهود المسهود الزاوية المسهود المسهود الزاوية المطلوبة المسهود المسهود الزاوية المطلوبة المسهود المس

اذاعرفت هذه المسئلة العامة يسهل عليك حل المسائل الخصوصية المختلفة المتعلقة بالزاوية الثلاث وهي ستة ولنرمن الزوايا السطعية الثلاث بحروف الوسي بي و يع للزوايا الثلاث الزوجية المقابلة لها كل انظرتها فتعدث الستة تراتب التي صورتها هكذا

معالیم معالیم معالیم معالیم معالیم معالیم اب جاهیل اب ج

وقد ترجع الاحوال الثلاثة الاخرة الى الثلاثة الاولى بواسطة الزاوية الدئية المتمة ومن العلوم الله ادا اخذت نقطة داخل زاوية ثلاثية والزل منها اعدة على المجمة ومن العلوم الله ادا اخذت نقطة داخل زاوية ثلاثية والراوية وأمل بهذه المستقمات مستويات حدثت زاوية اخرى ثلاثية زوايا ها السطعية متممة لقادلاتها الزوجية في الاولى وزوايا ها الزوجية متمهة

4 (41)*

لقابلاته السطعية فيها ايضاولد اطلق على هاتين الزاويتين الثلاثيتين المتصافرة والدارمز الحالزوايا السطعية في الثانية بالحروف الزاويتين الثلاثيتين المتمتين فعلى هذا اذارمز الحالزوايا السطعية في الثانية بالحروف أورَ ورَجَ في فيحدث أورَ ورَجَ والحالزوايا الزوجية فيها بالحروف أوري ورجَ فيحدث الروايا السطعية وربَ ورجَ عصلت الزوايا السطعية وربَ ورجَ وبواسطة هذه تنعين الزوايا ألسطعية الوربية من وربح وبواسطة هذه تنعين الزوايا أل وربي و ومشل ذلك الزوجية معلومة تخرج دون غيران الحالة التي تقرض فيها الزوايا الثلاث الزوجية معلومة تخرج دون غيرها عن القواعد المذكورة آنفا وسنذ كرطريقة الزوجية معلومة تخرج دون غيرها عن القواعد المذكورة آنفا وسنذ كرطريقة حلها

(111)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم الثلاث زوايا السطعية المكونة للزاوية الثلاثمة والمطلوب ايجاد الثلاث زوايا الزوجية يقال

(اولا) يؤخذ دائما مستوى احد الاوجه مستو با افقيا حكما في الشكل ١٣٢) فيدل ضلعا الزاوية العلى الاثرين الافقيين ق و ق المستو بي الوجهين الاخرين اللذين يفرضان منطبقين على المستوى الافق في ب و ج احداهما في احدى جهي الوالخرى في الجهة الاخرى انظر (بند ١٤١) فيعلم تقاطعهما في كي و توجد نقطة تما من هذا التقاطع على كي و تي على بعد واحد من افاذ الخذ حينة في من هذا التقاطع على كي و تي على بعد واحد من افاذ الخذ حينة في السائلة العامة السائلة العامة النظر (بند ١٤١) وتقاطعا في نقطة من كي تقدم في المسئلة العامة النظر (بند ١٤١) وتقاطعا في نقطة من عن وكانت النقطة معلومة على المستوين الرأسيين في من عن وكانت النقطة معلومة على المستوين الرأسيين في من عن وكانت النقطة معلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المعلومة على المستوين الرأسيين في من المنها لابدان توجد على المستوين الرأسية المناسقة ا

عود على خط الارض خ صُ أو خ صُ قائم من النقطة - وعلى الدائرة المرسومة من المركز ب بجعل سد أو سد تصف قطر ويلزم منهان يكون مرب = مرب فقد آل الامر الى المسئلة العامة لانه عكن ايجاد أر على مستوما وأسى خص * (وثانيا) * إذاتساوي زاويتات من الزواما الثلاث السطعية لزم أن تكون الزاويتان الزوجية ان المقابلة ان المهامة ساوية بن ايضاود النان يؤخذ المستوى الافقى ستوى الزاوية الثالثة أوترسم الزاويتان المتساويتا برج في كالى حمى اكاتقدم ومن المعلوم في فرضنا هذا ان المثلثين اع - اكتاب متساويان لان وتراحدهمامسا ولوترالا آخر وفيهما زاويتين حادتين متساويتين فينتم ان رَعُ = رُكّ وان المثلث بن القائمي الزواية ع - و كُنَّ إلى متساويان النضالات الضلع عُ ا = كُنَّ إلى والضلع ب ب = الله منتكون حسنتذالزاولة = ع س * (وثالثا) * اذا كان زيادة على ذلك الزاويتان المتساويتان بي ج والمتن لزمان مكون الزاوية ان الزوحية ان المقاطة ان يربع فالمتن ايضا لانه يسمل في هذه الحالة مشاهدة كون خص وخص يتعدان على التوالى مع يَ ويُ ومنه تحدد النقط ا وع وك و سوينتقل المستقيمان سر على م من بالتوالى ونوجد النقطة ان م و الم على نفس هذين المستقيمين فتكون بالضرورة الزاويتان مع م = ا ، الآر = = فاعتن * (ورابعا) * اذا كانت الدلاث زوايا أ ب ب ج متساوية كان الثلاث زواما الزوجية المقابلة الها لم الم و متساوية الضالانه اسب كون الزاوية ١ = _ بتعصل ١ = _ والكون ب = ج المحدث سے علی فیفتے اے ہے ہے الله المون المحدث سے المحدث الموارا الدلاث الله به وج قائمة لزم ان تكون الزوایا الدلاث الله به وج قائمة لزم ان تكون الزوایا الدلاث الله به وسادسا) * در معرفة ان احدى الزوایا الله به وسادسا) * در معرفة ان احدى الزوایا الله وجیة فائمة لاتعین شیافی الزوایة الما المالاوجیة

(122)

من المعلوم في المهندسة العادية ان الزوايا الوب وج لايكن ان تكون الكن وايا سلعية لزاوية ثلاثية الا اذا كان مجموعها اقل من اربع زوايا قائمة وكان كل منها اصغر من مجموع الزاوية بن الاخر بين وقد تحصلت هذه الشروط من العملية المتقدمة وسان ذلك

(اولا) انخطى الارض خُصُ و خُصٌ كافى (الشكل ١٣١)

الا يمكن فى المسئلة العامة ان يتقاطعا الافى النقطة و وان ى وى المركان الزاوية أا تركان الزاوية أا تركان الزاوية أا تركان الزاوية أا مناخارجة عن مجموع المهاب المجموع من المناذا المجموع حمين منذا المجموع حمين من الربع زوايا قائمة

*(وثانيا) * اناحدى الزوايا الثلاث أ اذا كان اكبر من جموع الاثنة ين

الاخرين كانت النقطة للمخطي المحيطين وساء عليه لا يكن ان يقابل العمودان القاعمان من هذه النقطة على خطى الارض هذين المحيطين الدا

(150)

*(المسئلة الثانية) * اذا كان المعلوم زاويتين سطعيتين لراوية المدينة والزاوية الزوجية المحصورة بنهما والمطلوب اعجاد الزاوية الثالثة السطعية والزاويتين الزوجيدين الاخريين بقال

يختارالمستوى الافق دائمامستوى احدالا وجه المعلومة 1 ويفرض كافى (الشكل ١٣٦) الوجمه الاخرالمعلوم ب منطبقا حول الاثر قل ويؤخذ خص عوداعلى قل فيعلم الاثر ألانه لابد وان يصنع مع

غُصُ الزاوية الزوجية المعلومة في فتنتقل حينئذ النقطة كفرجوع المستوى م الى الوضع م فيكون مسقطها الافقى م ومن ذلك ينتج في فيؤول الامر الى المسئلة العامة انظر (بند 131) لان الاثر كن معلوم واذا اخذ خطارضي حيثما اتفق ما را بالنقطة معلوم واذا اخذ خطارضي حيثما اتفق ما را بالنقطة من معلوم واذا اخذ خطار في حيثما اتفق ما را بالنقطة من معلوم واذا اخذ خطار في حيثما اتفق ما را بالنقطة من معلوم واذا اخذ خطار في حيثما النقطة من التناس من كن معلوم اللاثر من كن معلوم اللاثر من كن مناسبة كن النقطة من التناس من كن مناسبة كن النقطة كن النق

(157)

* (المسئلة الثالثة) * اذا كان المعلوم وجه راوية ثلاثية والزاوية نالزوجين الزوجين المائية المائية المحاورتين والمطوب المجاد الزاويتين السطوية نالاخريين والزاوية الثالثة الزوجية بقال

منتارالمستوى الافق مستوى الوجه المعلوم أكافى (الشكل ١٣٣) فيكون ضلعا الراوية الاثرين تل و من لمستويي الوجهين الاخرين اللذين ينسبان الى مستويين رأسيين خُصُ و خُصُ يكونان عودين عليه الالدين ينسبان الى مستويين رأسيين مُ مَن علم عليه الالوالى بحيث يصنع كل من الاثرين أو را مع خط الارض المقابل له الزاويتين الروجيتين المعلومتين سر و ع والغرض من هذه العملية المجاد المسقطى لتقاطع المستويين الذكورين وقد علت طريقة المحملية المجاده في (بند ١٠١) فيؤول الامم حيننذ الى المسئلة العامة انظر (بند ١٤١)

(151)

* (المسئلة الرابعة) * اداكان المعلوم وجهى راوية ثلاثية والزاوية الزوجية المقابلة لاحدهما والمطلوب ايجاد الوجه الاحروالزاويتين الزوجيتين الاحريين مقال

يؤخذ المستوى الافق كافي (الشكل ١٣٤) مستوى الوجه المعلوم

J *("")*

ا الجاورللزاوية المعلومة ب ويؤخذ خُصَّ عودا على ق فيعلم حينشد ر ويؤخذ ايضا خ صُ عوداعلى ق فاذا فرض ان المستوى م يدور حول ق ليشغل الوضع الفراغي الذي يجب ان يشغله تحركت نقطة مّا ئـ من يُ في المستوى الرأسي خُصُ راسمة قوس دائرة رُج وصارت في النقطة التي يقطع فيها المستوى ك قوس الدائرة المذكورة وهي نقطة بمكن تحصيلها بالبحث عن الاثر ر انظر (بند ٤٧) وبوجد على العموم نقطتان بر ع يكون مسقطا هما الافقيان في ر بع و بعينان مسقطين افقيين م ل لتقاطع المستويين م ك فيوجد حينشد زاويتان ثلاثيتان بواسطة هدد المعاليم ولا عكن الا ايحاد واحدة اذا كان الاثر لل عماسا للدائرة ج ولا عصن وحودهذه الزاوية اذا كان له لايقابل الدائرة ج *(151)*

*(المسئلة الحامسة) * ادا كان المعلوم زاوية سطعية والزاوية الزوجية المقابلة وزاوية روحية عاورة والمطلوب المجاد الزاوية الثالثة الزوجية والزاويتين السطعيتين الاحريين يقال

يؤخذالمستوى الافق مستوى وجه مجمول اكافى (الشكل ١٣٥) ويفرض المستوى م الوجه المعلوم ب منطبقا ويمد خُصُ عودا على ق فتعدت من رأ مع خط الارض خُصُ الزاوية المعلومة ع المجاورة للزاوية ب واذا فرض وجوع المستوى م الى وضعه المخاورة للزاوية ب واذا فرض وجوع المستوى م الى وضعه المخاورة للزاوية ب واذا فرض وجوع المستوى م الى وضعه والمقلمة ت في التي مسقطها الافق و ومنه يعلم ي ولا يجاد ق يفرض ان المستوى ك يدور حول محور رأسي ما و بالنقطة

مع عن الناوية من المعلومة المقابلة الناوية ب المعلومة المقابلة الناوية ب المعلومة المقابلة الناوية ب ويصير ق عوداعلى خُصُ فاذا فرض رجوع هذا المستوى الى وضعه ترسم النقطة ك حول م مجعولة مركزا قوس دائرة يكون الاثر الافنى ق عماساله ومارازيادة على ذلك بالنقطة ا فيتعين حينته وبهذا يؤول الامرالي المسلمة العامة انظر (بند ١٤١)

*(المسئلة السادسة) اذا كان المطلوب تحويل زاوية الى الافق يقال ان هذه العملية كافى (الشكل ١٣٦) هي عملية الزاوية الثلاثية المعلومة زوايا هاالثلاث السطعية لكن يمكن ترتيب الشكل على وضع مخصوص وحيث علمت الزاوية الواقعة بين مستقيمين والزاديتان الحادثة ان منهما مع المستقيم الرأسي فليكن ا رأس الزاوية و ن الرأسي المار بهذا المستوى الرأسي المناوية بين الزاوية المعلومة بي وليختر المستوى الرأسي المسقط مستوى المستقيم الاخر هذا المنطبق المستقيم الاخر هذا المنطبق على هذا المستوى الرأسي صانعا مع ن الزاوية المعلومة ج والتصنع على هذا المستوى الرأسي صانعا مع ن الزاوية المعلومة ج والتصنع الزاوية دا ه = المادئة من المستقيم ويؤخذ ا ه = اله ثم رسم أقوسادا ترة بجعل المركزا و اله نصف قطر لاحدهما وجعل د وسادا ترة بجعل المركزا و اله نصف قطر لاحدهما وجعل د مركزا و ده نصف قطر للا خرفية قاطعان في ه وبايصال اله يحدث الضلع الثماني ه من الزاوية المطلوبة إ ويسمل تصور السباب اجراء تلك العمليات يدون احتياج الى ايضاحها هنا

(10.)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب رسم كرة داخل هرم مثلى

عال

تقسم الى قسمين متساويين كافى (بند ١٢٨) الثلاث زوايا الزوجية التى الضلاعهاغير متلاقية فى رأس واحد ويكون مركز الكرة فى نقطة تقاطع المستويات القاسمة ونصف قطرها بعد هذا المركز عن احد الاوجه انظر (بند ١٣٦)

(101)

* (المسئلة الشامنة) * اذا كان المطلوب رسم كرة خارج هرم سدائي يقال

تقام كافى (بند ١٣) مستويات اعدة على منتصف الاضلاع الثلاثة التي لاتكون على وجه واحد فتكون نقطة تقاطعها مركزالكرة المطلوبة ويتعصل نصف قطرها بايصال هذا المركز باحد الرؤس

(101)

* (المسئلة التاسعة) * اذا كان المطلوب رسم هرم د ثلثى على د ثلث حاد الزوايا معلوم وايجاد ارتفاعه يتال

يؤخذ مستوى المثلث المعادم مستو باافقيا كافى (الشكل ١٤٧) و يجعل المستوى الرأسي مستو باعود باعلى احداضلاعه كالضاع الله والمتصور الهرم مرسوما ونطبق على المستوى الافقى الوجه سمال الذى يكون مستوبه عود اعلى المستوى الرأسي في صبر مرسوما دائرة قطرها الله وحيث ان الضلع مه ع عود على هذا الوجه يكون موازيا للمستوى الرأسي ويلزم ان يكون مسقطه الافقى سم ع عود اعلى الله فيئذ تنظبق الذقطة سم على سَم والوجه سمال على سَم الله فاذا فرض ما الله وضعه رسمت النقطة سم قوس دائرة مركزه في و على الله والضلع سم على سمال المستوالافق المرابع المسقط الافق المرابع المسقط الافق المرابع المستوالافق المرابع كل المستوالافق المرابع المستوالافق المرابع كل المستوالافق المرابع كلاولى يكون الضلع المرابع على المستوالافق المرابع كلاولى يكون الضلع المرابع على المستوالا الماس عكا المرابع كون المالم المنابع المرابع كلاولى يكون الضلع المرابع على المستوالا الماله الماله المنابع كلاولى يكون النابع المرابع على المرابع على المرابع كلاولى يكون الضلع المرابع على المرابع على المرابع المرابع المرابع المرابع المرابع على المرابع المرابع المرابع على المرابع المراب

دانمالان نصف القطر وسَم دانما اصغر من وج فيند كون ع خارج المحيط و يتحصل كذلك المسقط سم الذى منه ينتج سم ومن ذلك بعد لم المهرم فأذ اوصلنا بين ا و سم حدث المسقط الافق للضلع اسم العمود على الوجه سم ع وحينت ذيكون اسم عوداعلى سع كأيكون سم عوداعلى اع

وحيث ان ارتفاع المهرم معلوم في مرع تصغرا لا وجه الشلافة اذا طبقت مرسومة داخل انصاف دوائر اوتارها الجاورة لرأس واحد من المثلث متساوية

(101)

المسئلة المتقدمة توصلنا الى نتحتن هماان تقول

* (اولا) * اله يمكن دامًا رسم هرم مثلثي على مثلث مّا حاد الزوايا مجعول قاعدة

*(وثانيا) * ان الاعدة الذارلة من رؤس مثلث ما على الاضلاع المقابلة لها تتلاق في نقطة واحدة وقد بره ناعلى ذلك في الذاكان المثلث حاد الروايا واما اذا الزلنا منفرج الروايا السيح كافي (الشكل ١٣٨) فانا اذا الزلنا من الرأسين مودين على الضلعين المقابلين لهما تقاطعا بالضرورة في النقطة د الخارجة عن المثلث السيح وحدث منهما بالضرورة و النقطة د الخارجة عن المشقيان سيح و عدث منهما بالضرورة و شلك آخر سيع د حاد الروايا فيه المستقيان سيح و عدا عود النفاعلى سيع الضلعين المستقيات الموسيد المستقيمات المنازلة من رؤس المثلث اسيع الثلاث اعدة على الاضلاع المقابلة الرؤس النفاث حاد الروايا اومنقر حما الروايا اومنقر حما الروايا المقاومة واحدة د داخلة اوخارجة بجسب حكون المثاث حاد الروايا المقروحيا

(101)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطوب قطع هرم مثلثي قائم الزوايا السطعية المحيث يكون المقطع مثلث احاد الزوايا معلوما يقال

اداطمقناوجوه الهرم الثلاثة الفروض في (الشكل ١٣٩) فالنفرض الوسي و ع المئلث الذي يكون المقطع مساوياته كما في (الشكل ١٤٠) فيكون قاعدة لهرم مد ثلثى قائم الزوايا السطعية مصنوع في رأس الهرم المفروض ولنبسط ذلك الهرم فتحصل حينت ذ الوجوه رال و راك و راك

(100)

(المسئلة الحادية عشر) اذا كان المطلوب قطع هرم مربعي قاعدته شبه مغرف عستو بحيث يكون المقطع شكلامتوازى الاضلاع يقال يؤخذ مستوى قاعدة المهرم التي هي السع د مستويا افقيا فلا يحتاج الى المستوى الرأسي ثم يمد ضلعا القاعدة الغير المتوازيين اد و سعرع بنلاقيا في النقطة و فيتقاطع مستويا الوجهين سماد و سمرع في المستقيم و الذي يمر بالنقطة ين سم و و ويتقاطع ايضا مستويا الوجهين سما سو مدعد اللذين اثراهما الافقيان متوازيان في الفق لهما مادمن النقطة سم اذا تقرر ذلك فالنرمن بالحرف م لمستوى القطع وحيث الله يقطع الوجهين سما سو سمع د في مستقين متوازين القطع وحيث الله يقطع الوجهين سما سو سمع د في مستقين متوازين القطع وحيث الله يقطع الوجهين سما سو سمع د في مستقين متوازين المستقين وموازيين بالضرورة لنقاطع مستويي هذين الوجهين يكون هذان المستقيان

موازین لحطی ا۔ عد وللائر ق فیلزم ان یکون الاثر ق موازیا للغط الم وعكن زيادة على ذلك ان يؤخذهذا الاثركيف ما انفق ثم ان المستوى م يقطع الوجهين سهاد . سهدج في مستقين متوازيين وموازيين للمستقم و ومارين من النقطتين سم و صد فاذادد حينند من هاتين النقطتين موازيان للمستقيم و يقطعان سما وسم سمع و سرد في النقط أو سرع و د ووصل بين أو سرد في النقط أو سروع و د ووصل بين أو سرو بين المرود و مرود و م وبن ع ، د كان الشكل أ ب ع د هوالمسقط الافتى للمقطع و دلزم ان يكون شكلاستوازى الاضلاع وحيث ان الضلعين ألم الد موازيان بالتوالي للغط الم وللمسقط وبوب و من من المناه الم و عوداعلی ا م ولاجل ان یکون المسقط ا و م و ع و شكالامعينا بلزم التنبه الى انكل مستومو از للمستوى م يقطع ايضافي هذه الحالة الهرم في شكل متوازى الاضلاع مسقطه الافتى شكل معن وحمنتـذ ع اخذ اللمستوى القاطع كافي (الشكل ١٤٢) فكون بالضرورة المساحيد ضلعي المعين والاخر مساويا له ضرورة افسأخدالنقطة ا مركزا السنصف قطريرسم محيط دائرة أوخد عليه النقطة د بالاختياروادامدمن النقطة و موازللمستقيم اد قطع د دُ في نقطة سم وكان يكن رسم المحيط المذكور بجعل النقطة س مركزام قد يكون المسقط أربع د مربعا اذا كان دعلى الحيط المتقدم. و عوداعلي ار

(107)

* (المسئلة الشانية عشر) * اذا كان المطلوب قطع هرم مربعي ذي واعدة ما

بمستوجيت يكون المقطع ستوازى الاضلاع يقال يؤخذالمستوى الافق مستوى القاعدة العد كافي (الشكل١٤٣) ولايرسم هناالمسقط الرآسي لسمولة ايجادهمتي اربد ثم عدالضلعان المتقابلان ا- عد الى ان يتلاقيا في نقطة و وبالوصل بن النقطتين و و مد يتعصل المسقط الافقى ى لتقاطع مستويى الوجهين سمار وسمعد ثم يدايضا الضلعان المتقابلان ادر ربع الى ان تلاقيا في نقطة و وبالوصل بين النقطة من و سم يتعصل المقط الافقى في لتقاطع مستوبی الوجهن سراد و سرح فیکون المستقیم و و الاثرالافقي للمستوى (ى يَ) أو س اذاتقررهـذا وحبان يقطع المستوى القاطع كل وجهين متقابلين من الاوجمه المتقابلة في مستقيين متوازين وموازين بالضرورة لتقاطعهما وان بكون هذا القاطع نفسه موازیاللمستقین ی و کی معاوموازیابالضرورةلمستویمافیکون ق حيننذ موازيا في ويحكن ان يؤخذ ستقم ما مستوف الهذا الشرط مُ عد سن النقطتين سر و صد اللتين هما تقاطع ق بالمستقين ب و عد موازبان المسقط ي وعدايضاس التقطنين و و س الله ما تقاطع ق بالمستقين اد و موازيان للمسقط ي فتتقاطع هذه المستقيات فينقط علىمساقط الاضلاع يتعصل منهاالمسقط الافتى أَرْعُ دُ للمقطع الذي يكون بالضرورة شكار متوازى الاضلاع وقديكون المسقط الافتى أربع د مستطيلا اذا كان المسقطان ي ي للتقاطعين عودين على بعضهما اعنى اذا كانت النقطة سم كما في

﴿ (الباسباني مس) ﴾ ﴿ (في الواع المساقط) ﴾

(1°Y)

لمنعتبر هماتقدم الاالمساقط العمودية على مستوين عودين على بعضهما و يمكن ان يراددا تما بسقط نقطة على مستو النقطة التي يقابل فيهامستقيم ما مار بالنقطة المعلومة هذا المستوى لكن نوع المساقط المتقدم اكثراستعمالا ومع ذلك فقد تستعمل أنواع مساقط اخرلا يعتبر فيها الامستو واحد المسقط وابسطها النوع الذى تترصك منه المستويات المنتسبة والموزونة وقد تتعن النقطة في هذا النوع عسقطما العمودي على مستويسي بمستوى الاقتران المختارعادة فوق جيع نقط الشكل المنسقط وبعدد مكتوب بحوارمسقط النقطة بدلعلى البعد الكائن بنهاويين مستوى الاقتران ويسمى هذا العدد بقدار بعدالنقطة وتكون مقادرابعادالنقط الكاتنة اعلا مستوى الاقتران سالبة ويشاهدان هذا النوع برجع للمساقط العمودية لانه عكن بواسطة مقدار بعد كل نقطة من نقط جدلة الشكل المنسقطة ايجاد مسقطه على مستوماً عود على مستوى الاقتران وذلك ماختسار خطما ارضى وانزال عود على هدذا الخط من المسقط المعلوم لكل نقطة وان يؤخذ على هذا الخط في الجهة المناسبة العادمساوية لمفادير العادهذه النقط انظر (ند ٥)

وقد يتعين المستقيم في هذا النوع بمسقطى نقطة ين من نقطه ومقدارى بعد يهما انظر (بند ١٨) واما المستوى فيتعين بخطه الاعظم ميلا بالنسبة لمستوى الاقتران انظر (بند ٣٨) ويسمى هذا الخطبة قياس ميل المستوى وهذا النوع كثير الاستعمال لاسما في الرسم المتعلق بالاستحكامات واشغال حفر وردم الطرق والخلجان وما اشبه ذلك

وحيث كان لا يسرفى العادة فرخ من ورق الرسم فيه كفاية لان يسعصورة الاجسام المرسومة كلماى على جمها الطبيعي تختصر الصورالى مقياس اختصارى معين يرسم فى الصورو تعدعليه المقادير الافقية وتبق مقادير ابعاد النقط على حقيقتها دا تما مالم يردعل المسقط الرأسي للعسم فانها تصغر متصارى وسيشاهد مع ذلك انه لا يمكن في بعض الاحيان تصغير المسقطين الافقى والرأسي بنسبة واحدة بسبب امور سيأتي ذكرها في ابعد

(101)

المساقط المائلة هي المساقط التي تتعين بمستقيمات مائلة بالقسسة لمستوى المسقط ومتواذية كلها ولاحل امكان المجاد مسقط النقطة المائل يلزم معرفة المجاه وميل المستقيم المشقط المهابالنسبة لمستوى المسقط ويعين الاتجاه عادة بيديني بالنسبة الواقعة بين ارتفاع وقاعدة المثلث القائم الزاوية الحادث من المستقيم المسقطين المنقطة اسقاطا عوديا ومائلا ومن المستقيم الواصل بين المسقطين فينج من ذلك ان النقطة تتعين بمسقطها العمودي والمائل على مستوواحد لان المسقط العمودي يعلم منه مستقيم توجد عليه النقطة المذكورة وبعد المسقطين مع النسبة المعلومة بين ارتفاع المثلث القائم الزاوية المذكورة وقاعدته يتعين البعد بين النقطة ومستوى المسقط فاذا كانت الخطوط المسقطة مائلة وتعدر ه على مستوى المسقط يكون المثلث القائم الزاوية متساوى المساقين وتكون قاعدته مساوية لارتفاعه فيكون بالضرورة البعد الكائن بين النقطة ومستوى المسقط مساويا للمعدال كائن بين مسقطها

ويسمى هذا المسقط الناني في نظرى الظل بالظل الساقط من النقطة على مستوى المسقوى الماسقوى الرأسي مستوى المستوى الماستوى الرأسي فيؤخذ في القطوع والارتفاعات

وقد يتعين المستقيم ايضاء سقطه العمودى ومسقط مائل على المستوى المذكور والمستوى المذكور والمستوى عسقطى خطه الاعظم ميلاوا ماما يسمى بالمنظور العسكرى فليس

الاستقطا مائلا ويستعمل ايضافى اشغال صناعة القناطر والجسور لايضاح تفاصل اوصال اجزاء التراكس الداخلية

(109)

ويطلق اسم المساقط الاسطوائية على المساقط العمودية والمائلة التي ذكرت آنف وهناك نوع آخر من المساقط يسمى بالمساقط المخروطية ويسمى ايضا بالمساقط المركزية اوالقطبية وفي هذا النوع تمر جيع المستقيمات المسقطة بنقطة واحدة نابذة تسمى قطبا اومركز المساقط

ويستعمل في هذا النوع مستويان قائما الزاوية يسمى احدهما بالمستوى الهندسي الذي تسقط عليه اسقاطا عوديا جله الشكل والا خر بمستوى المنظور الذي يجرى عليه المسقط المخروطي أومنظور تلك الجله ويطلق على خط الارض في هذه الحالة اسم قاعدة مستوى المنظور

وته عن اى نقطة فى الفراغ مى علم مسقطها العمودى على المستوى الهندسى ومنظورها وقاعدة مستوى المنظوروم كرالمساقط اونقطة النظر ويكن تعيين النقطة ايضافى الفراغ بواسطة منظورها و مقدار بعدها عن المستوى الهندسى ومسقط نقطة النظر على مستوى المنظور وبعدها عنه ومقدار بعدها لانه يكن بواسطة هذد العالم معرفة مسقط النقطة على المستوى الهندسى وان مقدار بعد نقطة النظر قد يعن قاعدة مستوى المنظور

(17.)

الكناذالم يكن المطلوب الانسب الوضع على مستو يكن ان فرض جيع النقط والمستقيات مسقط واحدويبق وضع الشكل فى الفراغ اختيار باوقد سبق استعمال هذا في بعض مسائل من الباب الثالث من هذا الكاب وظهرت عدة مؤلفات تتعلق بهذا الغرض

المستومات المنتسبة والموزونة) المستومات المنتسبة والموزونة) الم

اهذاالفصل يحتوى على قياس الابعاد الافقية عقياس اختصارى مقدرعليه الميترالواحد بهذاالمقدار ١٠٠١ كافي (السكل١٦٤) واماعشر الميترفقدر عليه بواحدمن الف من ميترجيث اذا اريد اخذ بعد اصغر من عشر الميتر مثلا كواحد من مائة برتب المقياس مذه الكيفية بان يقام كافي (الشكل١٤٧) مناحدي الطرفين المستقم المعوديؤخذعليه بعداختياري عشر مرات ويددن جمع النقط ١ و ٢ و ٢٠٠٠٠٠ الى ١٠ خطوط موازية المستقيم الم ثم يقسم الموازى الاخير الى اجزاء من الف من الميتر مقدارها عشرة ثم يوصل بين ١٠٠١ وبين ٢٠١ وبين ٢٠٦ الى ١٠ ، ٩ من كل من المواز بين المتطرفين فيتضم ان جميع المستقمات الحادثة كلها متوازية وانكل اثنن منهامتنا اين يحصران على الخطوط الموازية للخط الم الحزامساوية ١٠٠١ وان الاجزاء المنعصرة بن خطى ١٠ - ٩ ١٠ _ ١٠ من الخطوط الموازية للغط المتدة من النقط ١٠ ٢ ، ٣٠٠٠ الى ١٠ دساوية بالتوالى ٢٠٠٠،٠١ . ٢٠٠٠ ، ٢٠ ، ٣٠٠ ، ١٠ الى ١٠٠٠ ، ١ لانهاذا اعتبرالجزو ا ب محسوباعلى الخطالموازى المارس النقطة ٧ محدث من المثلث المشام ن ١٠ ــ ا ــ ــ هذهالمتاسة

ا - ۱۰ : ۱۰ - ۱۰ : ۱۰ - ۱۰ : ۱۰ - ۱۰ : ۱۰ - ۱۰ وحیث ان ۱۰ - ۱۰ محتوعلی ۱۰ اجزاء پحتوی المستقیم ۱۰ - براه پختوی المستقیم ۱۰ - براه پختوی المستقیم ۱۰ - ۱۰ منه اوان و براه به ان از ۱۰ - ۱۰ منه اوان و براه به ان از ۱۰ منه اوان و ۱ منه اوان و ۱۰ منه اوان و ۱ منه او ۱۰ منه اوان و ۱ منه

وبهذه الكيفية توجد مقادير الاجزاء المنعصرة على بقية الخطوط المتواذية اذاتقرر هذا بفرض انه اذا اربدان يقدر على هذا المقياس طول يساوى على مرد المقياس طول يساوى على مرد المقياس الخط الموازى الساد من النقطة على الطول على عد فيكون هو المستفيم المطلوب المحول الى المقياس المذكور لان

هذاالمستقیم ع د پترکب من ع ه = ۷۰۰۰ ومن د نر = ۲۰۰۰۰ ومن الحبوع الذی هو ع د ومن الحبوء الذی هو ع د ومن الحبوء الذی هو ع د علی المقیاس الله من الله و المبین للطول المفروض ۱۲۰۷۶ علی المقیاس الاختصاری

(111)

*(المسئلة الاولى) * اذا كان المطلوب ايجادمة داربعد نقطة ما معاومة المسقط وعلى مستقيم معلوم يقال

* (المسئلة الثانية) * اذا كان المطلوب ايجاد مسقط نقطة مّا معلوم مقدار بعدها على مستقيم معلوم بقال

بعدرسم المستقيم و كاتقدم يؤخذ كافى (الشكل ١٤٨) على مَ مُ طُول مَ لَ يساوى مقدار البعد المعلوم صَّه ثم عد لَ مَ مواز يا لخط الارض خض فتكون النقطة مُ هى النقطة المطلوبة التي يكون مسقطما الافقى مُ الحكائل بنها وبين النقطة م ولذا الافقى مُ الحكن لا بدمن المجاد البعد الكائل بنها وبين النقطة م ولذا يستخرج بعد تركيب هذه المناسبة

سہ: سُہ: صُہ صہ کانقدم سر = سرور ورا سر = سرور ورا

واذافرض مثلا كافى (الشكل ١٥٠) ان و المستقيم المعلوم والمطلوب في و المعلمة عليه مقدار بعدها ٨ يقال بعدوضع البعد م م على المقياس الاختصارى الذى هو شكل ١٤٦ يفرض ان هـذا البعد وجد مساويا للعدد ٥٠٠٠ الموصل الى سُه = ٥٠٠ انظر (بند ١٦١) ومن

المعلوم ان معناز ادة عن ذلك صد = ١٦٦٣٠ ، صُد = ٢٠١٦ المعلوم ان معناز ادة عن ذلك صد ر صد = ٨ فينتم سے سے سے کہ سے ۱۱۱ء = سے ۱۲٫۳۰ و صر = صر = ۱۲٫۲۰ - ۱۳٬۷۰ = - مردا فبوضع هدد المقادر في القانون المتقدم تزول العلاسة ــ وكان عكن التنجي عن وذه العلامة من اول الامر لانه لوفرض مقد ارالبعد صد في الشكل ١٤٨ اكبردن مقدار البعد صر وسن مقدار البعد صر لسهلت معرفة كون هـذه الاعمال توصل الى هذا القانون سر = سر صرا صرا الذي يبدل فيه صد _ ص م صد _ صد مالمقاديرالموجية ٠٠٠ وسنه ينتج حينتذ $\frac{1}{1},097107127107 = \frac{\Lambda r}{0r} = \frac{210}{r \cdot 1} = \frac{\Lambda, r \cdot \chi \cdot , o}{r \cdot 1} = \frac{1}{1}$ آو سے = ١٠٦٠ تقریبافاذاحول هذا المقدار الی المقیاس الاختصاری يصير ١٦٠،٠١٦ وباخذه على المقياس المذكور ووضعه من م الى مم في جهة سقاد برالا بعاد المتنازلة تكون النقطة مم هي النقطة المطلوبة فاذااريد ايجاداترالمستقيم المذكورعلى مستوى الاقتران اى النقطة التي مقدار ربعدها صفر یکنی جعل صئہ = ٠ ومنه بنتج سے = _ صربیر وشعى الاهتام بجعل الابعاد السالبة فيجهة مضادة للعمة الموضوع فهر

(171)

الانعادالموحية

* (المستلة الشالفة) * اذا كان المطلوب المجاده مل مستقيم ما على مستوى الاقتران هال

ان هذا الميل مقدر بالزاوية الحادثة من السنة من المنتقيم المذكور مع مسقطه على هذا المستوى فيعلم حيث بستنتج منه المستوى فيعلم حيث بستنتج منه ظالم م على المراح على الم

فاذافرض ان الغرض ایجاد میل الستقیم و المعلوم فی (الشکل ۱۶۹)
یکون معنیا صر سے صہ = ۱۶۰۶ و سُہ = ۲ فینئند
اذا جعلت الزاویة لم م م = ا و ظا ا = ۱۲۰۶ = ۲۰۲۰ محدث

لوغا ظا ر = لوغا ٢٠,٢٠ = ١٥٠٠ خا ظا ر = ١ الوغا ظا ر = ١٥٠٠ فينتج ر = ١٠ ٣٣ ٥٥ الوغا ظا (٢٠ ٣٣ م ١٠٠٠) فينتج ر = ١٣٠ م ١٠٠٠ (١٦٥)*

* (المسئلة الرابعة) * اذا كان المطلوب المجاد المعد بين نقطتين على مستقيم معلوم يقال

عندت من المثلث القائم الزاوية م ل مَ حَمافى (الشكل ١٤٨)

م مَ = γ مِلَ + لَ مَ أُو وِ = γ سَمَ + (صَم – صَم فاذا كان المطلوب الآن المجاد البعد بين النفط تين م مَ كافى (الشكل ١٤٩)

وعلم من (بند ١٦٦) سُم = γ و صَم – صم = عرع فاذا وضع هذا ن المقد اران فى القانون حدث م مَ أُو فاذا وضع هذا ن المقد اران فى القانون حدث م مَ أُو

٤, ٨٣٣٢ = ٣ *(١٦٦)*

* (المسئلة الخامسة) * اذا كان المطاوب ايجاد نقطة بعيدة عن احرى معلومة عقد ارمعلوم على مستقيم معلوم يقال

اذافرضت مُ النقطـة المطلوبة يلزم معرفة م مُ أو شهر و مُ مُ أو صُدر صدر المنافرة علم المنافرة ا

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + (\frac{1}{2} - \frac{1}{2}) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

(۲۷)

= سرم [سرم + (ص - ص)] ومنه بنتج ویستخرج من (بند ۱۶۲۶) صرّ = صر $+ \frac{2(صریر - ص_{-})}{\gamma}$ فاذا كان المطلوب الأن ان يؤخذ على المستقيم و كافي (الشكل ١٥١) طول يساوى ٦ مالاسدامن النقطة م يفرض بعد نقل البعد الافقى م م على المقياس الاختصارى كافى (الشكل ١٤٦) ان هـذا البعد وجد مساویا ۲۰۰۷، فیستخرج منه سه = ۲۰۷۰ ومن المعلوم ان معنا زیادہ عن ذلک صہ = ۱۸ ، صہ = ۲۰ فدأ بدال تلك الحروف عقاديرها فى القوانين المتقدمة يحدث $=\frac{17,r}{7,rq} + = \frac{r,v\times7}{r+r(r,v)} + = \frac{r}{1,rq} =$ = 12777, TY777/ + = 07, 19, 17, 17 = = 07, 19 = + المارة من حكاتا جهى المارة فادا اخد من حكاتا جهى م طول يساوى المقدار ٢٠١٥ ر٠١ المأخوذ بالمقساس الاختصاري كافى (الشكل ١٤٧) تحصل نقطتان م م م هما المسقطان الافقيان للنقطة بنالطلوبة بنومن حيثان سرة معلوم فلاحل ايجاد مقداري المعدين صر مُن يستعمل هذا القانون صّہ = صہ + سراصر الذي عدت منه $| \circ_{0}\circ_{V} + | \circ_{1}\circ_{V} + | \circ_$ افیکون حیند مقدار بعدالنقطه م هو ص = ۲۲,0۷ ومقدار بعد النقطة ثم هو صَّه = ٢٤٢٢ بالتقريب فيكون للكمية سة مقداران متساويان ومختلفا الاشارة لانه عكن اخد النقطة م من

كاتماجهتي م فقدارا شر يقابلان بالتوالى ها تين النقطتين اللتين لابد اوان يكون مقدارا بعديهما مختلفين

(171)

اذا توازی مستقیمان توازی مسقطاه ما الافقیمان بالضرورة وتزایدت مقادیر ابعاد نقطه ما فی جهة واحدة و بلزمان یکون البعدان الافقیمان لنقطتین من کل مستقیم مناسبین لفاضل مقداری بعد بهما انظر (بد ۲۲) و بالعکس ای اذا تو فرت هدده الشروط لابد وان یکون المستقیان متوازین فیسمل حینتذ مد مستقیم موازلا ترمعلوم سن نقطة معلومة

(171)

* (المسئلة السادسة) * ادا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستقيم بقال

اذالم يقاطع المستقمان المفروضان عدمن نقطة ماموازيان لهما انظر (مد١٦٧) فتكون الزاوية الواقعة بنهماهي الزاوية المطلوبة ولا يجاد هذه الزاوية عصن استعمال طريقتين نذكرهما فنقول

*(اولا) يؤخذ على المستقين ا و ب كافى (الشكل ١٥٢) نقطتان استحدتا مقدارى البعدين ولذا يبحث على المستقيم ب عن النقطة ع التى يساوى مقدار بعدها مقدار البعد المعلوم النقطة م من المستقيم ا فيكون المستقيم مع حينتذافقيا ومساؤيا لمسقطه مع انظر (اولامن بنده) واذا يجث عن الطولين ع وم كافى (بند١١٦) الجزئين دم و دع من المستقين اوب علت ثلاثة اضلاع المثلث دمع فيكن حينتذان يستخرج من ذلك الراوية المطلوبة مدع فاذا فرض ان المستقيم ا معلوم بالنقطة د التى مقدار بعدها (٥٠٦) وبالنقطة د التى مقدار بعدها (٥٠٥) وبالنه طبق المنتقين بن معلوم بالنقطة د التى مقدار بعدها (٥٠٥) وبالنقطة د التى مقدار بعدها (٥٠٥) وبالنقطة د التى مقدار بعدها (٥٠٥) وبالنه بنتور بنتور بعدها (٥٠٥) وبالنه بعدور بعدها (٥٠٥) وبالنه بعدور بعدها (٥٠٥) وبالنه بعدور بعدها (٥٠٥) وبالنه بعدور بعدور

يتعصل اولا النقطة ع بواسطة القانون المقررفي (بند ١٦٣) فيكون $\int_{-7.72}^{7.71} = \frac{(r_{,10}, -r_{,0}) \cdot f_{,120}}{1, r_{20}} = \frac{7.10}{1, r_{20}} = 23$ بالتقريب م يحدث من القانون المقرر في (بند ١٦٥) ع ٢٠ ١٤٩٠٠ 11,07 = 1,197 Y = p, 17,15 = و = ١٠٤٠ مُ يستخرج من علم المثلث المدان القانونان $\frac{(9-v)v}{e^{\gamma}} = 3 \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$ $\frac{\overline{(\varepsilon-\sigma)(\rho-\sigma)}}{(\vartheta-\sigma)(\sigma-\varrho)} = 3\frac{1}{2}$ ععل س= ١ + ٢ + و وضع القاد برالم قدمة وهي م = ١٥٥٦ و = ١١٠٦ و = ١٠٤٠ في القانون المذكورينج س_م=۸۹ر۰، س_ك=١٤٠٠ و س_و=١١٠١ ومنهسم ظا أ د = \ المجرب ما المبرورة المبرورة عنام بالمبرورة لوغاظا يد = يا لوغا ۹۸، + يا لوغا ۱٤٠٠ + أ عام لوعا ٤٥ر٢ + أ عام لوعا ١١١١ = ٤, ٧٩٧٥ ٨٣١٤ + T, ٨١١٦٢٤٦٤ + T, ٩٩٥٦١٣٠٤ = 9,0Y7T71 = £,9Y10£Y0Y + لوغا ظا (۲۰ ۴۹ ۴۰) فیکون د = غ۰ ۱۱ ۱۱ | * (وثانيا) * يمكن اخـ فـ طولين متساويين على الضلعين ا و ب من الزاوية المطلوبة ولذلك يؤخذ على النقطة م ويجث عن الطول الحقيقي

للمستقي

للمستقيم دم انظر (بند ١٦٥) ثم تعين على ب نقطة و بحيث يكون دو = دم انظر (بند ١٦٦) ويوصل م الى و وبجث ايضاءن الطول الحقيق للمستقيم م و فيعلم ثلاثة اضلاع المثلث دم و وحين تند تحسب الزاوية د بواسطة القوانين المستخرجة من حساب المثلثات ولم نطبق هذه الطريقة على مث ال لسمولة الترن عليها

(179)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان مستومعلوما بمقياس ميله ومسقط نقطة منه والمطلوب المحادمقد الراعدها يقال

مقياس الميل كافي (الشكل ١٥٣) حيث كان معينا بمسقطه هو و بقد الرم المعدى النقطة ين م و ه اللذين هما (٥٠ (٣)) و (٢ (٨)) و كانت المسافة م ه مساوية ٥٠ (٥) يبعث اولاعن النقطة ين ع ك الله ين مقد ارا بعديهما بالتوالى العددان الصحيحان ٣ و ٨ انظر (بند ١٦٢) ثم تقاس المسافة ع ك و تقسم الى خسة اجزاء متساوية و يكتب بجواد نقط هذه التقاسيم ٤ و ٥ و ٦ و ٧ و بهذا يسمل مدّ القسمة واليجاد اى نقطة ار يدمعرفهما الكن يكن الاستغناء عن ذلك متى اريدويكني النه به الى النقطة سر و جدعلى افتى من المستوى الذي يكون مسقطه الافتى ط عود المنافق ع ف نقطة ر يبحث عن مقد اربعدها انظر (بند ١٦٣) فيكون عن مقد اربعد النقطة سم

ولیفرض مثلاان النقطة ر قدوقعت بیز النقطتین م و و وان م ر و النقطة ر قدوقعت بیز النقطتین م و و وان م ر (... - ...) و معلوم فی القیانون المقرر فی (... - ...) و هو - ... صد + ...

ان صد = ٤٥٠٩ و صُد = ١١٥٨ وسَد = ٥٩ وسَد = ٢٠٦٩ فيكون

(٣٨)

صَد سے ہے۔ ۱۱ر۸م یہ ۱۳٫۵۶ فیحدث حنئذ بالتد بل

ضہ = 30,00 + 00.1 × 10,00 = 00,00 + 00.2 مثلہ = <math>30,00 + 00.2 × 00.00 + 0.00 + 0.00 + 0.00 × 0.00 + 0.0

وبرسم مقياس الميل لمستو بخطين متوازين متقاربين جداويقسم داعالى اجزاء متساوية بحيث تصنع مقادير ابعاد نقط التقاسم سلسلة اعداد صحيحة لانه يسهل حينتذ ايجادمق ادير ابعاد عدة نقط المستوى المختلفة

(1Y·)

*(المسئلة الثمامنة) * اذا كان المطلوب المجاد تقاطع مستو بين بقال ان هذه المسئلة قد تقدم حلم افى (بد ن ا) باستعمال مسقطين فينبغى اجراء العمليات التي اجريت في حلم اغاية مافيه يعوض المساقط الرأسية عقاد برالا بعاد فيقال

(اولا) اذا لم يكن المسقطان هو هم كافي (الشكل ١٠٤) المقياسي الميل متواذيين يؤخذ نقطتان م و على ه مقدارا بعديهما العددان الصحيحان ٨ و ٣٠ انظر (بند١٦٣) ويقاس البعد الافقي م ١ الذي وجدمساويا ٧٢. و م ويحث على هم عن نقطتين م و محد تين في مقداري بعديهمامع النقطتين الاوليين وهما ٨ و ٣٠ الذي وجد مساويا ٣٤٠ و م عسد من ويقاس البعد الافقي م و الذي وجد مساويا ٣٤٠ و م عسد من النقطتين م و م افقيان ط و ط يتقاطعان في نقطة ط من النقاطع الما و و ح يتقاطعان في نقطع الذي افقيا المران ح و ح يتقاطعان في نقطع الذي افقيا المران ح و ح يتقاطعان في نقطع الذي المقاطع الذي المتقيدة من النقاطع الذي المتقيدة من النقاطة المتقيدة من النقاطة الذي المتقيدة المت

في هذه الحالة بكون موازياط وماراولابدمن نقطة تقاطعهما اللانهائية ولا يحاد نقطة منه يؤخذ على ط ط نقطتان حيما اتفق ط ط و صلان عستقم ا تم يد على ح و حستقم ب مواز ١ فيصيرهــذان المستقيمان ١ و ب افقيين لمســة و ثااث قاطع للمستوين المفروضين في مستقين عط عط يقاطعان في نقطة سم من النقاطع المطلوب فأذامد الان من سر مواز للمساقط الافقية للافقيان كان هو ى وعكن لا يحادمقدار بعد النقطة سر حساب هذا المقدار على احد المستقيمن عط عط ويمكن ايضا التنسه على ان التقاطع ي حيث كان افقسالا بدان يقابل هم في في نقطتن متعدى مقدار البعد وهذا المقدارهوعن مقدارالنقطة سم ايضا * (وثالثا) * من السينانه اذا مد مستقيمان آخران كيف ما اتفق كستقيى ب امكن ايجاد عدة نقط كالنقطة سم مهما اريد من التقاطع فينتذ هذا الحل يليق ايضا بالحالة التي يصنع فيها المسقطان الافقيان ه مدونان بتوازبازاوية صغيرة جدا بحيث لا يمكن تلافى المستقيمين ط و ط والمستقين ح و خ الاخارج حدود الرسم و بوجد كانقدم في الحالة الثانية نقطتان بالوصل منهما يحدث ى ولا يحاد مقدارى بعدى النقطتين سم و سم عصكن ان عدمن ها تين النقطة بن افقيان لا حد المستوين ويحث عن مقدارى بعدى النقطة من اللهم يقابل فيهما هذان الافقيان مقداسالميل

(المسئلة التاسعة) اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو بقال

عدمن قطة من المستقيم المعلوم و كافي (الشكل ١٥٦) مستقيم ما ط يعتبرافقي المستوماربالمستقيم و شميدفي المستوى المعلوم افقى ح

متعدمقدار البعد مع المستقيم ط فيكونكل من هذين المستقيمين ط و ح في مستوافق و يتقاطعان في نقطة سه من تقاطع المستوى المعلوم مع المستوى (وط) فاذامد مستقيمان افقيان آخران ط و ح متعد اللقدار ايضا تقاطعا في نقطة ثانية سُه من التقاطع مى الذى تم تعيينه بهما والذى يقابل المستقيم و في نقطة نر وهي النقطة المطلوبة تعيينه بهما والذى يقابل المستقيم و في نقطة نر وهي النقطة المطلوبة (١٧٢)

* (المسئلة العاشرة) * اذا كان المطلوب انزال عود من نقطة معلومة على مستومعلوم يقال

حيث كان مسقط العمود عودا على مسقط افق المستوى لزم ان يكون موازيا ه وان تكون مقادير الابعاد زيادة عن ذلك في جهة مضادة الجهة مقادير ابعاد مقياس الميل وان يكون ميلاهذين المستقين متممان لبعضه ما وبيان ذلك ان يفرض من النقطة التي يقابل فيها العمود ب المستوى خط اعظم ميلا افيكون المستوى خط اعظم ميلا فيكون المستوى (ا بن) وآسيا فاذا اعتبر مستويا وأسيا المسقط كافي (الشكل ١٥٧) كان أو بن على خط الارض خ ض و و مناطع المستقيمان او بن في نقطة سه وصارا عود ين على بعضهما فتكون الزاويتان الواقعتان بينهما وبين خ ض مثم تين لبعضهما في نقط و علت الراويتان الواقعتان بينهما وبين خ ض مثم تين لبعضهما في نقط الله و كان المن الدائز ل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المن المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المن المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود سه مه على خ ض ومد الافتيان الو ه كان المنازل عود كان المنازل عود كان المنازل المنازل عود كان المنازل المنازل المنازل المنازل المنازل المنازل عود كان المنازل الم

عيث لواخذ ه ك = سه له لقعمل سه ك = اله فينشذ اذااخذعلي ه كافي (الشكل ١٥٨) البعد مم = ١٥٠٦م على مقتضى المقياس الاختصاري وكان فاضل مقداري البعدين صه = ٥٥ واخذ بالمقياس المذكور البعد ع ع = ٥٥ واخذ بالمقياس المذكور البعد ع ع = ٥٥

علی ن نجصل صہر – صرکہ = 0 ر7 و بنتج بالضرورہ = 0 ر7 = 0 =

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطاوب مد عمود من نقطة معاومة على مستقم معلوم يقال

عدّ اولا من النقطة ع مستوعود على المستقيم المعلوم و فيكون مسقط مقياس ميدله ه موازيا و ثم يحث عن التقاطع سم للمستقيم و مع المستقيم العسد توى فيكون موقع العمود المطلوب ويكون هذا العمود حينئذ المستقيم الواصل من النقطة الحادثة سم الى النقطة المعلومة ع *(١٧٤)*

* (المسئلة الثانية عشر)* اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستقيم ومستويقال

ينزل من نقطة من المستقيم عود على المستوى انظر (بند ١٧٢) ثم بعث عن الزاوية الحادثة من هذا العمود والمستقيم المعلوم انظر (بند ١٦٨) فتكون هي المتمه الزاوية المطلوبة انظر (ثانيا من بند ١١٩)

(140)

* (المسئلة الشالنة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستويين مقال

ينزل من نقطة اختيارية م عودان ن و م على المستو بين المعلومين ا انظر (بند ١٧٢) فتكون الزاوية الحادثة من هذين العمودين كافى (بند ١٦٨) هي قياس الزاوية الواقعة بين المستويين المذكورين انظر (نامنا من بند ١٢٧)

(117)

* (المسئلة الرابعة عشر) * اذا كان المطلوب ان يد من مستقيم معلوم مستو يصنع مع مستوى الاقتران زاوية معلومة يقال

ان ميل اى مستوعلى مستوى الاقتران يساوى ميل مقياس ميله وليكن مقدار المالعاوم للمستوى المطاوب على مستوى الاقتران ي قادامدمن النقطة م كافي (الشكل ١٥٩) خط اعظم ميلافي المستوى المطلوب وفرض معرفة الاثر الافقى الهذا الخط الاعظم ميلا حدث مثلث امم فيه مم: ام:: ٥: ٤ ومن حيث ان مم = ١٦ يكون ام = ٤ ر ١١ فاذا حول هذا البعد الى المقياس المتفق عليه في (بند١٦١) صار ١٠٤، وم فيلزم حينتذ بجعل النقطة م مركزا واخذنصف قطر يساوى ١٠٤ رما رسم محيطدا رة ومن المعاوم ان الاترالافق للمستوى لايدان عربالاترين الافقين للمستقم المعلوم والخط الاعظم ميلاوانه زيادة على ذلك لايد وان يكون عودا على المسقط الافتي للخط الاعظم مملافيلزمان يكون مماسا للدائرة المذ كورة ومارامن الاثرالافق للمستقم و المعلوم لكنه قد يتفق وقوع هذا الاثر الافقى خارج حدود الرسم وان مكون نصف قطر الدائرة كبيرا الاانه عكن ان يوضع الشكل على مستو موازلستوى الاقتران وان ينتخب مثلا المستوى المار مالنقطة و المساوى مقدار بعدها ٧٦ فينتذ لا يكون مقدار بعد النقطة م المنتسبة الى هذا المستوى الجديد الا ١٣ كـ ٢١ = ٦٦ وهذا هوارتفاع المثلث القام الزاوية وبنيج من ذلك فاعدة هذا المثلث اوقطر الدائرة بواسطة هذه

س: و :: ٤ : ٥ ومنه ينتج س = ٤٠٠ = ٠٠٠٠ ثمان المستوى المالوب في خطافق ثمان المستوى المالوب في خطافق يكون مسقطه الافقي عودا على مسقط الخط الاعظم ميلا فاذا رسم بجعل و المنقطة م مركزاوا خذ نصف قطريساوى ٤٠٠٠ محيط دائرة ج ومد من النقطة م خط مماس له في النقطة ع كان المستقيم م ع مسقط ومد من النقطة م عم خط مماس له في النقطة ع كان المستقيم م ع مسقط

مقياس ميل المستوى المطلوب ويمكن ان عدمن النقطة و خطآخر عماس و و الدائرة ج وبالوصل بين نقطة التماس ع والنقطة م يتعصل مسقط مقياس ميل مستوآخر يليق بحل المسئلة المفروضة

قاذا كانت النقطة و على الدائرة اى اذا كان م و يساوى ٤٨ . و م كان المسئلة حل واحد وكان المستقيم و نفسه مقياس ميل المستوى لان ميل المستقيم و في هذه الحالة بكون سينا بهذه النسبة

 $\frac{\circ}{z} = \frac{7 \cdot}{z \Lambda} = \frac{V - 17}{z \cdot \Lambda}$

ولا حل المسئلة اذا كانت النقطة و داخل الدائرة اوكان م و اصغر من ولا حل المدائرة اوكان م و اصغر من المديمة من المديمة و يكون حيننذ اكبر من من فلا يكن المجادد بالضرورة على مستويساوى مقدار خطه الاعظم ميلا على مستوى الاقتران ميلا مساويا من الاقتران ميلا مساويا من المناويا مناويا من المناويا مناويا مناوي

﴿ فِي لمساقط المائل والظلال الساقطة) ﴿

(111)

اذا اسقطت نقطة فراغية اسقاطا عوديا ثماثلا على مستويكون المستقيم المسقط الواصل بين المسقطين بالضرورة المسقط العمودى للمستقيم المسقطات لها اسقاطا مائلا فاذا كان فى الفراغ عدة نقط وكانت المستقيات المسقطات لها اسقاطا مائلا متوازية لزم ان تكون مساقطها متوازية ايضاويكون حيئت في مستقيات كلها متوازية اذا تقرد مسقطا كل نقطة من النقط المذكورة على مستقيات كلها متوازية اذا تقرد هذا مهل بعدمغرفة مسقطى مستقيم ومسقطى نقطة عليهمامغرفة مسقطى اك نقطة من هذا المستقيم ومسقطى نقطة عليهمامغرفة مسقطى

ومن المعلوم ان الرالمستقيم على مستوى المسقط الذي يعتبرهما افقيا لابدمن وجوده على كالرمسقطي المستقيم وبكون بالضرورة في النقطة التي يتقاطع

فيهاهذان المسقطان

واذا كان المستقيم انقيا كان مسقطاه متوازين واذا كان رأسيا المسقطه العمودى الىنقطة الا ان المسقط المائل يكون مستقيما مارا بهذه النقطة وموازيا للمستقيم المستقيم المستقيم المستقيم المسقط اسقاطاما ثلا لنقطة صار مسقطه المائل نقطة وكان مسقطه العمودى مستقيما مارا بهذه النقطة وموازيا للمستقين الواصلين بن مسقطى نقطة واحدة

ثماذا كان مستقيان متوازين لزمان يكون مسقطاهما المتعداالاسم متوازين

(1 1 1)

المائل النقطة م من المستقيم ب لكن حيث كان هذا المستقيم افقيا كان المائل النقطة م من المستقيم ب لكن حيث كان هذا المستقيم افقيا كان في موازيا ب انظر (بند ١٧٦) ثم حيث كانت النقطة سر موازيا ب انظر (بند ١٧٦) ثم حيث كانت النقطة سر موازيا المقط المستقيم ب عدمن النقطة سر موازيا المقط المستقيم في في النقطة المطلوبة سم في النقطة المطلوبة سم في النقطة المنافي و المقطة من هذا المستقيم و سم المستقيم و سم المسقط المائل لنقطة سم كائنة على المستوى عدمن هذه المستقيم و سم المسقط المائل لنقطة سم كائنة على المستوى عدمن هذه

*(وناما) *ادا كان و هو الحطالا عظم ميلالمستوى و الفطه من هذا المستقيم و سم المسقط المائل لنقطة سم كائنة على المستوى عدمن هذه النقطة سم افق ب للمستوى فيكون مسقطا هذا الافق متوازبين ويكون المستقيم ب عوداعلى و فيكون حينئذ ب عودا ايضاعلى و ومار ابالنقطة سم وحيث كان المستقيمان ب و في مستو واحديلزم ان يتقاطعا في نقطة م مسقطها المائل م الذي هو تقاطع واحديلزم ان يتقاطعا في نقطة م واذا دد من هذه النقطة مستقيم المستقيمين و و منه ينتج م واذا دد من هذه النقطة مستقيم وازى ب كان هذا المستقيم ب ثماذادد من انقطة سم مواز ا المستقيم ب في نقطة سم واز ا المستقيم ب في نقطة سم وهي النقطة المطلوبة

(119)

* (المسئلة السادسة عشر) * اذاعلم المسقطان العموديان انقطة ميل واتجاه المستقيات المسقطة وكان المطلوب ايجاد المسقط المائل لهذه النقطة على المستوى الافق يقال

يلزمان بدكافي (الشكل ١٦١) من النقطة المعلومة م دستة مي موازللمستقيم المعلوم و انظر (بند ٢٤) وبجث عن الره الافق فيكون فلم المستقيم المعلوب و بمكن ايضا التوصل الى الحالة التي يكون فيها المستقيم و موازيا للمستوى الرأسي منعيم مستو وانتخاب خط الارض الجديد مارا

*(٤٠)

بالنقطة م فحينت ذيكون المستقيم ب فى المستوى الرأسي صانعا مع في فرز فراوية كراوية المستقيم و مع المستوى الافتى و قاطعا خُصُ في النقطة م المطاوية

وهذا الحل الاخبرهو الواجب استعماله متى فرضت النقطة م معلومة بمسقطما الافق و بمقدار بعدها كافى (الشكل ١٦٢) وفرض المستقم و ايضامعلوما بمسقطه الافق وميله ال اومعلوما بمقدارى بعدى نقطتين منه بمكن ان يستنتج منهما هذا الميل فينتذ بمدمن م المستقيم و ويقام م عوداعلى ب ومساويا لمقدار بعد للنقطة م المحتصر بالمقياس المنفق عليه اذا لم تكن الصورة على مقدارها الطبعى التى وحدت عليه و يمد من النقطة م مستقيم ب يصنع مع بالزاوية افتكون النقطة م التى هي تقاطع ب و بالمستقط المائل المطلوب

فاذادل المستقيم و على اتجاه الشعاع الضوئى كانتهذه النقطة م هى الظل الساقط من النقطة م على المستوى الافقى و يتحصل كذلك ظلها الساقط على المستوى الرأسي

(14.)

* (السئلة السابعة عشر) * اداعلم مسقط نقطة وظلها الساقط وميل الشعاع الضوق وي كان المطلوب ايجادمة داربعدها بقال

اذاوصل كافى (الشكل ١٦٢) بين المسقطين م و م النقطة م عسقيم دل هدنداالمستقيم على المسقط العمودى المستقيم ب المسقط السقاطا مائلا النقطة م فردامد حينته ذمن النقطة م مستقيم ب صانع مع ب الزاوية إ المساوية المميل المعلوم الشعاع الضوئى واقيم من

ق عود على ب ومدالى ان بتلاقى مع ب فى النقطة م كان المستقيم م مساويا مقدار البعد المطاوب لانقطة م

(111)

* (المسئلة الثامنة عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد الظل الساقط من شكل ما كثير السطوح على المستوى الافقى يقال

ليفرض ان المطلوب ايجاد الظل الساقط على المستوى الافقى لهرم ناقص مثلاغبرستوازى القاعدتين كافي (الشكل ١٦٣) ولنعتبر المستوى الافقى مستوى القاعدة البعده للهرم فمكن ان تكون نقط المقطع معلومة عسقطين عودين اومعلومة عساقطها الافقية وعقادير العادها وحسكانت هذه المعالم الاخبرة موصلة بدون واسطة الى تعدين المسقط الرأسي يفرض الهرم الناقص معلوما بمسقطيه ودؤخذ زيادة على ذلك المستوى الرأبي عودا على مستوى المقطع ويكن التوصل الى هذه الحالة دائما باستعمال تغيرمستو رأسي مُ فرس المستقم ر الذي هو اتجاد الاشعة الضوية معلوما عسقطه ر وميله إعلى المستوى الافق بتعصل مسقطه الرأسي ر اذا تقررهذا نعين المساقط المائلة للرؤوس أ , أ و ع , د , ه لقاعدة الهرم الناقص العليا انظر (بدد ١٧٩) وبالوصل منها بمستقيات يتعصل المحقط المائل الهذدالقاعدة العليا وبالوصل ايضا بن هده المساقط والرؤس المناظرة الماللة تسبة الى انقاعدة العدعد ه تحصل المساقط الما ثلة الاضلاع الهرم النقص فنذلك تعصل مساقط الاوحد المختلفة من هذا النسكل ولاجل ايجاد الظل الساقطمن الهرم الناقص على المستوى الافقي ننبه اولاعلى انجيع الاشعة الضوئية موازية رفالمارة من بعض نفط الضلع الساقط عند مستويا أثره الافق الساقط منتجان ساسة هو الظل الساقط نطر فطر فط فط فط الفلان الساقطان من الضلعين سرا و اا وحيث كان المستقم المعلى المستوى الافقي يكون نفس ظله الساقط

فينتج بالضرورة من هناان الظل الساقط لاى نقطة من الوجه الرا بطرط بكون فى ذى الاربعة اضلاع السرا اى يكون دوالاربعية اضلاع هو الظل الساقط للوحه أرب أويشاهد ايضا أن الهُ ه و ه هُ د د ظِظ ظِرط دُوع عَام من الظلال الساقطة من الاوجه الهُم و فلظ ظرظ ظلط مع في عرب عن عن من من الطلط ال الساقط من القاعدة العليا أربع دُهُ ولكن حيث ان الظل الساقط يجب ان يكون خارجا عن الهرم وصحون من السين وجوده مخصرا في المسافة ظ فط فط فطرط - اع د د ها سر سع طرح الاجزاء المحصورة في القاعدة ا ـ ع ده من اذوآء الاربعة اضلاع المذكورة الاانه يتعرض في نظري الظل زيادة على الظل الساقط للحث عن معرفة اجزاء سطح الجسم المفروس التي تلق الاشعة الضوية اوالمنبرة والاجزاء التي لاتقع عليها الاشعة الضويه أوالمظللة ويتعرض يعدد لك الى تعين الخط الفاصل بين هذين النوعن من الاجزاء ويسمى هذا الحط بالخط الفارق بن الظل والضوء لكن يسمل في مشالنا معرفة الهادامدت اشعة ضوئية من جمع نقط محيط الوجه مر ع ع ينكون اربعة مستويات آثارها الافقية المستقيات مع ع ع فكل شعاع ضوئى مار فى المسافة المحصورة بين الاربعة مستويات المذكورة يقابل الوجه ررع ع فيكون هذا الوجه المضشا وكذلك الوجهان ع ع د د السبع د ه وحيث كانت الاشعة الضوية الخارجة من نقط مختلفة من الضلعين مدر يُرا مارة خارج الوجه ا ـ ـــ أكان هذا الوجه في الظل و كذلك الوجه ان الا خران ا أهُ هُ هُ هُ دُ دُ وَلَهِذَا السَّابِ حَعَلَنَاهَا مَظَلَّهُ فَأَلَّظُ النَّاسِ م سُ اُهُدُد يكون الخط الفارق بن الظل والضو وللسطح المفروض وليتنبه الى ان جله المستويات المتكونة من الاسعة الضوية اللارجة من النقط الختافة للغط المنكسر مراً هُ دُ دُ والمستوى الافق والوجهين مراسطوح السائر للمستقيات فلط فلط فلط فلط فلط فلط فلط فلط المؤلف والمحدد ارسمت الله الخطوط منقطة والما الظل الساقط من الخط الفارق بن الظل والضو وفقد رسم عملئا دون غيره وهذه هي كيفية المنقيط من اربد حل مسئلة تتعلق بالظل الساقط المن اذاار بدحل مسئلة بسيطة متعلقة بالمساقط يلزم حيث كانت الخطوط الاخر مساقط للخطوط المرسم هذه عملئة ايضا

(111)

اذاعل المسقط الافق والظل الساقط لكثير السطوح على المستوى الافق وكذا ميل الاشعة الضوئية سهل ايجاد المسقط الرأسي لكثير السطوح اومقاديرابعاد جيع رؤسه فيكون بالضرورة هذا الكثيرالسطوح معينا تعسنا تاما بواسطة هذالعالم وليكن معلوما المسقط الافقى العدد أسع دُهُ لمرم ناقص ظِطِظِظِ ذى خسة اوجه و اهد ده أب مظله الساقط على المستوى الاقق و ميل الشعاع الضوئى فيؤخذ ر موازيا ١١ اوموازيا مـ ٠٠٠٠٠ فيدل هذا المستقيم على المسقط الافقي الشعاع الضوئي وعد ر صانعامع ر الزاوية إ فيكون هو الشعاع الضوئى فى المستوى الرأسى المسقطله ے اسے اد مسقط الأسى ر على مستوماً رأسى خ س غ ر المارة بالتوالى من الرؤس سر ، أ ، ه ، د للهرم الناقص مقال اذااسقطت هذه النقط على خط الارض في برو لوهود ومد س هـذه النقط خطوط تو ازی رکانت النقط ۔ ، ا ، ه ، د في تقاطعات هذه المستقيمات مع الخطوط الاعدة على خص النازلة عن ألنقط

مر مر مر ولا يعاد ارأس الخامسة على انه اذاعلم م وحد أع كا وحدت المساقط الرأسية للرؤس الاخرى و يكن تعصيل هـ في النقطة ع لان من المعلوم ان المستقيات الم حر ط ط ط مع الماقط المائلة لاضلاع الهرم تلاقى فى النقطة س التي هي مسقط الرأس سم الكثير السطوح المذكورو حينئه في لا بدوان توجد هذه النقطة ع على المستقم ع سُه وحيث كانت على خط يوازى ر مارمن ع لزمان توجد على تقاطع هدنين الخطين وتكون النقطة سم المعتبرة خارج حدود الرسم غالبا ولاتعصل النقطة ع المذكورة بواسطة هذه الطريقة لكن في هذه الحالة يدمن ع خط بوازى ع سمايل النعط سر في نقطة سر في و نالمستقيم ع سر مسقطا افقيا لمستقم ع سم كائن في مستوى الوجه مع ع أ ومواز للغط مع ومسقطالافق من هذاالمستوى بالضرورة فلواخد حينتذالمسقط المائل سي للنقطة سم كافي (بند ١٧٧) ومد من النقطـة سم خطوازي منع او مع كان هدا المستقم المسقط المائل للغط سمع كَافَى (شد ١٧٧) واشتل بالضرورة على النقطة في الكائنة ايف على خطوازى ر مارس النقطة ع وبهذه الكيفية بوجد المسقط المائل لاى رأس لمست على الخط الفارق بن الظل والضوء المساقط المحروطية وفي المنظور) الله

(176)

اذاعلت نقطة ثابة في الفراغ و ونقطة مّا م يكون وم

حطا

خطامسة طاللنقطة م وتحكون النقطة التي يقابل فيها هذا الخط مستوبا معلوماه سقطا مخروط الوقط بماللنقطة م حيث كانت النقطة و قطب هذا المسقط فاذا اسقط كذلك جميع نقط جدم كان المسقط المخروط للقصصل حينئذ هو الظل الساقط من الجسم المذكور على مستوى المستطاذا كانت النقطة و نقطة مضيئة الاكان المسقط المذكور هو منظور الجسم اذا كانت هذه النقطة عن الناظر ويلزم مع ذلك لا يجاد الظل الساقط ان يكون الجسم المستضيء موضوعا بين النقطة المضيئة ومستوى المسقط والافلا يكون الامجرد مسقط مخروطي وقد ذكر في نظرى المنظوران المستوى الذي بقع عليه المسقط المخروطي ويسمى بمستوى المنظور يكون في العامة موضوعا بين الجسم وعدين الناظر ولامانع من وضعه وراء الجسم المسقط اسقاطا مغروطها على هذا المستوى

(111)

وحيث كانت جميع المستقمات المسقطة اسقاطا مخروطيا لجميع نقط جلة مارة بالقطب و فن الواضح انجيع المساقط الهمودية لهدنده المستقمات على المستوى الهندسي المعتبر هذا افقيا تمر بالنقطة و انظر (بند ١٠٥١) وتمركل مساقطها على مستوى المنظور بالنقطة و التي هي اثر العمود النازل من النقطة و على هذا المستوى

والمسقطان الافق والقطبي للنقطة م يكونان بحيث لووصل بين م و و عستقيم و المستقيم واعدة مستوى المنظور في موقع العمود الذازل من م على هذه القياعدة

(140)

المسقط المخروطي لمستقيم بكون مستقيما هو تقاطع مستوى المنظور مع المسقط المدوى الماربالمستقيم والنقطة و وحيث كانت جميع المستويات المسقطة المارة بالنقطة و متقاطعة بنتج حينتذانه اذا فرض مستقيمان و و و

متوازيان تقاطع مستوياهما المدقطان الهمافى مستقيم طيوازى و و و و و يقابل مستوى المنظور في نقطة سيمهاير تقاطعا هذين المستويين مستوى المنظور في نقطع المسقطان المخروطيان اومنظورا المستقين المتوازين ومهما كان عدد المستقيات المتوازية فستوياتها المسقطة تتقاطع كلهافى مستقيم واحد فتمر حين شدنا طبرجيع هذه المستقيمات بقطة واحدة ستمى بنقطة التلاقى فاذا فرض عدد جل مستقيمات متوازية كان الكل جلة منها نقطة تلاق

فادا كانت المستقيمات المتوازية اعدة على مستوى المنظور كان المستقيم طهودا ايضاعلى مستوى المنظور ولم تكن النقطة مستوى المنظور كان هي في فسها واذا كانت هذه المستقيمات المفروضة موازية لمستوى المنظور كان المستقيم ط موازيا ايضا لهذا المستوى وصارت النقطة مستوى المنظور في الانهاية له فحينينذ من اظير المستقيمات المتوازية والموازية المستوى المنظور تكون متوازية واذا كانت المستقيمات المعلومة ما ثلة بقدر وي على مستوى المنظور صنع المستقيم ط ايضا زاوية قدرها وي مع مستوى المنظور وقابله في نقطة س بحيث و وركم أذا كانت المستقيمات المتوازية وألا المنافين فيه وكوس وركم أذا كانت المستقيمات المتوازية الذكورة في هدده الحالة افقية كان المستقيم ط اقتيا ايضا وكانت نقطة المنافين فيه والمعالمة بنان المستقيم ط اقتيا ايضا وكانت نقطة التلاقى في هدده الحالة المعام بقطة البعدويوجد نقطتا بعد احداهما في احدى جهتى النقطة والوالاخرى في الجهة الاخرى المقابلة الها في المنافية والمنافية المنافية المنافي

(117)

يتعين المستوى غير المنتهى باثريه على المستوى الهندسى وعلى مستوى المنظور كانبينه فى حل المسئلة التاسعة عشر

* (المسئلة التاسعة عشر) * اذا علم المقط العمودي لنقطة كائنة

على مستومعلوم بالريه وكان المطلوب ايجاد مسقطها المخروطي او العكس يقال

*(اولا) * ليكن ق و م اثرين لمستو ر و مد مسقط نقطة من هذا المستوى على المستوى الهندسي كافي (الشكل ١٦٤) فيرمن النقطة سم هذه افقى و من المستوى د فيكون مسقطه و موازيا ق ويقابل مستوى المنظور في نقطة ا من و و و د في ايجاد المسقط الشاني المستقم و ايجاد نقطة تلاقى افقيات المستوى ر ومن المعلوم ان احدهمذه الافقيات وهو و يوجد مع النقطة و على ستوافق ومسقطه و يواذى بالضرورة غ ص ويقابل مستوى المنظور في النقطة أ المنسقطة في أ ومنه ينتج و ثم يتقاطع المستويان المسقطان للمستقيم و و في مستقيم ط مواز الهماوس حيث اله عمر بالنقطة و يلزم ان يكون كله فى مستوى (و و) فاذامد حنشذ ط موازما و . ط موازيا خ ض كان الاثر م لهذا المستقيم نقطة التلاق المطلوبة ثم بالوصل بين النقطين ا و عسستقيم و واذا وصل الاتن بن م مستقيم ب ومدهدا الى تقطة تقابله مع و يتعصل المسقط سم المطاوب

*(تنبه) * اذا وصل بن النقطتين و و سمه بمستقيم ب كان المستقيمان ب و ب المسقطين العمودين على المستوى الهندسي وعلى مستوى المنظور المستقيم ب المسقط اسقاطا مخروط النقطة سم ونانيا) * اذا علت النقطة سم فلاجدل المجاد سم بمذ من

(13)

النقطة سم هذه افني و للمستوى ر فيلزم ان عر و بنقطة تلاقى المساقط القطبية لافقيات المستوى وتحصل هذه النقطة كاسبق ثم بالوصل بين مر و ينفج المسقط المخروطي و للافق المذكور فيقابل م فالنقطة التي هي اثر المستقيم و على مستوى المنظور وباسقاط هذه النقطة على قاعدة مستوى المنظور في النقطة المنظور في النقطة المنظور في النقطة المنتقيم بل وعلى المسقط يتحصل و فتحصل النقطة الملاوية سم على هذا المستقيم بل وعلى المسقطة المنافقة سم لكن هذا المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المستقيم يقابل مستوى المنظور في النقطة من المنسقطة على خض في المنطوبة

(1 / Y)

*(المسئلة العشرون) *اداعم المسقطان العموديان لنقطة ومسقطا القطب وكان المطلوب ايجاد المسقط المخروطى للنقطة الاولى على مستو معلوم يقال ليكن و القطب و م النقطة المعلومة كافى (الشكل ١٦٥) ويفرض مستوى المنظور عوداعلى خط الارض ومنطبقا على المستوى الافقي فيلزم ان يكون مسقط القطب عودادا تماعلى مستوى المنظور ويستعمل لا يجاده في النقطة وأنعير مستوراً سي انظر (بند ٤٤) وبهذا تؤول المسئلة الى مدالمستقيم وم والبحث عن اثره على مستوى المنظور فيكون المسقط الافق لهذا الاثر المساوى مقدا وارتفاعه الرأسي عال النقطة أ فاذا اقيم حيند من النقطة أ عود على خَضَ واخذ أ م المنظوبة مم المطلوبة م

فاذا كانت النقطة ان وم معلومتين بمسقطيهما الافقين وبمقداري ابعديهما يبحث على المستقيم و وم عن مقدار بعد النقطة التي تنسقط

في النقطة إ انظر (بند ١٦٢) ويؤخذ إم مساويا للمقدار المذكور فيحصل المطلوب

(11/)

* (المسئلة الحادية والعشرون) * اذا علم مسقطان افق ومخروطى لنقطة ومسقطا القطب ومسقطا القطب وكان المطلوب ايجاد المسقط الرأسي للنقطة بقال

مستوی المنظور هو مستوی رأسی اسقط علیه المستقیم وم انسقاطا عودیا انظر (اولا من بند ۱۸٦) وحیث علم المسقطان الافقیان و و این انقطتین من هذا المستقیم و مقدار اارتفاعهما و و ایم یقال و انقطتین من هذا المستقیم و مقدار اارتفاعهما و و و ایم یقال اذا انزل حینتذمن و و ایم عودان علی خ ض واخذ و و و و و و ایم و و صل بین و ایم النقطة م و می فیقطع ک فی النقطة المطلوبة م

(119)

* (المسئلة الثنائية والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد منظور كثير سطوح يقال

ایکن المطاوب منظور کثیر السطوح المبین فی (الشکل ۱۹۱۱) المرکب من متوازی السطوح القائم الرأسی والمرکب فوقه هرم مربع فیفرض مستوی المنظور عوداعلی خ ص غریطبق علی المستوی الرأسی مستویا هندسیاغ بیجث الرأسی را وهذا برجع الی اعتبار المستوی الراسی مستویا هندسیاغ بیجث لاجل ایجاد المنظور المطاوب عن مسقط نقطة النظر علی مستوی المنظور بان ینزل من النقطة و علی المستوی م عود یقطعه فی النقطة و من تم بین هذه النقطة و علی المستوی م حول را بالضرورة علی بعد واحد ن و من المحود من واحد ن و من المحود من واحد ن و من المحود من واحد من و من المحود من واحد ن و من المحود من المحود من المنظور من المنظور من المحود من المحود من واحد من و من المحود من المحود من واحد من و من المحود من المحود من المحدد من و من المحدد من و

فيوخد حيندعلي ور يعد ور = ن و فينج لنا النقطة و المطاوية ويشاهد انهذا برجع الى ان برسم بجعل النقطة نر مركزا واخذ نصف قطر ن و قوس دائرة بقطع ن ض فى النقطة أ وان بقام من هذه النقطة عمودعلي خ ص الى نقطة تقابله مع و و و تتحصل جميع النقط الاخرى منالكيفية واماالنفطة و فعكن تحصيلها باستعمال مجرد تغيير مستوافق معاعتمار را خطاارضما جديدا تمان المستقيم وايقابل مستوى المنظور في نقطة أتحصل مثل النقطة و على مستوى المنظور بان بحد من أخط يوازى خ ص و يؤخذ أا = نرأ وتحصّل ايضاجيع النقط الاخرى كر ع من المنظور بالكيفية المارة فيصرالمستقير أك بعد المحاد المنظورين أي للنقطتين ا , - منظورالمستقيم ا- وكذا يقال في المستقيمات الياقية فيتعصل حينتذ اكع وأوهومنظور القاعدة السفلي لمتوازى السطوح النام والع عن والعام والاله وهي منظورات الاوجه الاربعة الجانبية الرأسية وهن ع ك وهومنظور القاعدة العليا و عطال م وهومنظور قاعدة الهرم و سميام و سمام سملم مرام و سمام کے وہی منظورات الاوجه الاربعة أومن المعلوم ان الناظر الواقف في النقطة و لايشاهد الاالوجه أن في من متوازى السطوح وتحنى عنه جيع الاضلاع التي لا تنسب لهذا الوجه الذكورواذلذرست بخطوط نقطية على الشكل واما الهرجي فن المعلوم ان الضلع سم نے منه ظاہر والضلع سم ل مخبأ بالكلية لكن الضلعان سهط و سهم يشاهدان فوق نقطتي تقاطعهمامع المستوى (هف و)

اللتين لم بين الا مسقطيه ما الرأسيين و ك ويوجد منظوراهما بالضرورة في النقطتين و ك اللتين هما تقاطع المستقيمين كم و المسرورة في النقطتين و ك اللتين هما تقاطع المستقيمين كم و المسرال مع هم في المستقيمين المركب المركب المستقيمين المركب المر

ولننبه ايضاعلى انه حيث كانت المستقيمات ١ و عد و هذ و عد افقية ومواذية لمستوى المنظور تكون منظوراتها ألم ع د هاف على عوادية لخط الارض خ ف انظر (بند ١٨٥) اوانه حيث كانت المستقيمات اد و ع و ه ع و ف ع اعدة على مستوی المنظور بلزم ان تقابل منظوراتها اگر و ساع و ها و فَع فَى النقطة و فيلزم من ذلك ان تكون النقط كي ل و و على مستقيم واحد ومن المعلوم ان الاضلاع كے ط و طل و لم و م ك لقاعدة الهرم مائلة بمقدار ١٥٠ على مستوى المنظوروان الاضلاع المقابلة لها متوازية فاذا اخذ حينئذ وركا وو مجيث تكون النقطة رَ نقطة البعديازم ان يتقابل المنظوران كم م طُلُ للضلعين ئے م و طل فی النقطة را وان يتقبابل المنظوران کے طل و للم اللضلعين الا تحرين في نقطة اخرى ركائنة في الجهة الا خرى من النقطة وعلى بعدمنهايساوى ورر

ولنتم ماذكر بهذا التنبيه وذلك اله عصف ان وهم من كل نقطة اربدا يجاد منظورها افقيان احدهما عود على مستوى المنظور والا خرمائل عليه عقدار ٥٥ وعدا الى نقطى تقابلهما عستوى المنظور ومن العلوم ان ها تبن النقطتين تنسبان لمنظورى هذين الافقيين كل واحدة لواحد فا ذا وصلت حينند اولى النقطة وا والاخرى نقطة البعد المقابلة لها حدث مستقمان

(25)

يتقابلان فى منظور النقطة المعلومة ومن البين ان هدف الطريقة المستعملة فى ايجاد منظوراى نقطة المستعملة فى ايجاد المنظور

※(19+)※

لاجدل وضوح الشحكل عادة لا برسم المنظور في الموضع المذى وضعناه فيده هنا بل يفرس مستوى المنظور قبل الدلباقه منقولا الى بعدما اختيارى الويؤخد على مستوى المنظور محوران احدهما عرد على الا خراويؤخذ اثراه وينسب بعدا كل نقطمة من المنظور الى المحورين المذحكورين في اى محل اريد وسيتناح ذلك اتضاحا تاما في المسئلة الثالثة والعشرون

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المعالوب ايجاد سنظور كثيرالسطوح ومنظور فلا الساقط على المستوى الافق يقال

سميث كان مسقطا كثيرالسطوح معلومين كافى (الشكل ١٦٧) ومسقطا الشعاع الضوق كذلك يوجدا ولا الظل الساقط انظر (شد ١٨١) واثلاط الفارق بين الضوع والظل ومنه تعلم الاوجه المضية والاوجه الظلمة اذا تقررهذا بقال ليكن مستوى المنظور م عودا على حض ويرسل من النقطة البصرية و اشعة بصرية المي جمع وقس كثيرالسطوح المفروض فتقابل هذه الاشعة مستوى المنظور م في نقط تعين مواضعها بانتسابها الى هووين قائمين احدهما على الاخر وموجودين في المستوى المذكوروي عتارللا ختصارا تراهذا المستوى بالمرف من للمحور الاثنى ركا وبالمرف من للمحور الاثنى ركا ويرسم الشكل النكائن في مسستوى المنظور م اى منظور كثيرالسطوح ويرسم الشكل النكائن في مسستوى المنظور م اى منظور كثيرالسطوح منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و في عائلان على ق بحداد من النقطة و افقيان و و في ماثلان على ق بحداد من النقطة و افقيان و م و ماثلان على ق بحداد من النقطة و افقيان و م و ماثلان على ق بحداد من النقطق المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطق المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المنقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المنقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المنقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف النقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المنقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المنقطة المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المعدور المعد فبعد رسم الحورين من و من يؤخذ عرف المعدور المعدور

نرو ويقام من النقطة و عودعلى س ويؤخذ وو = وو فتتعصل نقطة النظر ثم عدمن النقطة و خطوازى س ويؤخذ وس = وركا = وو فيتعصل لنانقطتا المعد اذا تقررهـ ذا يعتبر اولا الوجه ١ - عد الذي يعتمد عليه كثير السطوح موجودا على المستوى الافقى ولاحل المحاد منظور نقطة يفرض من هذه النقطة مستقمان احدهما عودعلي مستوى المنظوروالا تخرمائل عليه بمقدار ٥٥ فير منظور المستقيم الاول بالنقطة وأوير منظور الثاني بالنقطة أ ويقطع المستقم الاول ايضا مستوى المنظور في نقطة متاعدة عن النقطة نر بمقدار ا أ ويقطعه الثاني في نقطة وتباعدة عن نر عقدار نرا ومعلوم ان هدنين المستقيمن في مستوى افقي فاذا اخذ على المحود سم طول نرا = اأ وطول نرا خرا ومد المستقيمان أو والر تقاطعا فى النقطة اللي هي منظور النقطة ا ويقطع المستقم و مستوى المنظور في نقطة ك متاعدة عن المحور ص عقدار نرر وعن المحور س عقدار نرر فاذا اخذ حيت ذ ارام على س العمود أم م العمود كانت النقطة لـ منظورالنقطة لـ ولاجل ايجاد النقطة ع يؤخذ سع = ع ع و يو صل بن ع و و فيكون المستقيم الحادث منظور عود نازل من النقطة ع على مستوى المنظور ثم يقطع المستقم وع مستوى المنظور في نقطة ع مرتفعة عقدار نرع فاذااخذ حينشذ مرع = نرع ومدمن النقطة ع مستقم بوازى س قطع ع و فى النقطة

ع المطلوبة واما النقطة د فيث كان المستقم عد افقيا وموازيا المستوى المنظور وجد في تقاطع هذا الافق بعينه مع المستقم دَا وا الذي هو منظور عود نازل على مستوى المنظور المارمن النقطة د

وبالانتقال الى الوجه ع ده ف عصل الرؤس الثلاثة ه و ف و ع كاحصل منظور النقطة لـ

واما الرأس من الوجه مع ع من فقد مدد نا الاجل المجاده افقيين مع مستوى المنظور فر منظور اهما على النوالى بقطتى البعد ركم و و ققا بلا فى النقطة ما المطلوبة ولاجل تحصيل منظور مع بنبغى ان بؤخذ على المحور ص بالاشداء من النقطة المحصلة خط بالاشداء من النقطة ألمحصلة خط بوازى المحود من ويؤخذ على هذا الموازى الى خلف طول يساوى نرج من وصل هذه النقطة الاخيرة بالنقطة ركم لكن اذا فرض ان جلة التركيب تهم هموطا رأسيا بمقدار من من بلزم اخذ نراج عن من و ركم تمهم وصل ع و ركم بعضهما فلم يبق حينتذ الاان يمد من النقطة رخط بوازى ركم و وصل ع و ركم بعضهما فلم يبق حينتذ الاان يمد من النقطة رخط بوازى ركم و يوجد بهذه الكيفية منظور من ع فهذان المنظوران يتقاطعان في النقطة ك

وحیث صارت منظورات رؤس الوجه الثلاث اده معلومة وکانت جیسے الاوجه الاخرمتقابلة فی الرأس سم لم ببق علینا الاایجاد منظور هذا الرأس من کثیرالسطوح ولننبه لذلا علی ان المستقیم و سم یقطع مستوی المنظور فی نقطة سر یساوی مقدار ارتفاعها الرأسی نرس فاذا اخذ نرس فی نقطه می خطوازی س اشتیل هذا الموازی س اشتیل هذا الموازی

على مركم ثم يفرض من النقطة سم عود على مستوى المنظور فيقطعه في نقطة بعداها عن المحورين س و ص هما ف سم و ف سم فاذا اخذ حينت ذري = ف سم ومدمن النقطة في خط يوازى س واخذ في في حدث مستقيم يشتمل ايضا على سم وهم النقطة المطلوبة

فلم سق بعد انجاد منظورات جيع رؤس كثير السطوح الاالوصل بينها بمستقمات لاحل امحاد المنظور المطلوب ولاحل ايجاد منظور الظل الساقط مدفع ع دا تحصل منظور النقطة سم بأن يؤخذ اولا المنظور سيه و لعمود على مستوى المنظور نازل من هذه النقطة حكما سبق اجراء هذا العمل المرار العديدة ثم يتنبه الى ان المستقم وسم يقطع مستوى المنظور في نقطة سي متباعدة عن المحور ص عقدار نرسي فيسلزم البحث على سرم و عن النقطة الموجودة على هدا البعد من المحور ص فتتعصل ضرورة بأخذ نراس = نرس ومدخطمن النقطة س يوازى ص فيقطع سير و في النقطة المطلوبة التي كان يلزم ان يرمن لها عالرمن سد على مقتضى الاصطلاح المتقدم والاسهل أن يرمن لها مالرمن شم فقط وتحصّل كذلك النقطة ف بالتنسه على ان الخط مر و لابدان بوازى المحور س وبالجلة فقدوجدنا النقطة ع بهذه الكنفية

وقدنو عنافى هذا الشكل الطرق المستعملة في ايجاد منظورات جيع رؤس كذر السطوح لايضاح كينية الوصول اليهامع ابقاء انتخاب الطرق

للراسم ليستعمل الانسب مها بحسب ما يقتضيه رأيه في حكل حالة

(191)

وقد بقيت تنبيها تلازمة في كيفية تنقيط الشكل نذكرها فنقول لينبه اقلا الى ان مسقطى اى جسم عند الناظر الواقف في نقطة غيرنها أية هما منظوراه ندا الجسم بعينه وان شئت قلت ان كل مسقط هو الظل الساقط حين تكون الاشعة الضواية اعمدة على مستوى المسقط اذا تقرّر هذا تكون اوجه كثير السطوح المتلاقية في النقطة مر من ية دون غيرها الناظر الواقف على بعد غير محدود على المستوى الافق فيلزم حينئذان تحون المستقيات المحصلة لمحيط هذه الاوجمه على المسقط الافقي ممتلقة وان يكون المستقيات المحسقيات نقطيا وان يكون الخط المنكسر اسماع عنده ها عنده قدا الناظر هو المحيط الظاهرى لكثير السطوح ويشاهد بالسهولة ان المحيط الظاهرى لكثير السطوح ويشاهد بالسهولة ان المحيط الظاهرى بالفسية للناظر الواقف على بعد غير ويشاهد بالسهولة ان المحيط الظاهرى بالفسية للناظر الواقف على بعد غير

ويشاهد بالسهولة ان المحيط الظاهرى بالنسبة للساظر الواقف على بعدغير محدود على عود المستوى الرأسي هو الخط المنكسر اسسم ف ه د ا فينشذ يكون هذا المحيط والمستقيات سما و سمه و ا ه متلئة

وتنقيط هذين المسقطين يكون ولاشك للاجزاء الخبأة بمستويي المسقط وهدا يجبرنا على ان نرسم بخطوط نقطية بعض الاجزاء التي تكامنا قريبا على وجوب وسمها ممتلئة ثمان الاصول المتقدمة المطبقة على جميع الاجسام التي ذه تبرها في اثناء هذا الكتاب تقسم جميع ما يخص تنقيط مساقط الاشكال القراغية التي يراد بيانها وقد اسلفنا الكلام على الجزء السهل منها انظى (بند 1)

واما من جهدة الظلال فحكثير السطوح يسدة ط ظلاعلى الجرز

ادع ع ف مما من المستوى الافق بحيث لوازيل الجسم وبق الظل كانت صورته كافي (الشكل ١٦٨) لكن قد يحفى الجسم عن الناظر المشاهد للمسقط

الافق جراء من هذا الظل فيظهر له في صورة اه في طرح ف سما ولذاك لم يظلل الاهدا الجزء من المستوى ويسمل في الاوجه المظلة معرفة حون الخط المنكسر اسع ع في سما هو الخلط الفارق بين الظل والضوء وينتج حينتذان الاوجه اسعد و عده في ع هف سم و اده و اهسم كا منه في الظل الاان الناظر المشاهد المسقط الافتى لا يرى الاالوجه بن سمه في و سماه ولذلك لم يظلل الاهما على المسقط الافق ولذا اهتمينا بتوجيمه الخطوط الظليمة الى جمتين مختلفتين ومن المعلوم ان الناظر لا يرى من المسقط الرأسي الاالاوجمه سمه في و سماه التي يلزم حينت في تظليلها دون غيرها على المسقط الرأسي

واتمامن جهة المنظور فيقال من البين عند الناظر الواقف فى النقطة و ان المحيط الظاهرى اكثير السطوح هو است سه هدا فلا يرى هذا الناظر حينئذ الاالاوجه سه اسو سه سه و اده التي منها الاقرلان مستنيران والا تحران مظللان والمستقمات المكوّنة لمحيط هذه الاوجه الاربعة ممتلكة دون غيرها نمانه يلزم تظليل جزء منظور الظل الساقط الكائن خارج منظور كثير السطوح

(191)

منتصفا الضلعين المتوازيين ونقطة تقابل القطرين ونقطة تقابل الضلعين الغير المتوازيين في شبه المنحرف تكون على خطمستة يم انظر (شكل ١٦٩) ويتضيح ذلك في شبه المنحرف المتساوى الساقين اكع د لان المثلثين اسم ع د مه كم متساويان فيكون امه و و مه كم متساويين ايضا فينتذ بقسم سمه و الزاوية كسم ا الى قسمين متساويين ويمر بالضرورة بحني الساويين ويما الماء د مسقطا بحني الد و د يح لكن بمكن اعتبار شبه منصرف ما الدع د مسقطا عوديا اوماثلا لشبه منصرف متساوى الساقين منطبق على اكع د فيكون عوديا اوماثلا لشبه منصرف متساوى الساقين منطبق على اكع د فيكون عوديا اوماثلا لشبه منصرف متساوى الساقين منطبق على اكع د فيكون

القطران اع و د مسقطى القطرين اع و د وبكون المستقم سم و مسقط سر و وتكون النقطتان ه و ع مسقطين للنقطت بن ه و ع وحدث كان ها تان النقطمان مستصفى الم و دع وكان مسقط نقطة منتصف مستقيم فى كل نوع من المداقط الاسطوانية هو نقطة منتصف مسقطهذا المستقيم نفسه تكون النقطتان ه ع حينند منتصفي المستقيمن ار و عود ونستنج من هناطر بقة قسمة مستقم وزاوية اودوس الى قسمن منساويين

وافامة خطعود على مسصف مستقم ما

تمالخن الاقالمن هذا الكتاب المستطاب بعون الله الملا الوهاب وكان الفراغ من تمام طبعه بدار الطباعة العامره المنشأة سولاق مصرالقاهره ادام الله عزمنشيها و مهم ومشدمانيها صاحب السعادة الابدية والهمة العمرية والفغرالعلى الحاج مجد وُدُلُّ فِي عَلَى وَدُلْكُ فِي عَقَى جَادِي الأولَى وع سالمانة من الهجرة النوبة وي على عاحمهاافضا

























































